

تصميم الصواريخ الموجهة البسيطة

تأليف

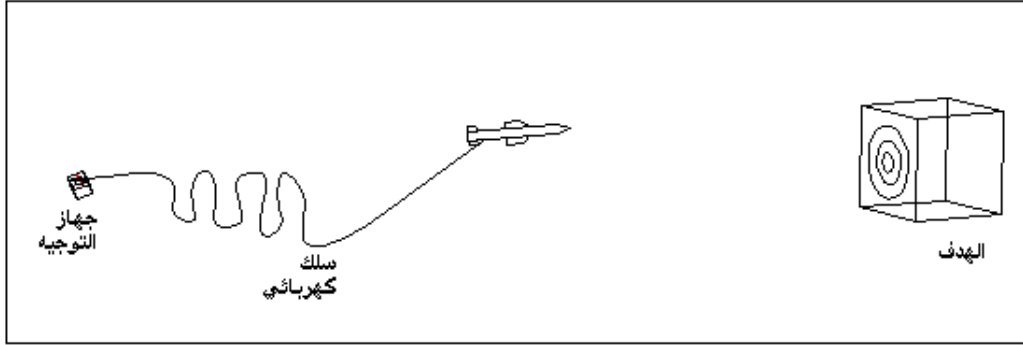
المهندس عبد الرحمن

الإهداء :

إلى المجاهدين عامة وإلى دولة العراق الإسلامية خاصة

مقدمة الكتاب

الهدف من هذا الكتاب هو توضيح أسس تصميم الصواريخ الموجهة البسيطة ، والتي تعتبر الخطوة الأولى في تصميم الصواريخ الموجهة الحقيقية . وسوف نحاول قدر الإمكان الاعتماد على أبسط الإمكانيات الصناعية . وسوف نضع تصميم لصاروخ موجه بسيط، كما في الشكل التالي



وهو صاروخ بطيء ، يقوم شخص بتوجيهه فوق وتحت ويمين ويسار، من أجل إصابة هدف ثابت أو بطيء .

ونظام الوحدات المستخدم في هذا الكتاب هو نظام الوحدات العالمي (SI) ، والزوايا بوحدة rad .

وقد بسطت هذا الكتاب بحيث لا يلزم قارؤه أي معلومات مسبقة في الهندسة ، بل يكفي أن يعرف مبادئ الرياضيات العامة ، لكن إن كان مهندس (خصوصا مهندس طيران أو ميكانيك) فهذا يسهل عليه فهم الكتاب.

الوحدة الأولى فيها بعض المقدمات والمواضيع المتفرقة .

والوحدة الثانية تتحدث عن محرك الدسر ذو الوقود الصلب .

والوحدة الثالثة تتحدث عن تصميم هيكل الصاروخ وجناحه وجنيحاته .

والوحدة الرابعة عبارة عن مراجعة لبعض مواضيع هندسة التحكم التي تهتمنا في الوحدة التي تليها ، ومن أراد قراءة هذا الكتاب فلا بد له من قراءة هذه الوحدة ، سواء كان يعرف موضوع هندسة التحكم أم لا .

والوحدة الخامسة تتحدث عن استقرارية الصاروخ وطرق زيادتها وتحدث أيضا عن توجيه الصاروخ ، وهي أطول وأهم وحدة.

والوحدتين الرابعة والخامسة تعتمدان على برنامج Matlab¹ ، لذا لا بد من توفره عند من يقرأ الكتاب ، وقد شرحت ما يهمنا من هذا البرنامج .

1 بغض النظر عن النسخة

الفهرس

- 3.....مقدمة الكتاب
5.....الفهرس

الوحدة الأولى

مقدمة

- 10.....مكونات الصاروخ الموجه
11.....معنى بعض الأشكال والكلمات (فوق و تحت وانفتال الصاروخ)
11.....جهاز التوجيه
12.....مراحل الطيران في نموذجنا
12.....آلية عمل الصاروخ الموجه في نموذجنا
13.....كيف يتحرك الصاروخ جانبيا
13.....قوة الرفع L
14.....معامل الرفع C_{la}
14.....قوة المقاومة D
15.....التصميم
15.....متطلبات التصميم
16.....مثال 1

الوحدة الثانية

محرك الدسر

- 17.....أجزاء المحرك

19.....	بعض المعادلات والتعريفات الهامة
20.....	ملاحظات
21.....	السرعة و التسارع و المسافة المقطوعة أثناء احتراق الوقود
23.....	اشتقاق بعض المعادلات المفيدة
24.....	ملاحظات مهمة في التصميم
25.....	<u>تصميم محرك الديزل</u>
27.....	مثال 1

الوحدة الثالثة

تصميم الهيكل والجناح والجنيحات

33.....	مراجعة في مقاومة المواد
34.....	S_{cr} والانبعاج
35.....	انبعاج عمود
36.....	انبعاج شريحة رقيقة
37.....	أعضاء التقوية
38.....	قيمة k
38.....	قيمة k لأعضاء التقوية
39.....	قيمة k قطع الشريحة
39.....	الاجهاد الناتج عن العزم الدوراني
40.....	القوى والعزوم المؤثرة على الصاروخ
40.....	الهيكل
41.....	الغلاف و أعضاء التقوية
41.....	ملاحظات
42.....	المعادلات المهمة (من الملاحظات)

44.....	تصميم الغلاف و أعضاء التقوية
46.....	مثال 1
49.....	الاطارات
51.....	تصميم الاطارات
51.....	مثال 2
53.....	الجناح
54.....	المعادلات
58.....	تصميم الجناح
61.....	مثال 3
67.....	الجنحيات
68.....	خطوات تصميم الجنحيات
69.....	مثال 4
71.....	الكتلة الكلية

الوحدة الرابعة

مراجعة في هندسة التحكم

72.....	مثال 1 الرافعة (نظام الدارة المفتوحة)
75.....	نظام الدارة المغلقة
75.....	مثال 2 نظام الدارة المغلقة للرافعة
76.....	اقتران التحويل
77.....	مثال 3 نظام الدارة المفتوحة اقتران التحويل
79.....	تبسيط الدارات
79.....	مثال 4 نظام الدارة المغلقة اقتران التحويل
82.....	توحيد التكبير

83.....	نلخص طريقة تصميم نظام الدارة المغلقة بالتالي.....
83.....	الفلتر
85.....	<u>تصميم الفلتر</u>
85.....	المعدل
85.....	المعدل المكبر
86.....	مثال 5 تصميم معدل مكبر للرافعة root locus
91.....	المعدل المسبق
91.....	<u>تصميم معدل مسبق</u>
93.....	مثال 6 تصميم معدل مسبق للرافعة
96.....	معدل مؤخر
97.....	<u>تصميم معدل مؤخر</u>
98.....	مثال 7.....
101.....	معدل مسبق مؤخر
102.....	<u>تصميم المعدل المسبق المؤخر</u>
102.....	مثال 8 (اختبار)
104.....	مكان المعدل
104.....	مثال 9

الوحدة الخامسة

استقرارية وتوجيه الصاروخ

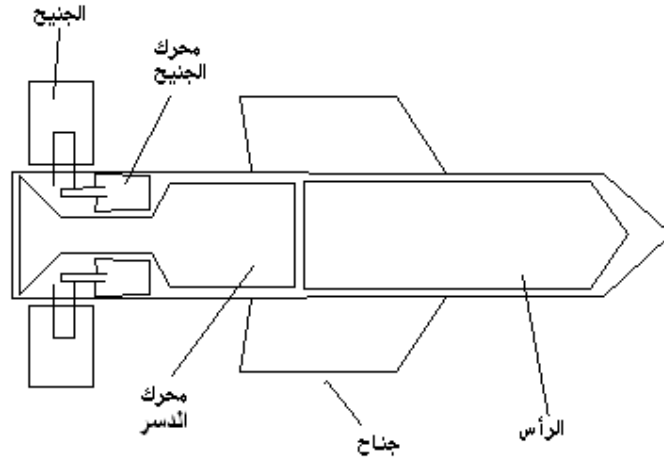
107.....	مقدمة
108.....	محرك الجنيحات
109.....	الاستقرارية والمناورة
109.....	C.P C.G SM
110.....	بعض التعريفات والرموز المهمة
112.....	اقتران التحويل الهوائي والمشتقات الهوائية
115.....	التصميم للطيران العمودي (1)
116.....	<u>خطوات التصميم للطيران العمودي (1)</u>
118.....	مثال 1
123.....	التصميم للطيران العمودي (2)
124.....	<u>خطوات تصميم معدل مسبق لتحسين صفات الاستجابة للطيران العمودي</u>
127.....	مثال 2
132.....	فائدة 1
133.....	فائدة 2
133.....	التصميم للطيران الأفقي
133.....	التصميم للعطوف (roll)
135.....	<u>خطوات التصميم للعطوف</u>
137.....	مثال 3
143.....	أثر تناقص السرعة على صفات الاستجابة
143.....	<u>خطوات اختبار أثر U</u>
145.....	مثال 4

150.....	صناعة جهاز قياس التسارع
152.....	مثال 5
153.....	جايروسكوب العطوف (roll gyro)
155.....	مشكلة الـ drift
156.....	التوجيه
156.....	الأمر ↓
157.....	توجيه التسارع
157.....	تغيير الارتفاع
158.....	تصحيح الزاوية (فوق تحت)
159.....	الأمر ↷
159.....	آلية التوجيه للأمر ↷

الوحدة الأولى

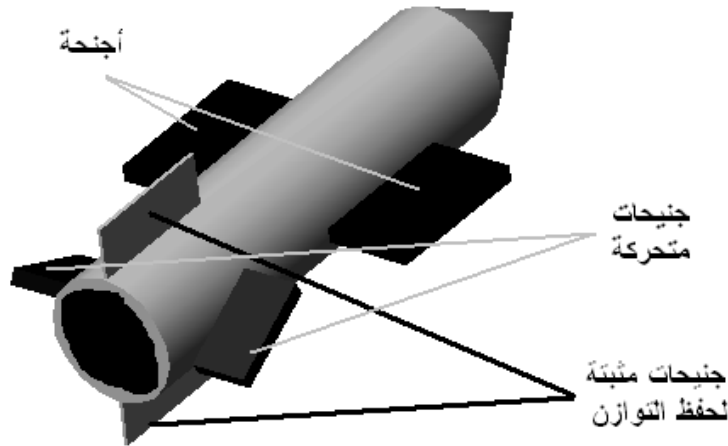
مقدمة

مكونات الصاروخ الموجه:



الشكل (1)

- 1 - الأجنحة: وهي مثبتة بجسم الصاروخ (وعددتها 2 في نموذجنا)
- 2 - الجنيحات : وهي قابلة للدوران حول محورها (وعددتها 2 في نموذجنا)، بالإضافة إلى جنيحين ثابتين من أجل التوازن الأفقي



الشكل (2)

- 3 - محركات الجنيحات : وهي كهربائية في نموذجنا وكل محرك متصل بجنيح ويقوم بقتل الجنيح حول محوره .
- والهدف من هذه المكونات الثلاثة (الاجنحة والجنيحات و محركات الجنيحات) هو تغيير مسار الصاروخ
- 4 - مقياس التسارع (accelorometer) ومقياس الزاوية (الجايروسكوب) : وهي متصلة كهربائيا مع محرك الجنيحات من أجل زيادة استقرارية الصاروخ وزيادة سرعة استجابته للأوامر
- وهذه المكونات الأربعة تشكل ما يعرف بالطيار الأوتوماتيكي (autopilot)
- أما المكونات 3 و 4 تشكل ما يعرف بجهاز التحكم
- 5 - محرك الدسر : وهو في نموذجنا محرك صاروخ ذو وقود صلب.
- 6 - الرأس : أي الرأس الحربي .
- 7 - الهيكل الخارجي: الهدف الرئيسي منه هو مقاومة الاجهادات الحاصلة عند دوران الصاروخ وهو غير موضح في الشكل(1) بصورة كاملة
- 8 - جهاز التوجيه : ويرسل الشخص الموجه أو امره إلى الصاروخ بواسطته

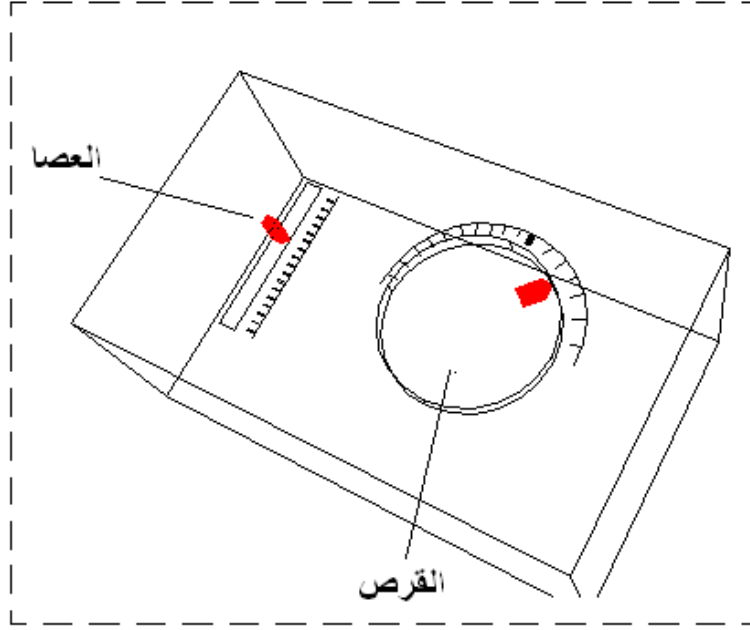
معنى بعض الأشكال والكلمات (فوق و تحت و انفتال الصاروخ)

- الشكل ● : معناه مؤخرة الصاروخ
- انفتال الصاروخ : هو دورانه حول محوره الطولي
- انفتال باتجاه اليمين
- انفتال باتجاه اليسار
- فوق : أي فوق بالنسبة لمحاور الصاروخ أي ● إذا كان أفقيا و ● إذا كان منفتلا
- تحت : عكس الوضع السابق

جهاز التوجيه

ويسمى أيضا عصا التوجيه¹

¹ المفروض أن نسميها عصا التحكم لكن فضلنا أن نستخدم كلمة التوجيه لتعبير عن الأوامر المرسله من الشخص الموجه ، وكلمة التحكم للتعبير عن عمل محرك الجنيحات و أجهزة قياس الزاوية والتسارع



الشكل (3)

وهو يتكون من

العصا: وتستخدم لإرسال أوامر فوق ● وتحت ●

القرص: ويستخدم لأرسال أوامر انفتال الصاروخ ● حول محوره الطولي ●

مراحل الطيران في نموذجنا :

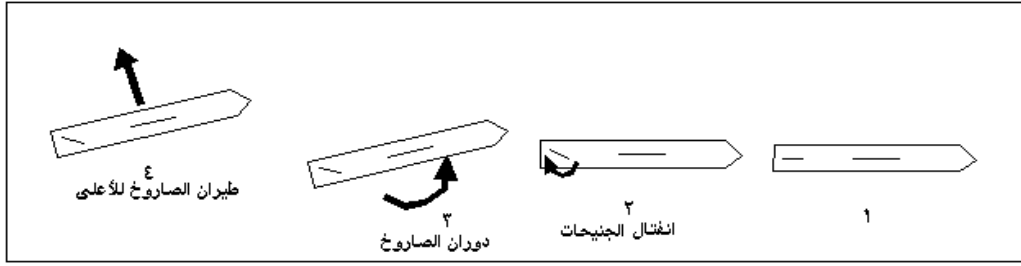
المرحلة الأولى (مرحلة الاطلاق) : حيث يقوم محرك الدسر بايصال الصاروخ إلى السرعة القصوى ، دون أي تدخل من الموجه أو جهاز التحكم ، ومدتها 2-3 ثانية
 المرحلة الثانية (مرحلة التوجيه) : وتبدأ بعد انتهاء مرحلة الاطلاق (بعد توقف محرك الدسر) ، وفيها يتم اصدار أوامر التوجيه

آلية عمل الصاروخ الموجه في نموذجنا

يتم الاطلاق نحو الهدف، ثم بعد احتراق كامل الوقود(حوالي 2-3 ثانية) يأتي دور الشخص الموجه الذي يتابع الصاروخ والهدف و عندما يلاحظ خطأ في مسار الصاروخ أو تحرك الهدف أو هبوط الصاروخ بفعل الجاذبية يقوم بتحريك عصا التوجيه بالصورة المناسبة، مما يرسل اشارة كهربائية عبر السلك الكهربائي إلى جهاز التحكم¹ ، الذي يقوم بدوره بفتل الجنيحات بالصورة المناسبة ، مما يغير مسار الصاروخ إلى الوضع المطلوب .

¹ جهاز التحكم هو محرك الجنيحات و أجهزة قياس الزاوية والتسارع ، أما جهاز التوجيه فهو عصا التوجيه

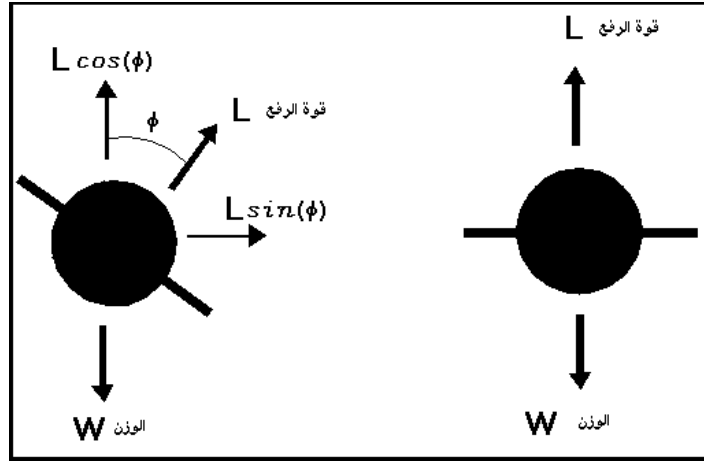
مثلا عندما يصل الأمر فوق إلى جهاز التحكم يقوم جهاز التحكم بفتل الجنيحات الخلفية فيدور الصاروخ ثم يعمل دفع الهواء على رفعه إلى الأعلى



الشكل (4)

كيف يتحرك الصاروخ جانبياً

نقوم بفتل الصاروخ حول محوره الطولي ثم (إن لزم) نعطيه الأمر فوق

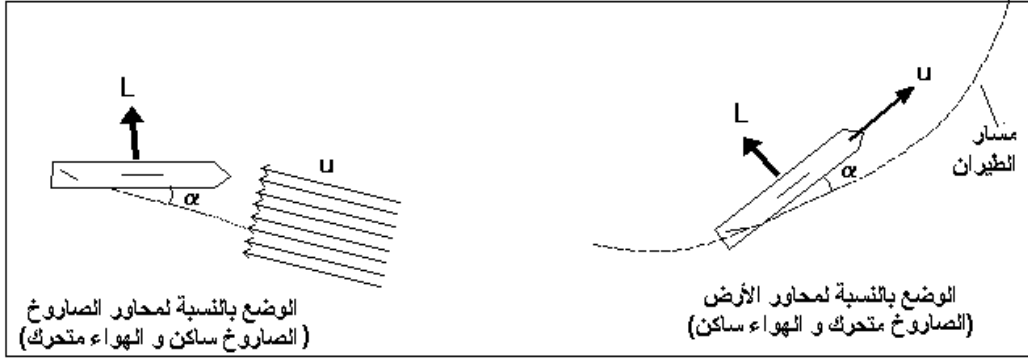


الشكل (5)

نلاحظ أنه عند فتل الصاروخ حول محوره الطولي ؛ تنشأ عندنا مركبة سينية لقوة الرفع $L \sin(f)$ تقوم بتحريكه جانبياً

قوة الرفع L

وهي قوة ينشؤها الهواء المتحرك على الأجنحة (وكذلك على جسم الصاروخ) عندما توجد زاوية بين الصاروخ و اتجاه الهواء



الشكل (6)

وتعطى بالعلاقة

$$L = C_{la} a Q S$$

$$Q = \frac{1}{2} \rho U^2$$

حيث

L : قوة الرفع

a : زاوية ميل الصاروخ عن مسار الطيران (بوحدة rad)

U : سرعة الصاروخ

S : مساحة جناحي الصاروخ

C_{la} : معامل الرفع

معامل الرفع C_{la}

و العلم المهم بدراسته يسمى Aerodynamics

وتحسب قيمة معامل الرفع من:

1 - علاقات نظرية (تقريبية عادة)

2 - التجارب والعلاقات التجريبية

3 - برامج حاسوب : ومنها نظرية ومنها ما يجمع بين النظرية و التجارب

قوة المقاومة D

وهي قوة هوائية تعمل على إعاقة حركة الصاروخ (تباطؤه)

وهي قسمان D_0 و D_a

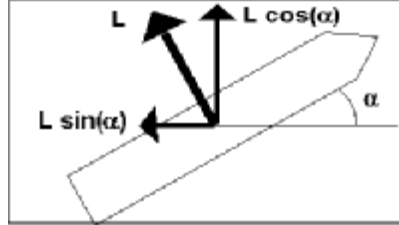
D_0 : وسببها الرئيسي هو الاحتكاك بين الصاروخ والهواء و تعطى بالعلاقة

$$D_a = C_{D0} Q A$$

حيث C_{D0} هو معامل المقاومة الصفري وتقدر قيمته من النظريات والتجارب وبرنامج الحاسوب

A : مساحة مرجعية (مساحة سطح الصاروخ مثلاً)

D_a : وتتضمن قوة الرفع كما في الشكل



الشكل (7)

$$D_a = L \sin(a) \approx La$$

$$D = D_0 + D_a$$

التصميم

التصميم له عدة مراحل وهي

1 - التصميم الأولي : وهو التصميم المعتمد على المعادلات البسيطة لاختيار أفضل تصميم يحقق المتطلبات ، ويستعمل فيه الحاسوب لاجراء عملية التجريب ، و قد يجري فيه بعض التعديل على المتطلبات

2 - التصميم المتقدم : ويتم بعد اعتماد تصميم أولي ، حيث تجرى عليه التعديلات بناء على اختبارات حقيقية و حاسوبية وفي هذا الكتاب سوف نهتم بالتصميم الأولي

متطلبات التصميم

عند وضع تصميم لصاروخ لا بد أن نوازن بين المتطلبات التالية

1. السرعة القصوى U

ميزات ارتفاع قيمتها:

a. تحسين القدرة على المناورة والالتفاف وملاحقة الهدف

b. تقليل مساحة الجناح ووزنه

c. زيادة المدى

سببات ارتفاع قيمتها:

a. التسارع المحوري الأقصى a_{max} سيكون كبير مما قد يحطم الأجهزة، أو زمن مرحلة الاطلاق والمسافة المقطوعة فيه سيكونان كبيرين، مما يعني زيادة زمن ومسافة الطيران دون توجيه ، واحتمال انقلاب الصاروخ (لأن جهاز التوازن مصمم للسرعة الثابتة U وليس لسرعة متغيرة)

b. صعوبة التوجيه البشري للصاروخ

c. قد لا يناسب التوجيه السلكي خصوصا إن كان المدى كبير.

2. أقصى تسارع عامودي f_{max}

كلما كان أكبر كلما كانت قدرة الصاروخ على المناورة والالتفاف والملاحقة أكبر ، لكن سيكون الاجهاد على جسم الصاروخ أكبر وبالتالي نحتاج إلى هيكل أقوى وأثقل ،

3. أقصى تسارع محوري a_{max}

زيادته قد تحطم أجهزة وجسم الصاروخ ، لكن تفيد في تقليل زمن مرحلة الاطلاق والمسافة المقطوعة فيها.

4. طول الصاروخ l وكتلته m

5. متطلبات أخرى

مثال 1

في هذا الكتاب سنشرح طريقة التصميم للصاروخ ، مستعينين بمثال واحد ، ولتكن له المتطلبات التالية :

الوزن الكلي حوالي 10 kg

الطول الكلي l حوالي 1 m

السرعة القصوى U أقل من 150 m/s وأكبر من 50m/s

أقصى تسارع عامودي f_{max} $2g$ ¹

أقصى تسارع محوري a_{max} لا يزيد عن 3g

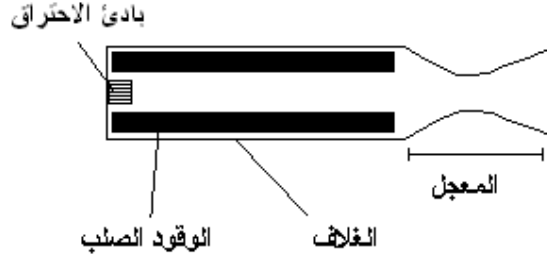
ثم سنقوم في كل وحدة بتطبيق طريقة التصميم المشروحة فيها تبعا لهذه المتطلبات ، مع جواز التعديل على المتطلبات نفسها إن احتجنا ذلك.

1 أي ضعفي تسارع الجاذبية الأرضية ($g=9.8m/s^2$)

الوحدة الثانية

محرك الدسر

وهو محرك الصاروخ الموجه ، وهو في نموذجنا ذو وقود صلب



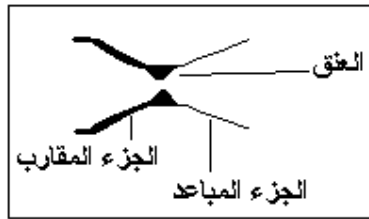
الشكل (1)

يحترق الوقود الموجود داخل المحرك و يتحول إلى غاز عالي الضغط P_c ثم يخرج من المعجل الذي يقوم بتسريعه إلى السرعة V_e ، وبسبب رد الفعل ينطلق الصاروخ بالسرعة u

أجزاء المحرك (الشكل (1)):

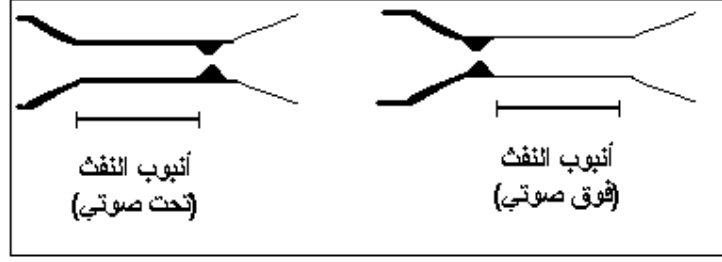
1 - الغلاف : وهو ماسورة (أنبوب) ذات سمك كافي لتحمل الضغط و الحرارة، مقدمتها إما كروية أو مسطحة سميكة (كما في الشكل (1)) ، ويسمى أيضا غرفة الاحتراق

2 - المعجل : يسرع الغاز الخارج و يتكون من : العنق و يجب أن يتحمل الحرارة و الحت ، و الجزء المباعد و الجزء المقارب (وهو أسمك من المباعد)



الشكل (2)

وعادة في الصواريخ الموجهة هناك جزء رابع اسمه أنبوب النفث



الشكل (3)

الهدف منه هو :

- أ - تقريب المحرك من منتصف الصاروخ حتى لا يؤثر نفاذ الوقود على موقع مركز الكتلة¹
 - ب - توفير حيز لجهاز التحكم
 - ج - ارجاع الزعانف إلى الخلف مسافة كافية
- وأنابيب النفث نوعان فوق صوتي و تحت صوتي (حسب مكان العنق) ، الفوق صوتي أقل كفاءة في حين التحت صوتي اسمك

- 3 - الوقود الصلب : ولكل نوع وقود خصائص معينة ، ونحن هنا لن ندرس صناعة الوقود بل سوف نستعمل بعض هذه الخصائص في تصميم نموذجنا و شكل مقطع الوقود الصلب الذي سوف نستخدمه دائري



الشكل (4)

4 - بادئ الاحتراق

وهو مسؤول عن بدأ الاحتراق، ويحوي كمية صغيرة من مادة سريعة الاحتراق، ويتم اشعالها كهربائيا ، فتشعل بدورها وقود الصاروخ.

بعض المعادلات والتعريفات الهامة

A_t مساحة مقطع العنق

A_e مساحة مقطع آخر المعجل

A_c مساحة مقطع غرفة الاحتراق

R المسافة من المحور إلى سطح الوقود الصلب (R تزداد مع الزمن مع الاحتراق)

R_i هي R الابتدائية

R_c هي R النهائية ، وهي أيضا نصف قطر غرفة الاحتراق

A_p مساحة مقطع الوقود الصلب $A_p = p(R_c^2 - R^2)$ ، (وهو يتناقص مع الزمن)

l_c طول الوقود (و يساوي تقريبا طول غرفة الاحتراق)

A_b مساحة سطح الوقود الصلب $A_b = 2l_c p R_c$ ، (وهو يتناقص مع الزمن)

P_c ضغط الغاز داخل غرفة الاحتراق

P_e ضغط الغاز في آخر المعجل

P_a ضغط الهواء الجوي (= 100000 باسكال)

T_c درجة حرارة الغاز داخل غرفة الاحتراق

ρ_p كثافة الوقود الصلب

g ثابت للغاز قيمته 1.2-1.4

$$\Gamma = \sqrt{g} \left(\frac{2}{g+1} \right)^{\frac{g+1}{2(g-1)}}$$

R ثابت الغاز $\left(R = \frac{R_o}{M_{molecular}} \right)$ أي R يساوي ثابت الغاز العالمي تقسيم الكتلة

الجزئية للغاز

$$C^* = \frac{\sqrt{RT_c}}{\Gamma}$$

$$\dot{m} = \frac{A_t P_c}{C^*} \quad \text{معدل تدفق الكتلة} \quad \text{(بشرط } P_c > 2P_a \text{)}$$

V_e سرعة الغاز الخارج

V_{eff} السرعة المكافئة للغاز الخارج

$$V_{eff} = V_e + \frac{P_e - P_a}{\rho} A_e$$

$$C_f = \Gamma \sqrt{\frac{2g}{g-1} \left(1 - \left(\frac{P_e}{P_c} \right)^{\frac{g-1}{g}} \right)} + \frac{A_e}{A_t} \left(\frac{P_e}{P_c} - \frac{P_a}{P_c} \right)$$

$$\frac{A_t}{A_c} = \left(\frac{g+1}{2} \right)^{\frac{1}{g-1}} \left(\frac{P_e}{P_c} \right)^{\frac{1}{g}} \sqrt{\frac{g+1}{g-1} \left(1 - \left(\frac{P_e}{P_c} \right)^{\frac{g-1}{g}} \right)}$$

$$V_{eff} = C_f \times C^* = g \times I_s$$

specific impulse I_s

F قوة دفع المحرك

$$F = \rho V_e + (P_e - P_a) A_e = \rho V_{eff} = \rho C^* C_f = A_t P_c C_f$$

$r = a P_c^n$ ، سرعة الاحتراق r

حيث a و n تعتمد على نوع الوقود ($n \sim 0.3 - 0.6$)

$$\frac{Vol}{\Gamma^2} \frac{dP_c}{dt} = r_p A_b a P_c^n C^{*2} - P_c A_t C^*$$

حيث Vol هو الحجم المملوء بالغاز في غرفة الاحتراق ، t الزمن

$$s = \frac{P_c R_c}{th} \text{ الاجهاد الناتج من الضغط في غرفة الاحتراق}$$

حيث th سمك جدران غرفة الاحتراق

s_u اجهاد الانهيار (s يجب أن تكون أقل من s_u) أي ($s < s_u$)

ملاحظات :

* لحساب قيمة C_f نحل المعادلاتين التاليتين (سبق كتابتهما)

$$C_f = \Gamma \sqrt{\frac{2g}{g-1} \left(1 - \left(\frac{P_e}{P_c} \right)^{\frac{g-1}{g}} \right)} + \frac{A_e}{A_t} \left(\frac{P_e}{P_c} - \frac{P_a}{P_c} \right)$$

$$\frac{A_t}{A_c} = \left(\frac{g+1}{2} \right)^{\frac{1}{g-1}} \left(\frac{P_e}{P_c} \right)^{\frac{1}{g}} \sqrt{\frac{g+1}{g-1} \left(1 - \left(\frac{P_e}{P_c} \right)^{\frac{g-1}{g}} \right)}$$

لكن يمكن أن نستخدم $C_f \sim 1.5$ وهذا ما سوف نفعله

* قيمة I_s الحقيقية أقل من النظرية لذا لا بد من الاستفادة من التجارب

* الحد $\frac{Vol}{\Gamma^2} \frac{dP_c}{dt}$ صغير عادة لذا سوف نهمله في لنحصل من إحدى المعادلات السابقة¹ على المعادلة المهمة التالية

$$P_c = \left(C^* r_p a \frac{A_b}{A_t} \right)^{\frac{1}{1-n}}$$

* A_b للمقطع الدائري للوقود تزداد مع الزمن لذا P_c و r_p أيضا تزداد مع الزمن وأكبر قيمها عندما $(R = R_c)$ (نهاية الاحتراق)
أما إذا أردنا P_c و r_p ثابتة لا بد من استخدام مقطع وقود له A_b ثابتة (مثل مقطع النجمة)

السرعة و التسارع و المسافة المقطوعة أثناء احتراق الوقود

u سرعة الصاروخ اللحظية

U سرعة الصاروخ النهائية (لحظة نفاذ الوقود) وهي أقصى سرعة

m كتلة الصاروخ اللحظية

m_f كتلة الصاروخ النهائية (لحظة نفاذ الوقود)

m_p كتلة الوقود الابتدائية

a_{\max} أقصى تسارع للصاروخ (لحظة نفاذ الوقود)

F قوة الدسر

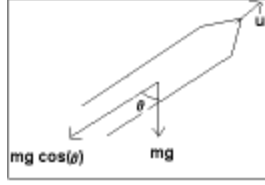
D قوة مقاومة الهواء

$$\frac{Vol}{\Gamma^2} \frac{dP_c}{dt} = r_p A_b a P_c^n C^{*2} - P_c A_t C^*$$

\dot{m} معدل تدفق كتلة الوقود

\dot{m}_f معدل تدفق كتلة الوقود في نهاية عملية الاحتراق (وهي أقصى قيمة)

g تسارع الجاذبية الأرضية (9.8 m/s²)



الشكل (5)

$$m \frac{du}{dt} = F - D - m g \cos(q)$$

ونهمل D و $m g \cos(q)$ في معادلة من باب التقريب والتسهيل، لنحصل على

$$m \frac{du}{dt} \approx F$$

$$m \frac{du}{dt} \approx \dot{m} V_{eff}$$

$$\Rightarrow a_{max} \approx \frac{V_{eff} \dot{m}_f}{m_f}$$

$$t_b \approx \frac{m_p}{\dot{m}_f} \quad 1$$

ومن المعادلتين السابقتين نحصل على

$$t_b \approx \frac{m_p}{\dot{m}_f} \approx \frac{m_p}{m_f} \frac{V_{eff}}{a_{max}}$$

$$U = V_{eff} \ln \left(1 + \frac{m_p}{m_f} \right)$$

¹ كلما كانت R_i أقرب إلى R_c كلما كانت هذه المعادلة أدق أما في الحالة العامة لا بد من الضرب

$$\text{بمعامل تصحيح يعطى بالعلاقة } \frac{2-2n}{1-2n} \frac{1 - \left(\frac{R_i}{R_c} \right)^{1-2n}}{1 - \left(\frac{R_i}{R_c} \right)^2} \text{ ، وقيمته أكبر من 1 (هذه المعادلة غير$$

صالحة عندما $n=5$)

$$U \approx V_{eff} \frac{m_p}{m_f}$$

$$\Delta x \approx \frac{U}{2} t_b$$

$$\Rightarrow \Delta x \approx \frac{V_{eff}^2}{2a_{max}} \left(\frac{m_p}{m_f} \right)^2$$

حيث Δx هي المسافة المقطوعة أثناء فترة الاحتراق و القيمة الصحيحة أكبر من هذه القيمة

اشتقاق بعض المعادلات المفيدة

المعادلة التي كتبناها سابقا $P_c = \left(C^* r_p a \frac{A_b}{A_t} \right)^{\frac{1}{1-n}}$ ، يمكن كتابتها على الصورة

$$P_{c_f} = \frac{F_f}{C_f A_t} = \frac{a_f m_f}{C_f A_c \left(\frac{A_t}{A_c} \right)}$$

$$\Rightarrow P_{c_f} = \frac{a_{max} m_f}{C_f p R_c^2 \left(\frac{A_t}{A_c} \right)}$$

وبالاستفادة من المعادلة التالية

$$P_{c_f} = \left(C^* r_p a \frac{A_b}{A_t} \right)^{\frac{1}{1-n}} = \left(C^* r_p a \frac{2p l_c R_c}{A_t} \right)^{\frac{1}{1-n}}$$

نحصل على المعادلة المهمة التالية

$$l_c = \frac{C_f^n}{2V_{eff} r_p a p^{1-n}} R_c^{2n-1} \left(\frac{A_t}{A_c} \right)^n a_{max}^{1-n} m_f^{1-n}$$

$$\frac{A_{p_i}}{A_c} = \frac{m_p / (r_p l_c)}{A_c}$$

$$\Rightarrow \frac{A_{p_i}}{A_c} = \frac{2aV_{eff}}{C_f^n p^n \left(\frac{A_i}{A_c}\right)^n} \left(\frac{m_p}{m_f}\right) a_{max}^{1-n} R_c^{2n+1}$$

$$\frac{A_{p_i}}{A_c} = \frac{p(R_c^2 - R_i^2)}{p R_c^2}$$

$$\Rightarrow \frac{R_c}{R_i} = \sqrt{1 - \frac{A_{p_i}}{A_c}}$$

و بالاستفادة من المعادلات الأخيرة و المعادلة $P_c = \left(C^* r_p a \frac{A_b}{A_r}\right)^{\frac{1}{1-n}}$ نحصل على

$$\frac{P_{c_i}}{P_{c_f}} = \frac{\left(C^* r_p a \frac{A_{b_i}}{A_r}\right)^{\frac{1}{1-n}}}{\left(C^* r_p a \frac{A_{b_f}}{A_r}\right)^{\frac{1}{1-n}}} = \left(\frac{A_{b_i}}{A_{b_f}}\right)^{\frac{1}{1-n}} = \left(\frac{2p R_i l_c}{2p R_c l_c}\right)^{\frac{1}{1-n}} = \left(\frac{R_i}{R_c}\right)^{\frac{1}{1-n}}$$

$$\Rightarrow \frac{P_{c_i}}{P_{c_f}} = \left(1 - \frac{A_{p_i}}{A_c}\right)^{\frac{1}{2(1-n)}}$$

ملاحظات مهمة في التصميم

* غرفة الاحتراق سوف تكون ماسورة (أنبوب)، لذا قيم R_c ستكون لها خيارات محددة) وكذلك السمك t_h و اجهاد الانهيار (S_{th})

* انواع الوقود محددة لذا ستكون عندنا خيارات محددة لـ T_c و r_p و $g C^*$

* C_f شبه ثابتة و سوف نعتبر قيمتها 1.5 ($C_f \sim 1.5$) أو قيمة أخرى نعتدها

* أحيانا تكون قيمة I_s معطاة (تجريبيا) لذا نحسب منها C^*

$$C^* = \frac{I_s g}{C_f}$$

* U هي السرعة النهائية في المرحلة الأولى (مرحلة الاطلاق) و بالتالي هي السرعة

الابتدائية في المرحلة الثانية (مرحلة التوجيه)

* أصغر قيمة لـ P_c هي P_{ci} و يجب أن تكون أكبر من $2P_a$ وربما أكبر من ذلك بكثير وهذا يعرف من خواص احتراق المادة.

* S يجب أن لا تزيد عن S_u أي

$$P_{cf} < \frac{S_u th}{R_c}$$

* $\frac{A_{pi}}{A_c}$ يجب أن تكون قيمتها 60-90%

* قلة زمن الاحتراق مرغوبة حيث تعني قلة تسخين أجهزة الصاروخ وقلة زمن ومسافة الطيران دون تحكم

* a_{max} عالية تعني حصول اجهادات عالية على الصاروخ و أجهزته عند الانطلاق

* طول غرفة الاحتراق يجب أن يكون متناسب مع الطول الكلي مثلا $l_c < l/3$

تصميم محرك الدسر

1 - نختار أحد أنواع الوقود وبالتالي نعرف قيم T_c a n r_p g C^* ونفرض $C_f \sim 1.5$ ومنها نحسب V_{eff} و C^*

$$C^* = \frac{I_s g}{C_f}$$

$$V_{eff} = g I_s$$

2 - نستعمل قيمة m_f a_{max} المعطاة في المتطلبات، ونجرب قيمة لـ m_p ، ثم

نحسب U و t_b و Δx

$$U = V_{eff} \ln \left(1 + \frac{m_p}{m_f} \right)$$

$$t_b \approx \frac{m_p}{m_f} \frac{V_{eff}}{a_{max}}$$

$$\Delta x \approx \frac{V_{eff}}{2 a_{max}} \left(\frac{m_p}{m_f} \right)^2$$

1 قيمة T_c لا نلزمنا في خطوات التصميم التالي، ولكنها مهمة لأمر أخرى مثل تجنب انصهار غرفة الاحتراق

3 - إن كانت إحدى قيم U و t_b و Δx غير مقبولة - مثل U بعيدة عن المعطاة في المتطلبات و t_b و Δx عالية - نعيد من نقطة (2) لـ m_p أخرى¹

4 - اعتمادا على المواسير المتوفرة نحدد مجموعات قيم لـ S_u th R_c ونجرب إحدى هذه المجموعات، ونجرب قيمة (منطقية) لـ $\left(\frac{A_t}{A_c}\right)$ ، ونحسب $\frac{A_{p_i}}{A_c}$ و P_{c_f} و P_{c_i}

و l_c

$$\frac{A_{p_i}}{A_c} = \frac{2aV_{eff}}{C_f^n P^n \left(\frac{A_t}{A_c}\right)^n \left(\frac{m_p}{m_f}\right)} \frac{m_f^n}{a_{max}^{1-n}} \frac{1}{R_c^{2n+1}}$$

$$P_{c_f} = \frac{a_{max} m_f}{C_f P R_c^2 \left(\frac{A_t}{A_c}\right)}$$

$$P_{c_i} = P_{c_f} \left(1 - \frac{A_{p_i}}{A_c}\right)^{\frac{1}{2(1-n)}}$$

$$l_c = \frac{C_f^n}{2V_{eff} r_p a p^{1-n}} R_c^{2n-1} \left(\frac{A_t}{A_c}\right)^n a_{max}^{1-n} m_f^{1-n}$$

5 - نختبر الشروط

$$0.6 < \frac{A_{p_i}}{A_c} < 0.9$$

$$P_{c_f} < \frac{S_u th}{R_c}$$

$$P_{c_i} > 2P_a^2$$

$$l_c < l/3^3$$

6 - فإذا فشلنا في تحقيق الشروط أو رغبتنا بمواصفات أفضل نعيد الحل من (4) لقيم جديدة .

- ثم إذا فشلنا نعيد من نقطة (2) لقيم جديدة

- ثم إن فشلنا نعيد من نقطة (1) لمادة أخرى .

1 بل ونعيد أيضا إن رغبتنا بمواصفات أفضل

2 أو قيمة أخرى أكبر اعتمادا على خصائص الاحتراق

3 أو قيمة أخرى منطقية

نضع النتائج في جدول ونختار أفضل حالة تحقق الشروط¹

مثال 1

1 - لنفرض أنه توفر لدينا فقط نوع واحد من أنواع الوقود ، وله المواصفات التالية

$$T_c = 1620K$$

$$a = 3 \times 10^{-5} m/s$$

$$n = 0.4$$

$$r_p = 1830Kg/m^3$$

$$g = 1.28$$

$$I_s = 131s$$

ونفرض $C_f \approx 1.5$ ومنها نحسب C^* و V_{eff}

$$C_f \approx 1.5$$

$$g = 9.8m/s^2$$

$$V_{eff} = g I_s = 9.8 \times 131 = 1284m/s$$

$$C^* = \frac{I_s g}{C_f} = \frac{131 \times 9.8}{1.5} = 855.9$$

2 - نستعمل قيمة m_f و a_{max} المعطاة في المتطلبات

$$a_{max} = 3g = 3 \times 9.8 = 29.4$$

$$m_f = 10Kg$$

و نجرب قيمة لـ m_p ونضعها في الجدول التالي

$$m_p = 0.5 Kg$$

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحققت الشروط
1	.5											

ثم نحسب U و t_b و Δx

1 قد نضطر في الخطوات التالية من التصميم اختيار حالة أخرى تحقق الشروط ،بل ربما إعادة الحل لمتطلبات أخرى ، مثلا قد نكتشف عند تصميم الجناح أن مساحته (وبالتالي وزنه) كبيرين ، فنضطر إلى اختيار حالة ذات سرعة U أكبر ، وهكذا ، فما نصممه هنا قد نعدله ، لذا لا بد من استخدام طريقة عملية أكثر من الجدول ، وأنصح باستخدام برنامج matlab ، واجراء عملية for loop لتجريب القيم المختلفة ، فالتعديل بواسطته بسيط ،بالإضافة إلى سرعته وامكانية زيادة عدد القيم المجربة .

$$U = V_{eff} \ln \left(1 + \frac{m_p}{m_f} \right) = 1284 \times \ln \left(1 + \frac{0.5}{10} \right) = 62.64$$

$$t_b \approx \frac{m_p}{m_f} \frac{V_{eff}}{a_{max}} = \frac{0.5}{10} \frac{1284}{29.4} = 2.18$$

$$\Delta x \approx \frac{V_{eff}}{2a_{max}} \left(\frac{m_p}{m_f} \right)^2 = \frac{1284}{2 \times 29.4} \left(\frac{0.5}{10} \right)^2 = 70$$

ونضعها في الجدول

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحققت الشروط
1	.5	62	2.2	70								

3 - نلاحظ أن $50 < U < 150$ ، (تنفق مع المتطلبات)

وقيم Δx ، t_b مقبولة نوعا ما لذا ننتقل إلى الخطوة 4

4 - نفرض أنه توفرت عندنا ماسورتان فقط، الأولى لها

$$R_c = 0.045 m, th = 3 \times 10^{-3} m$$

والثانية

$$R_c = 0.06 m, th = 2 \times 10^{-3} m$$

و الاثنتان من نفس المادة ولهما

$$s_u = 400 \times 10^6 Pa$$

نبدأ بالماسورة الأولى

$$R_c = 0.045 m, th = 3 \times 10^{-3} m$$

ونضع القيم في الجدول¹

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحققت الشروط
1	.5	62	2.2	70	.045	.003						

نحسب قيمة $\frac{A_t}{A_c}$ ونحسب $\frac{A_{p_i}}{A_c}$ و P_{c_f} و P_{c_i} و l_c

1 أما s_u فلا داعي لوضعها في الجدول، لأن لها قيمة واحدة فقط (أي في هذا المثال)

$$\frac{A_t}{A_c} = 0.05$$

$$\frac{A_{p_i}}{A_c} = \frac{2aV_{eff}}{C_f^n p^n \left(\frac{A_t}{A_c}\right)^n \left(\frac{m_p}{m_f}\right)} \frac{m_f^n}{a_{max}^{1-n}} \frac{1}{R_c^{2n+1}}$$

$$= \frac{2 \times 3 \times 10^{-5} \times 1284}{1.5^{0.4} p^{0.4} (0.05)^{0.4}} \left(\frac{0.5}{10}\right) \frac{10^{0.4}}{29.4^{1-0.4}} \frac{1}{0.045^{2 \times 0.4 + 1}} = 0.60$$

$$P_{c_f} = \frac{a_{max} m_f}{C_f p R_c^2 \left(\frac{A_t}{A_c}\right)} = \frac{29.4 \times 10}{1.5 p \times 0.045^2 (0.05)} = 616185 = 0.616 \times 10^6$$

$$P_{c_i} = P_{c_f} \left(1 - \frac{A_{p_i}}{A_c}\right)^{\frac{1}{2(1-n)}} = 616185 (1 - 0.6)^{\frac{1}{2(1-0.4)}} = 287140 = 0.29 \times 10^6$$

$$l_c = \frac{C_f^n}{2V_{eff} r_p a p^{1-n}} R_c^{2n-1} \left(\frac{A_t}{A_c}\right)^n a_{max}^{1-n} m_f^{1-n}$$

$$= \frac{1.5^{0.4}}{2 \times 1284 \times 1830 \times 3 \times 10^{-5} \times p^{1-0.4}} 0.045^{2 \times 0.4 - 1} (0.05)^{0.4} (29.4)^{1-0.4} (10)^{1-0.4}$$

$$= 0.07$$

ونضع الناتج في الجدول

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحقت الشروط
1	.5	62	2.2	70	.045	.003	.05	.6	.616	.29	.07	

5 - نختبر الشروط

$$\frac{A_{p_i}}{A_c} = 0.6 \Rightarrow 0.6 < \frac{A_{p_i}}{A_c} < 0.9$$

$$P_{c_f} = 0.616 \times 10^6, \quad \frac{s_u th}{R_c} = \frac{400 \times 10^6 \times 3 \times 10^{-3}}{0.045} = 0.27 \times 10^6$$

$$\Rightarrow P_{c_f} < \frac{s_u th}{R_c}$$

$$P_a = 1 \times 10^5, \quad 2P_a = 0.2 \times 10^6, \quad P_{c_i} = 0.29 \times 10^6 \Rightarrow P_{c_i} > 2P_a$$

$$l = 1, \quad \frac{l}{3} = \frac{1}{3} = 0.333, \quad l_c = 0.07 \Rightarrow l_c < \frac{l}{3}$$

نلاحظ أن جميع الشروط قد انطبقت ،لذا نضع نعم في خانة (تحقق الشروط) لنحصل على

الجدول

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحققت الشروط
1	.5	62	2.2	70	.045	.003	.05	.6	.616	.29	.07	نعم

6 - نحاول البحث عن حالة أفضل تحقق الشروط ، نبقى th R_c m_p نفسها ونجرب

$\frac{A_t}{A_c}$ جديدة ولتكن 0.2 ، ونعيد من نقطة من (4) ، فنحصل على $\frac{A_{p_i}}{A_c}$ تساوي 0.346. وهي لا

تحقق الشرط $0.6 < \frac{A_{p_i}}{A_c} < 0.9$ ، لذا نضع لا في خانة تحقق الشروط ، لنحصل على الجدول

التالي

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحققت الشروط
1	.5	62	2.2	70	.045	.003	.05	.6	.616	.29	.07	نعم
2	.5	62	2.2	70	.045	.003	.2	.346				لا

إذا رغبتنا نجرب قيمة أخرى لـ $\frac{A_t}{A_c}$ ¹ ونعيد من (4) ، لكن للاختصار نكتفي بهذه القيمتين

* ثم نجرب لماسورة أخرى (R_c و th أخرى (و S_u أخرى إن كانت مختلفة عن الماسورة

الأولى ²) ونعيد الخطوتين 4 و 5 الجدول (مع تجريب قيم مناسبة لـ $\frac{A_t}{A_c}$) ، ونضع الناتج

في

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحققت الشروط
---	-------------	----------	------------	-----------------	------------	---------	-------------------	-----------------------	------------------------	------------------------	--------------	-----------------

¹ نستنتج من الجدول أن $\frac{A_t}{A_c}$ يجب أن تكون أقل من 0.05 ، لكن يجب التأكد من أن هذه القيم الصغيرة (بما

فيها 0.05) مناسبة عمليا (نعرف ذلك من كتب الصواريخ المفصلة)

² وعندها يجب وضعها في الجدول

1	.5	62	2.2	70	.045	.003	.05	.6	.616	.29	.07	نعم
2	.5	62	2.2	70	.045	.003	.2	.346				لا
3	.5	62	2.2	70	.06	.002	.05	.359				لا
4	.5	62	2.2	70	.06	.002	.2	.206				لا

- ثم بعد الانتهاء من تجريب جميع المواسير و $\frac{A_t}{A_c}$ الممكنة، نعيد الحل لـ m_p جديدة (6).

ثم نعيد الحل كامل من نقطة 2، ونضع في الجدول

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحققت الشروط
1	.5	62	2.2	70	.045	.003	.05	.6	.616	.29	.07	نعم
2	.5	62	2.2	70	.045	.003	.2	.346				لا
3	.5	62	2.2	70	.06	.002	.05	.359				لا
4	.5	62	2.2	70	.06	.002	.2	.206				لا
5	.6	75	2.6	101	.045	.003	.05	.723	.616	.21	.07	نعم
6	.6	75	2.6	101	.045	.003	.2	.415				لا
7	.6	75	2.6	101	.06	.002	.05	.43				لا
8	.6	75	2.6	101	.06	.002	.2	.247				لا

ثم m_p أخرى ($m_p = 0.3$) ونعيد

ونضع الجميع في جدول واحد ، كما في الجدول النهائي التالي:

#	m_p kg	U m/s	t_b s	Δx m	R_c m	th m	$\frac{A_t}{A_c}$	$\frac{A_{p_i}}{A_c}$	P_{c_f} $10^6 Pa$	P_{c_i} $10^6 Pa$	l_c (m)	تحققت الشروط
1	.5	62	2.2	70	.045	.003	.05	.6	.616	.29	.07	نعم
2	.5	62	2.2	70	.045	.003	.2	.346				لا
3	.5	62	2.2	70	.06	.002	.05	.359				لا
4	.5	62	2.2	70	.06	.002	.2	.206				لا
5	.6	75	2.6	101	.045	.003	.05	.723	.616	.21	.07	نعم
6	.6	75	2.6	101	.045	.003	.2	.415				لا
7	.6	75	2.6	101	.06	.002	.05	.43				لا
8	.6	75	2.6	101	.06	.002	.2	.247				لا
9	.3	38 ¹										لا

¹ حصلنا على U=38 وهي تخالف الشروط لذا لا داعي لإكمال الحل لها .

ونختار إحدى الحالات التي تحقق الشروط (ولتكن الحالة 5 (المظللة)) ، ونستعمل القيم الخاصة بها لمتابعة التصميم في المراحل القادمة من هذا المثال (الدروس القادمة).

ملاحظة: لو كان عندنا عدة قيم لخصائص أخرى (عدة قيم مسموحة لـ m_f مثلا) عندها يجب تجريبها جميعها وإضافتها في الجدول على شكل أعمدة.

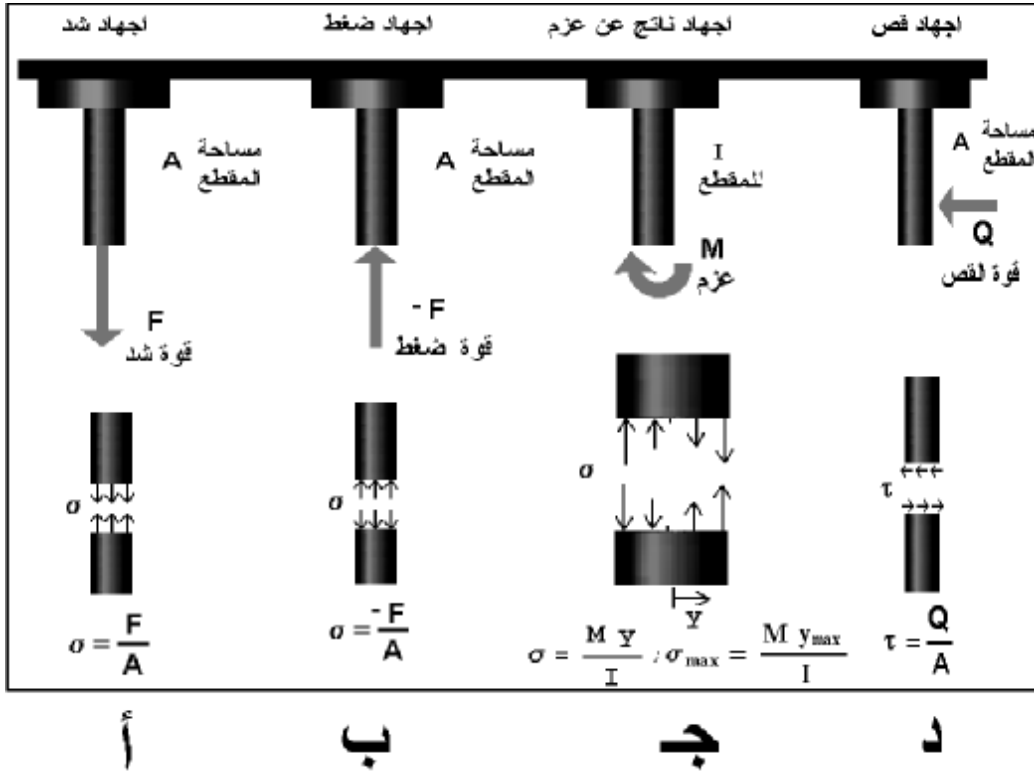
ملاحظة : أكثر من التفاصيل في هذا المثال من أجل فهم كيفية تجريب جميع القيم المتاحة، ولكن لن أفعل ذلك في الأمثلة القادمة .

الوحدة الثالثة

تصميم الهيكل والجناح والجنيحات

مراجعة في مقاومة المواد:

عند التأثير بقوة أو عزم على مادة ما فسيحدث داخلها اجهادات ، كما في الشكل :



الشكل (1)

وعند زيادة هذه الاجهادات عن حد معين فسيحصل انهيار في المادة

مثلا لأحد أنواع الألمنيوم :

- لو زاد اجهاد الشد عن $S_u (110 \text{ M Pa})^1$ فإن القضيب (في الشكل أعلاه) سوف ينقطع
- لو زاد اجهاد الضغط عن $S_{uc} (110 \text{ M Pa})$ فإن القضيب سوف ينكسر

¹ حيث $MPa = 1 \times 10^6 Pa$

- لو زاد اجهاد الضغط عن S_{cr} فإن القضيب سوف ينبعج ولا يتحمل المزيد من القوة

- لو زاد اجهاد القص عن t_u (70M Pa) فإن القضيب سوف ينقطع

حيث S_u t_u (الاجهاد الأقصى) من خواص المادة وتأخذ قيمتها من الجداول ، أما S_{cr} (الاجهاد الحرج) فيحسب من علاقات خاصة تعتمد على نوع و أبعاد المادة

ملاحظة : S_y يسمى اجهاد الاستسلام و هو للألمنيوم السابق (95M Pa) ، لو زاد اجهاد الشد أو الضغط عنه فإن المادة سوف تصبح (ضعيفة) لكن لن تنقطع أو تنكسر

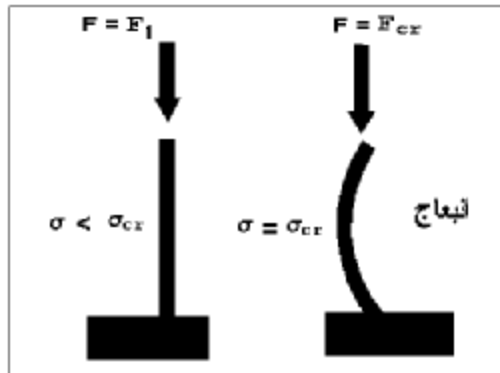
وعند تصميم هيكل يجب التأكد من عدم وصول اجهاد الشد أو القص في أي جزء منه إلى الاجهاد الأقصى ، وكذلك عدم وصول اجهاد الضغط إلى الاجهاد الأقصى أو الاجهاد الحرج (أي عدم وصوله إلى أصغرهما وهو عادة الاجهاد الحرج)

وطريقة حساب الاجهاد مبينة في الشكل(1) ، بالإضافة إلى معادلات أخرى ستكتب عند الحاجة إليها، أما S_{cr} فإليك شرحها

S_{cr} والانبعاج

وهو يحصل في حالة اجهاد الضغط فقط

فمثال لو أثرنا بقوة صغيرة (F1) على عمود ولم يتأثر ثم زدنا القوة تدريجيا إلى أن انبعج (عند القوة F_{cr}) فإن قيمة الاجهاد التي يحصل عندها الانبعاج تسمى الاجهاد الحرج S_{cr} ،



الشكل(2)

وسوف نوجد S_{cr} لحالتين :

- عمود

- شريحة رقيقة

انبعاج عمود

التي يحصل عندها انبعاج تعطى بالعلاقة (وتسمى علاقة Euler)

$$S_{cr,E} = \frac{p^2 EI}{Al_e^2} = \frac{p^2 E}{(l_e/r)^2}$$

حيث E تسمى معامل المرونة (modulus of elasticity) وهي للألمنيوم 70GPa ¹

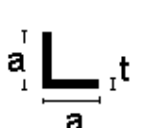
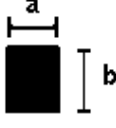


A مساحة مقطع العمود

I تسمى moment of inertia ولها علاقات لحسابها مثل التي في الجدول (1)

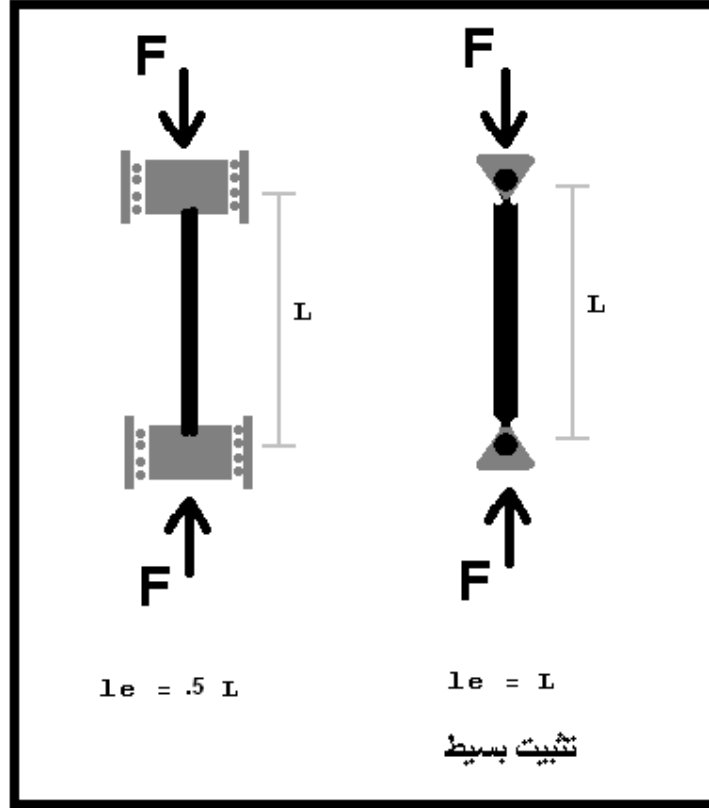
$$r = \sqrt{\frac{I}{A}} \quad r = \sqrt{\frac{I}{A}} \text{ تعطى بالعلاقة}$$

l_e الطول المكافئ للعمود ، ويعتمد على طريقة التثبيت ، (الشكل (3))

الجدول (1)

		 نصف قطر R و سمك t	 نصف قطر R	
$2at$	ab	$2pRt$	pR^2	A
$\frac{5}{24}a^3t$	$\frac{1}{2}ab^3$	ptR^3	$\frac{pR^4}{4}$	I

¹ حيث $GPa = 1 \times 10^9 Pa$



الشكل (3)

وهناك علاقة لانبعاج الانفتال للعمود وهي

$$S_{cr,q} = \frac{GJ}{I}$$

حيث

حيث G تسمى معامل الصلابة (Modulus of Rigidity) وهي للألمنيوم 26GPa

$$J = \frac{bt^3}{3} \quad \text{تساوي} \quad \begin{array}{|c|} \hline t \\ \hline | \\ \hline b \\ \hline \end{array} \quad \text{هي للحالة}$$

انبعاج شريحة رقيقة

التي يحصل عندها انبعاج تعطى بالعلاقة S_{cr}

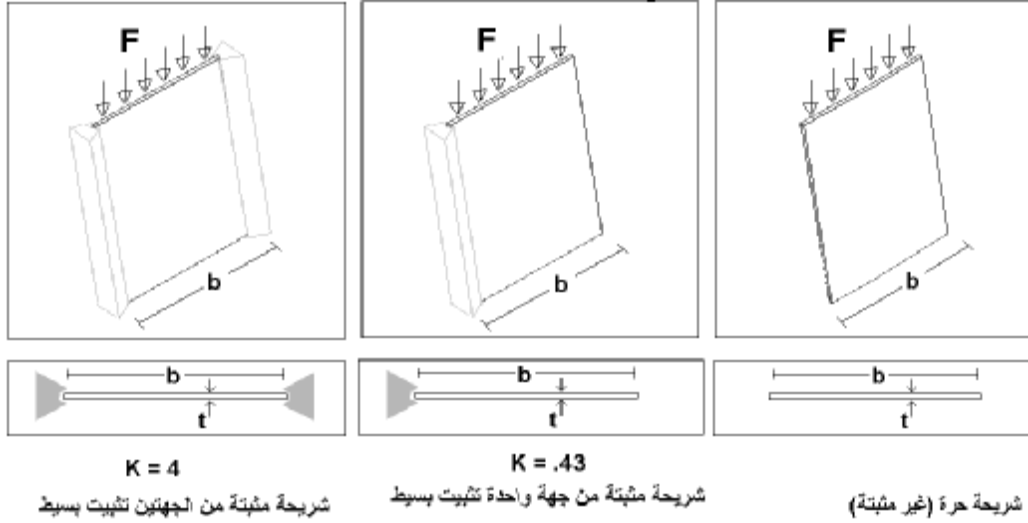
$$S_{cr} = \frac{kp^2 E}{12(1-\nu^2)} \left(\frac{t}{b} \right)^2$$

t & b موضحة في الشكل (4) ، t سمك الشريحة

E سبق تعريفها

v تسمى نسبة بوازون (poission ratio) وهي للألمنيوم و لكثير من المواد تساوي
(~.346)

k ثابت يعتمد على طريقة التثبيت ، انظر الشكل التالي



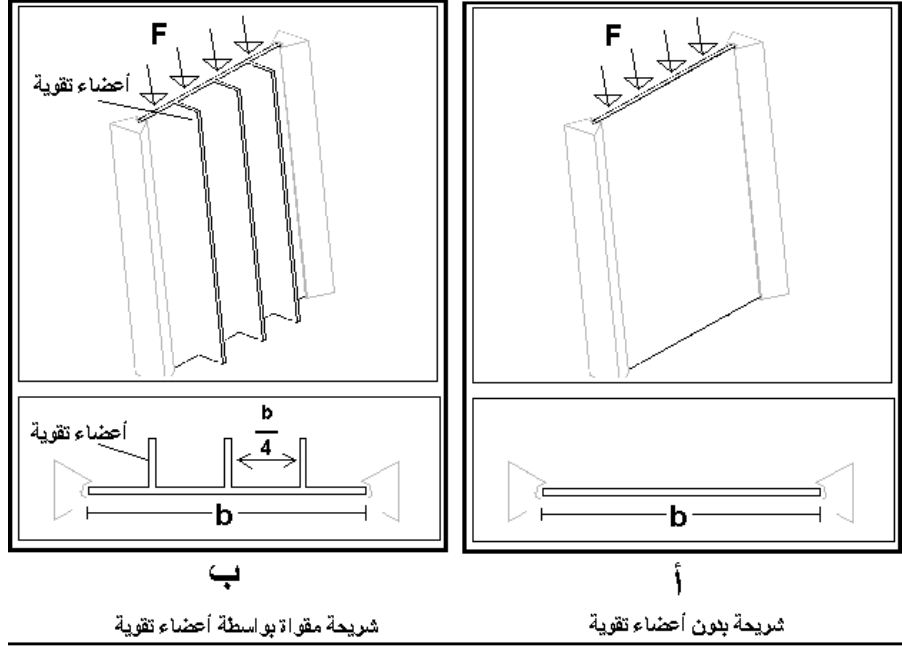
الشكل (4)

أعضاء التقوية

وهي شرائح أو أعمدة توصل مع الشريحة الأصلية لتقويتها (زيادة S_{cr}) ، عن طريق تقليل
الطول (b)

مثلا أنظر الشكل (5) ، في الشكل (أ) لدينا شريحة طولها (b) ، أما الشكل (ب) فلدينا نفس
الشريحة لكنها مقسمة إلى 4 قطع طول كل قطعة (b/4) أي أن S_{cr} في الحالة (ب) هي
حوالي 16 ضعف S_{cr} في الحالة (أ)¹

¹ انظر eq(3.2) ، حيث فرضنا أن التثبيت الناتج من أعضاء التقوية هو تقريبا تثبيت بسيط (k = 4)



الشكل (5)

لكن بما أن أعضاء التقوية مصنوعة من شرائح رقيقة فهي أيضا معرضة للانبعاج ، و S_{cr} لها تحسب من المعادلة السابقة $(S_{cr} = \frac{kp^2 E}{12(1-\nu^2)} \left(\frac{t}{b}\right)^2)$ مع استخدام قيمة k المناسبة

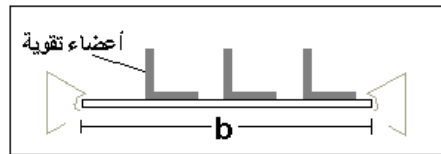
قيمة k

قيمة k لأعضاء التقوية:

*للحالة في الشكل (5ب) مثلا:

أبسط افتراض هو اعتبارها مثبتة تثبيت بسيط من جهة واحدة ، أي $k=43$ ، لكن هذا الافتراض مناسب عندما تكون أعضاء التقوية و الشريحة قطعة واحدة (ص) ، لكن عمليا فطريقة التثبيت هي البراغي أو اللحام لذا لا بد من البحث عن قيم k المناسبة ، بل حتى المعادلات المناسبة لحساب S_{cr}

*أما في نموذجنا فسوف نستخدم أعضاء تقوية من نوع L وهذا يسهل عملية التثبيت ، ويجعل قيمة $k=43$ أكثر صحة ،



الشكل (6)

قيمة k لقطع الشريحة :

أبسط افتراض هو اعتبارها مثبتة تثبيت بسيط من جهتين أي $k=4$ ، لكن تبقى المشكلة سالفة الذكر (طريقة التثبيت)

ملاحظة : سوف نعتمد معادلات الاجهاد الحرج للشريحة ، لحساب الاجهاد الحرج لغلاف الصاروخ (وهو اسطواني وليس شريحة) وهذا من باب التقريب ، بالاضافة إلى استخدامها لحساب الاجهاد الحرج لأعضاء التقوية.

الاجهاد الناتج عن العزم الدوراني:

وهو مبين في الشكل (1جـ)

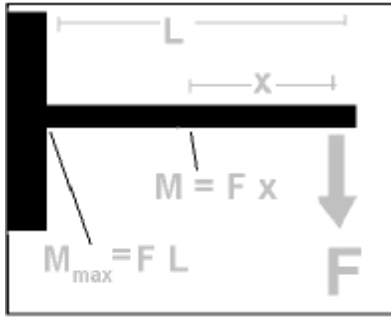
$$s = \frac{M y}{I}$$

I moment of inertia ولها علاقات لحسابها مثل التي مرت معنا في الجدول (1)

y المسافة من مركز مساحة المقطع إلى النقطة المحسوب عندها

M العزم الدوراني moment و قيمته متغيرة من مقطع إلى مقطع، كما في الشكل التالي

مثلا



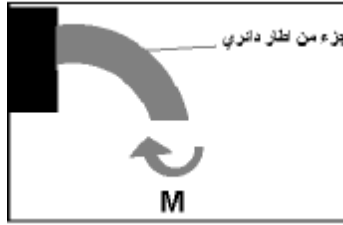
الشكل (7)

وقيمة s التي تهمننا عادة هي القصوى ، وهي عند أقصى y وأقصى M

$$s_{max} = \frac{M_{max} y_{max}}{I}$$

ملاحظة : المعادلتين السابقتين $s = \frac{M y}{I}$ و $s_{max} = \frac{M_{max} y_{max}}{I}$ تصلحان تقريبا

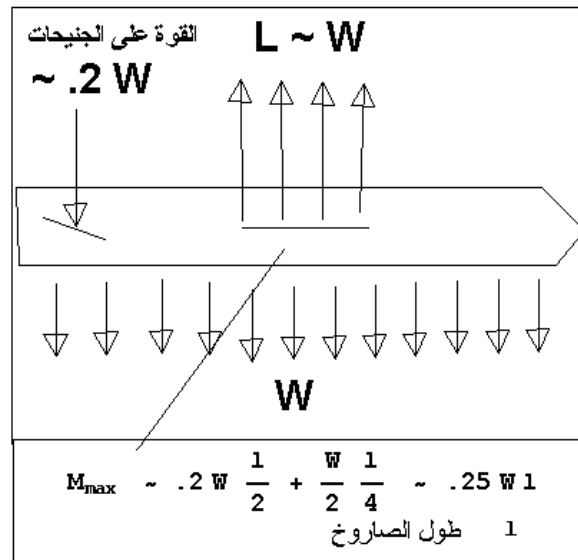
لحساب s في حالة الاطار (frame)



الشكل (8)

القوى والعزوم المؤثرة على الصاروخ

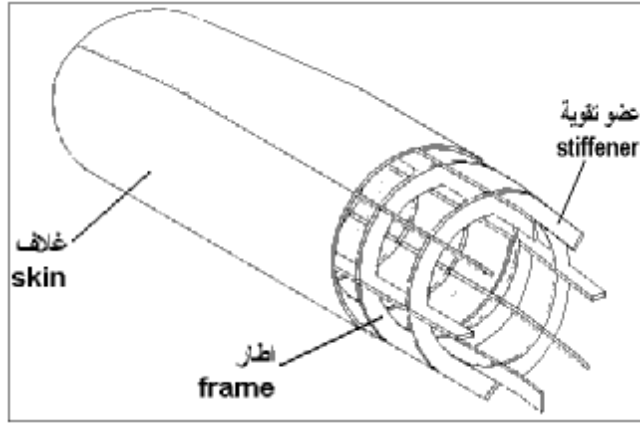
الوزن الظاهري W : وهو محصلة الوزن الحقيقي و الوزن الوهمي (سالب الكتلة * التسارع العمودي) ، وأقصى قيمه هي عندما يكون عندنا تسارع الصاروخ للأعلى بأقصى قيمة ، أي $mg + m f_{max}$ ، حيث f_{max} هي أقصى تسارع عامودي (بالنسبة لمحاور الأرض) قوة الرفع L : ومعظم تأثيرها على الأجنحة وتساوي تقريبا W القوة على الجنيحات : وقيمتها تعتمد على التصميم أقصى عزم مؤثر على الصاروخ : ويكون في منتصف الصاروخ تقريبا ، ويقدر كما في الشكل



الشكل (9)

الهيكل

وهو جسم الصاروخ الخارجي ، ويتكون من الغلاف بالإضافة إلى أعضاء التقوية و الاطارات ، والهدف الرئيسي منه هو مقاومة الاجهادات الناتجة من وزنه و تسارعه العمودي



الشكل (10)

الغلاف و أعضاء التقوية

ملاحظات:

- 1) ما يهمنا هو أن لا ينهار الصاروخ عند أقصى تسارع ، إذن في هذه الوحدة W تعني $m g + m f_{\max}$ ، أي أقصى قيمها
- 2) M متغيرة على طول الصاروخ ، وأقصى قيمها تكون في منتصف الصاروخ تقريبا و تساوي $(0.25Wl)$ ، و ما سنفعله في هذا الكتاب هو التصميم لمنطقة المنتصف (تصميم الغلاف و أعضاء التقوية) ، أما المناطق الأخرى فبإمكاننا استخدام نفس التصميم لها أو اجراء التعديلات في المراحل اللاحقة من التصميم
- 3) سوف نفرض أن الغلاف مسؤول وحده عن تحمل اجهاد الشد ، ويجب أن لا يصل هذا الاجهاد إلى S_u ويفضل أن لا يصل إلى S_y ، ولا إلى القيمة التي ينهار عندها تثبيت أعضاء التقوية بالاطارات
- 4) اجهاد الضغط المحسوب على فرض أن أعضاء التقوية هي المسؤول الوحيد عن تحمله يجب أن لا يصل إلى S_u ويفضل أن لا يصل إلى $\frac{S_u}{2}$
- 5) إذا كانت أعضاء التقوية مصنوعة من شرائح رقيقة :اجهاد الضغط المحسوب على فرض أن أعضاء التقوية و الغلاف مسؤولة عن تحمله يجب أن لا يصل إلى $S_{cr,sk}$ (الاجهاد الحرج للغلاف) ولا إلى $S_{cr,st}$ (الاجهاد الحرج لأعضاء التقوية) ولا إلى $S_{cr,E}$ (الاجهاد الحرج لأعضاء التقوية على اعتبار أنها عمود) .

- (6) في حساب $s_{cr,E}$ هي المسافة بين اطارين ، أي سوف نعتبر أن الاطار يوفر تثبيت بسيط لأعضاء التقوية
- (7) الافتراضات السابقة ليست دقيقة ، لكنها مفيدة في المرحلة الأولى للتصميم
- (8) قيم السمك t للغلاف أو أعضاء التقوية محددة (تعتمد على المواد المتوفرة)
- (9) نفضل استخدام أعضاء تقوية من نوع L بدل من استخدام الشرائح \square ، لتسهيل التثبيت و للتقوية ، وهناك أشكال كثيرة يمكن استخدامها
- (10) عندما يكون $l_e/r < 20$ لأعضاء التقوية ، عندها انبعاث Euler لا يهمنا

المعادلات المهمة (من الملاحظات)

N هو عدد أعضاء التقوية

$M = 0.25Wl$ العزم الأقصى نقدره بـ

سوف نرمز للاجهاد الأقصى المحسوب على فرض أن الغلاف هو المسؤول الوحيد عن

تحمله بالرمز s_1

$$s_1 = \frac{M}{p R^2 t_{sk}}$$

سوف نرمز للاجهاد الأقصى المحسوب على فرض أن أعضاء التقوية هي المسؤول الوحيد

عن تحمله بالرمز s_2

$$s_2 = \frac{2M}{N R A_{sk}}$$

سوف نرمز للاجهاد الأقصى المحسوب على فرض أن أعضاء التقوية و الغلاف مسؤولان

عن تحمله s_3

$$s_{3,st} = \frac{E_{st}}{E_{sk}} \frac{2M}{N R \left(\frac{E_{st}}{E_{sk}} A_{st} + A_{sk} \right)}$$

$$s_{3,sk} = \frac{2M}{N R \left(\frac{E_{st}}{E_{sk}} A_{st} + A_{sk} \right)}$$

حيث :

$$A_{sk} = b_{sk} t_{sk}$$

$$b_{sk} = \frac{2p R}{N}$$

$$S_{cr,st} = \frac{k_{st} p^2 E_{st}}{12(1-\nu_{st}^2)} \left(\frac{t_{st}}{b_{st}} \right)^2$$

$$S_{cr,sk} = \frac{k_{sk} p^2 E_{sk}}{12(1-\nu_{sk}^2)} \left(\frac{t_{sk}}{b_{sk}} \right)^2$$

$$k_{sk} = 4$$

$$k_{st} = 0.43$$

حيث سنفرض

$$S_{cr,E} = \frac{p^2 E_{st} I_{st}}{A_{st} l_e^2} = \frac{p^2 E_{st}}{(l_e / r_{st})^2}$$

$$r_{st} = \sqrt{\frac{I_{st}}{A_{st}}}$$

من ملاحظة 3 و 4

$$S_1 < S_{y,sk}$$

$$S_2 < \frac{S_{y,st}}{2}$$

من ملاحظة 5

$$S_{3,st} < S_{cr,st}$$

$$S_{3,sk} < S_{cr,sk}$$

وسوف نحاول جعل $l_e / r_{st} < 20$ ، و بالتالي انبعاج Euler لا يهمننا (ملاحظة 9)

تصميم الغلاف و أعضاء التقوية

(1) نكتب القيم التي حددناها سابقا لطول الصاروخ l وكتلته m وتسارعه العمودي

الأكصى f_{\max} ، و نقدر R

$$(2) \text{ نحسب } M \approx 0.25lm(g + f_{\max})$$

(3) نختار احد أشكال أعضاء التقوية (سهلة الصناعة) مثل $\frac{a}{t}$ ، ونحدد k_{sk} و k_{st}

(4) نختار عدد أعضاء التقوية N (مثلا 8)

(5) نختار قيمة لـ l_e

(6) نستعمل صفائح الالمنيوم لصنع الغلاف، أي نحدد قيمة r_{sk} E_{sk} $a_{y,sk}$ v_{sk} ، ثم

نجرّب إحدى قيم t_{sk} المتوفرة (حسب الصفائح المتوفرة)

(7) نختار أحد المواد المتوفرة (ألمنيوم مثلا) لصنع أعضاء التقوية، أي نحدد قيمة

r_{st} E_{st} $a_{y,st}$ v_{st} ، ثم نجرّب إحدى قيم t_{st} المتوفرة (حسب الصفائح المتوفرة)

(8) نجرّب قيمة منطقية لـ b_{sk}

(9) نحسب b_{sk} و A_{sk} و I_{st} و A_{st} و r_{st}

$$b_{sk} = \frac{2pR}{N}$$

$$A_{sk} = t_{sk} b_{sk}$$

I_{st} حسب شكل عضو التقوية

A_{st} حسب شكل عضو التقوية

$$r_{st} = \sqrt{\frac{I_{st}}{A_{st}}}$$

$$(10) \text{ نحسب } S_2 S_{3,st} S_{3,sk} S_{cr,st} S_{cr,sk} S_1$$

$$S_1 = \frac{M}{pR^2 t_{sk}}$$

$$S_2 = \frac{2M}{NRA_{sk}}$$

$$S_{3,st} = \frac{E_{st}}{E_{sk}} \frac{2M}{NR \left(\frac{E_{st}}{E_{sk}} A_{st} + A_{sk} \right)}$$

1 أي بعد احتراق الوقود

$$S_{3,sk} = \frac{2M}{NR \left(\frac{E_{st}}{E_{sk}} A_{st} + A_{sk} \right)}$$

$$S_{cr,st} = \frac{k_{st} p^2 E_{st}}{12(1-\nu_{st}^2)} \left(\frac{t_{st}}{b_{st}} \right)^2$$

$$S_{cr,sk} = \frac{k_{sk} p^2 E_{sk}}{12(1-\nu_{sk}^2)} \left(\frac{t_{sk}}{b_{sk}} \right)^2$$

$$S_{cr,E} = \frac{p^2 E_{st} I_{st}}{A_{st} l_e^2} = \frac{p^2 E_{st}}{(l_e / r_{st})^2}$$

نختبر الشروط التالية (11)

$$S_1 < S_{y,sk}$$

$$S_{3,st} < S_{cr,st}$$

$$S_{3,sk} < S_{cr,sk}$$

$$S_2 < \frac{S_{y,st}}{2} \quad 1$$

ونختبر الشرط التالي إن كانت $l_e / r_{st} < 20$

$$S_{3,st} < S_{cr,E} \quad 2$$

وأفضل إضافة الشرطين التاليين³

$$S_{3,st} < \frac{S_{y,st}}{2}$$

$$S_{3,sk} < \frac{S_{y,sk}}{2}$$

(12) فإن تحققت الشروط المطلوبة، حسبنا الكتلة

$$mass_{st,sk} = NI(A_{st} r_{st} + A_{sk} r_{sk})$$

1 تذكر أن الأصل استخدام S_u وليس $\frac{S_{y,st}}{2}$ لكننا فضل الاحتياط

2 ولا بأس من اشتراط هذا الشرط دائما بغض النظر عن قيمة l_e / r_{st} .

3 والهدف منهما هو أن قيمة $S_{cr,sk}$ و $S_{cr,st}$ تصبحان غير دقيقتين عندما تكونان أكبر من نصف جهد الاستسلام، ومن لم يقتنع بالشرطين يستطيع حذفهما.

13) نجرب جميع القيم المتاحة ونختار الحالة التي أعطت أقل كتلة .

مثال 1

نتابع المثال الذي بدأناه في الوجدتين السابقتين، حيث نريد الآن تصميم أخف هيكل للصاروخ، ونفرض أنه توفرت لدينا صفائح ألومنيوم لها الخصائص التالية

$$r = 2700 \text{ Kg} / \text{m}^3$$

$$E = 70 \times 10^9 \text{ Pa}$$

$$s_y = 100 \times 10^6 \text{ Pa}$$

$$\nu = 0.346$$

أما السمك فتوفر عياريين فقط

$$t = 1 \text{ mm} , t = 0.5 \text{ mm}$$

(1) من الأمثلة السابقة علمنا أن

$$l = 1 \text{ m}$$

$$m = 10 \text{ Kg}$$

$$f_{\max} = 2g = 19.6 \quad (g = 9.8 \text{ m} / \text{s}^2)$$

ومن المثال السابق حددنا نصف قطر محرك الدسر للصاروخ Rc بـ 0.045 m، أما نصف القطر الخارجي R فهو أكبر بقليل وسنقدره بـ

$$R = 0.05 \text{ m}$$

(2) نحسب العزم الأقصى M (تقريباً)

$$M \approx 0.25 l m (g + f_{\max}) = 0.25 * 1 * 10 * (9.8 + 19.6) = 73.5$$

(3) نختار أعضاء التقوية من النوع $\begin{matrix} | \\ \text{a} \\ | \\ \text{t} \end{matrix}$ ونعاملها (في المعادلات) على أنه من النوع

(والهدف من التثبيت في الأسفل هو تسهيل التثبيت وزيادة صحة الافتراض القادم

$$(k_{st} = 0.43$$

ونقدر k_{sk} و k_{st} بالتالي

$$k_{st} = 0.43$$

$$k_{sk} = 4$$

(4) نختار عدد أعضاء التقوية التالي $N=8$

(5) نقدر قيمة l_e (وهي المسافة بين اطارين) بـ $l_e = 0.1m$

(6) نكتب الخصائص المتوفرة لمادة الغلاف وهي (كما حددناها في بداية المثال)

$$r_{sk} = 2700 \text{ Kg} / m^3$$

$$E_{sk} = 70 \times 10^9 \text{ Pa}$$

$$S_{y,sk} = 100 \times 10^6 \text{ Pa}$$

$$v_{sk} = 0.346$$

ونجرب إحدى قيم t_{sk} المتوفرة ولتكن $t_{sk} = 1 \times 10^{-3} m$

(7) نكتب الخصائص المتوفرة لمادة أعضاء التقوية وهي (كما حددناها في بداية المثال)

$$r_{st} = 2700 \text{ Kg} / m^3$$

$$E_{st} = 70 \times 10^9 \text{ Pa}$$

$$S_{y,st} = 100 \times 10^6 \text{ Pa}$$

$$v_{st} = 0.346$$

ونجرب إحدى قيم t_{st} المتوفرة ولتكن $t_{st} = 1 \times 10^{-3} m$

(8) نأخذ قيمة منطقية لـ b_{st} ولتكن $b_{st} = 0.01m$

(9) نحسب r_{st} A_{st} I_{st} A_{sk} b_{sk}

$$b_{sk} = \frac{2pR}{N} = \frac{2p \times 0.05}{8} = 0.039$$

$$A_{sk} = t_{sk} b_{sk} = 0.001 \times 0.039 = 3.9 \times 10^{-5}$$

$$I_{st} = \frac{1}{12} b_{st}^3 t_{st} = \frac{1}{12} \times 0.01^3 \times 0.001 = 8.3 \times 10^{-11}$$

$$A_{st} = t_{st} b_{st} = 0.001 \times 0.01 = 1 \times 10^{-5}$$

$$r_{st} = \sqrt{\frac{I_{st}}{A_{st}}} = \sqrt{\frac{8.3 \times 10^{-11}}{1 \times 10^{-5}}} = 0.00288$$

(10) نحسب S_2 $S_{3,st}$ $S_{3,sk}$ $S_{cr,st}$ $S_{cr,E}$ $S_{cr,sk}$ S_1

$$S_1 = \frac{M}{p R^2 t_{sk}} = \frac{73.5}{p \times 0.05^2 \times 0.011} = 9.36 \times 10^6$$

$$S_2 = \frac{2M}{N R A_{sk}} = \frac{2 \times 73.5}{8 \times 0.05 \times 1 \times 10^{-5}} = 3.675 \times 10^7$$

$$S_{3,st} = \frac{70 \times 10^9}{70 \times 10^9} \frac{2 \times 73.5}{8 \times 0.05 \left(\frac{70 \times 10^9}{70 \times 10^9} 1 \times 10^{-5} + 3.9 \times 10^{-5} \right)} = 7.5 \times 10^6$$

$$S_{3,sk} = \frac{2M}{NR \left(\frac{E_{st}}{E_{sk}} A_{st} + A_{sk} \right)} = \frac{2 \times 73.5}{8 \times 0.05 \left(\frac{70 \times 10^9}{70 \times 10^9} 1 \times 10^{-5} + 3.9 \times 10^{-5} \right)} = 7.5 \times 10^6$$

$$S_{cr,st} = \frac{k_{st} p^2 E_{st}}{12(1 - \nu_{st}^2)} \left(\frac{t_{st}}{b_{st}} \right)^2 = \frac{0.43 p^2 * 70 \times 10^9}{12(1 - 0.346^2)} \left(\frac{0.001}{0.01} \right)^2 = 2.8 \times 10^8$$

$$S_{cr,sk} = \frac{k_{sk} p^2 E_{sk}}{12(1 - \nu_{sk}^2)} \left(\frac{t_{sk}}{b_{sk}} \right)^2 = \frac{0.43 p^2 * 70 \times 10^9}{12(1 - 0.346^2)} \left(\frac{0.001}{0.039} \right)^2 = 1.7 \times 10^8$$

$$S_{cr,E} = \frac{p^2 E_{st} I_{st}}{A_{st} l_e^2} = \frac{p^2 \times 70 \times 10^9 \times 8.3 \times 10^{-11}}{1 \times 10^{-5} \times 0.1^2} = 5.7 \times 10^8 \quad 1$$

نختبر الشروط ونلاحظ أن $S_1 < S_{y,sk}$ و $S_{3,st} < S_{cr,st}$ و $S_1 < S_{y,sk}$ (11)

$$S_2 < \frac{S_{y,st}}{2} \text{ و } S_{3,sk} < S_{cr,sk}$$

ونحسب l_e / r_{st}

$$l_e / r_{st} = 0.1 / 0.00288 = 34.7 \text{ أي } l_e / r_{st} > 20 \text{ وبالتالي نختبر الشرط}$$

ونلاحظ أنه تحقق. $S_{3,st} < S_{cr,E}$

$$S_{3,sk} < \frac{S_{y,sk}}{2} \text{ و } S_{3,st} < \frac{S_{y,st}}{2} \text{ ونلاحظ أن (إن أردنا) ونلاحظ أن}$$

وبالتالي كل الشروط متحققة

نحسب الكتلة الكلية للغلاف وأعضاء التقوية $mass_{st,sk}$ (12)

$$mass_{st,sk} = Nl(A_{st} r_{st} + A_{sk} r_{sk}) = 8 \times 1(1 \times 10^{-6} \times 2700 + 3.9 \times 10^{-5} \times 2700) = 1.06$$

$$\text{نعيد الحل لـ } t_{st} = 0.5 \times 10^{-3} \text{ و } t_{sk} = 1 \times 10^{-3} \text{ (13)}$$

$$\text{ثم نعيد الحل لـ } t_{st} = 1 \times 10^{-3} \text{ و } t_{sk} = 0.5 \times 10^{-3}$$

$$\text{ثم نعيد الحل لـ } t_{st} = 0.5 \times 10^{-3} \text{ و } t_{sk} = 0.5 \times 10^{-3}$$

ثم نعيد الحل (بما فيها ما سبق في هذه النقطة (14)) لـ $b_{st} = 0.005$ أخرى مثلا

$$b_{st} = 0.005$$

ونضع ما توصلنا إليه في جدول ، مثل الجدول التالي

1 هذه القيمة غير دقيقة ، وعموما عندما تكون $S_{cr,E} > \frac{S_y}{2}$ فإن علاقة Euler تصبح غير دقيقة ،

ونفس الشيء قد يكون صحيح بالنسبة لعلاقات $S_{cr,sk}$ و $S_{3,skt}$

2 ثم نعيد الحل جميعه لشكل أعضاء تقوية آخر ، وهكذا ، إلى أن نصل إلى أقل كتلة ممكنة تحقق الشروط

#	t_{sk} (mm)	t_{st} (mm)	b_{st} (cm)	S_1 $\times 10^6 Pa$	S_2 $\times 10^6 Pa$	$S_{3,st}$ $\times 10^6 Pa$	$S_{3,sk}$ $\times 10^6 Pa$
1	1	1	1	9.3	36.7	7.45	7.45
2	1	.5	1	9.3	73.5	8.3	8.3
3	.5	1	1	18.7	36.75	12.4	12.4
4	.5	.5	1	18.7	73.5	14.9	14.9
5	1	1	.5	9.35	73.5	8.3	8.3
6	1	.5	.5	9.35	147	8.8	8.8
7	.5	1	.5	18.7	73.5	14.9	14.9
8	.5	.5	.5	18.7	147	16.6	16.6

#	$S_{cr,st}$ $\times 10^6 Pa$	$S_{cr,sk}$ $\times 10^6 Pa$	l_e / r_{st}	$S_{cr,E}$ $\times 10^6 Pa$	$mass_{st,sk}$ (kg)	تحقق الشروط
1	281	169	34	575	1.06	نعم
2	70	169	34	575	.95	لا
3	281	42	34	575	.64	نعم
4	70	42	34	575	.5	لا
5	1125 ¹	169	69	144	.956	لا
6	281	169	69	143	.9	لا
7	1125	42	69	143	.532	لا
8	281	42	96	143	.48	لا

نلاحظ أن أقل حالة تحقق الشروط هي حالة 3 ، وهي التي سوف نعتمدها في تصميمنا.

الاطارات

انظر الشكل(10)

وظيفتها :

- 1) المحافظة على الشكل الدائري لغلاف الصاروخ
- 2) منع انبعاج أعضاء التقوية (عن طريق تقليل l_e)
- 3) المساهمة في تثبيت الاجنحة وباقي الأجزاء

العزوم والقوى المؤثرة على الاطار (انظر الشكل(11)) :

1 وهذه القيمة غير دقيقة لأنها أكبر من نصف جهد الاستسلام بكثير ، لكنها تدل على أن $S_{cr,st}$ عالية

- (1) قوة من الوزن الظاهري لأجزاء الصاروخ الملامسة للإطار أو المثبتة به (P)
 (2) القص (q) من الغلاف
 (3) عزم وقوة من الأجنحة (إذا كانت مثبتة بالإطار) ويعتمد مقدارها على طريقة التثبيت ، مثلا $\bar{\sigma}$ - $\bar{\sigma}$

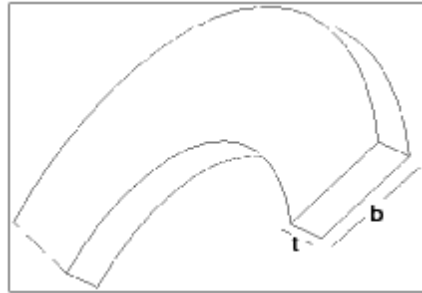


الشكل (11)

وهذه القوى والعزوم تنشئ جهودات يجب أن لا تزيد عن S_u
 مثلاً أقصى إجهاد ناتج من قوة P للإطار في الشكل (12) هو

$$S_{\max} = \frac{4.5PR}{pb^2t}$$

يجب أن يكون أقل من S_u



الشكل (12)

وسوف نعتمد هذه العلاقة لحساب قياسات الاطارات اللازمة لتحمل الوزن الظاهري للصاروخ أي

$$t_{fr,total} \geq \frac{4.5WR}{pb_{fr}^2 s_{y,fr}}$$

حيث $t_{fr,total}$ هي مجموع سمك الاطارات اللازمة لتحمل الوزن الظاهري ، و b_{fr} هي b في الشكل السابق

حيث استخدمنا $S_{y,fr}$ بدل $S_{u,fr}$

أما الاطارات اللازمة لتثبيت الأجنحة فسوف نصممها مع الأجنحة

تصميم الاطارات

- (1) نكتب قيم f_{max} R m l_e التي حددناها سابقا
- (2) نحسب الوزن الظاهري للصاروخ $W = m(g + f_{max})$
- (3) نختار مادة متوفرة لصنع الاطارات¹ ونفضل صفائح الألمنيوم، ونحدد $r_{y,fr}$ $s_{y,fr}$ وقيم السمك المتوفرة.
- (4) نجرب قيمة لـ b_{fr} (قريبة من b_{st})
- (5) ندرس امكانية الحصول على $t_{fr,total}$ مناسبة، بواسطة عدد مناسب من الصفائح المتوفرة، بحيث نتمكن من تحقيق الشرط

$$t_{fr,total} \geq \frac{4.5WR}{p b_{fr}^2 s_{y,fr}}$$

- ونراعي أن يكون عدد الصفائح مناسب للحصول على l_e (المسافة بين صفيحتين) التي فرضناها في الدرس السابق
- (6) فإذا لم يمكن ذلك، نغير قيمة b_{fr} ونعيد حساب $t_{fr,total}$ وهكذا
 - (7) نحسب كتلة الاطارات

$$mass_{fr} = r_{fr} t_{fr,total} p (R^2 - (R - b_{fr})^2)$$

- (8) نعيد من نقطة 4 لـ b_{fr} ، ونختار التي تعطي أقل كتلة (أو الأكثر منطقية ومناسبة عملياً).

مثال 2

لنفرض أنه توفر لدينا نوعين من صفائح الألمنيوم، لهما السمكين التاليين
 $t = 1mm$, $t = 0.5mm$

ولهما نفس الكثافة وقيمة اجهاد الاستسلام

$$r = 2700 Kg / m^3 , s_y = 100 \times 10^6 Pa$$

وأردنا تصميم اطارات للصاروخ الذي بدأنا تصميمه في الأمثلة السابقة
 الحل

- (1) من الأمثلة السابقة علمنا أن
- (2) نحسب الوزن الظاهري الأقصى W

1 نحصل على الاطارات بواسطة قصها من الصفائح قصا، وليس عن طريق ثني صفائح طولية، لأن الثني يترك خلفه اجهادات مخزونة في المادة

$$W = m(g + f_{\max}) = 10(9.8 + 19.6) = 294$$

(3) نكتب قيم الكثافة واجهاد الاستسلام الأقصى

$$r_{fr} = 2700 \text{ Kg} / \text{m}^3, s_{y,fr} = 100 \times 10^6 \text{ Pa}$$

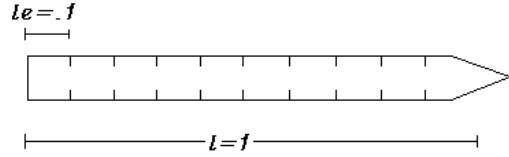
$$b_{fr} = 0.005 \text{ مثلا } b_{fr}$$

(5) نحسب الشرط

$$t_{fr,total} \geq \left(\frac{4.5WR}{p b_{fr}^2 s_{y,fr}} = \frac{4.5 * 294 * .05}{p * 0.005^2 * 100 \times 10^6} \right)$$

$$t_{fr,total} \geq 0.0084$$

فلو استخدمنا 9 صفائح ذات السمك 1mm ، لحصلنا على $t_{fr,total} = 0.009$ ، وهذا يحقق الشرط ، أيضا 9 صفائح مناسبة لـ $l_e = 0.1$ التي افترضناها في المثال السابق ،



(6)

(7) نحسب كتلة الاطارات

$$mass_{fr} = r_{fr} t_{fr,total} p (R^2 - (R - b_{fr})^2)$$

$$= 2700 \times 0.009 \times p \times (0.05^2 - (0.05 - 0.005)^2) = 0.036$$

(8) نعيد من نقطة 4 لـ b_{fr} أخرى ، مثلا $b_{fr} = 0.01$ ، فنحصل على الشرط

$$t_{fr,total} \geq 0.0021$$

$$mass_{fr} = 0.0344 \text{ ونحسب الكتلة } t_{fr,total} = 9 * 0.5 \times 10^{-3} = 0.0045$$

ثم نعيد من نقطة 4 لـ b_{fr} أخرى ، مثلا $b_{fr} = 0.03$ ، فنحصل على الشرط

$$t_{fr,total} \geq 0.00234$$

$$mass_{fr} = 0.0592 \text{ ونحسب الكتلة } t_{fr,total} = 24 * 1 \times 10^{-3} = 0.024$$

ونضع الناتج في جدول مثل الجدول التالي

#	b_{fr} (cm)	الشرط (mm)	عدد ² 1mm	عدد .5mm	$t_{fr,total}$ (mm)	$mass_{fr}$ (kg)
1	.5	$t_{fr,total} \geq 8.4$	9	0	9	.036
2	1	$t_{fr,total} \geq 2.1$	0	9	4.5	.0344

¹ لاحظ أن هذا يعني أن l_e ستكون أقل من 0.1 ، ولا مانع من هذا ، بل هو أمر جيد .

² أي عدد الصفائح ذات السمك 1mm التي سنستخدمها لهذه الحالة

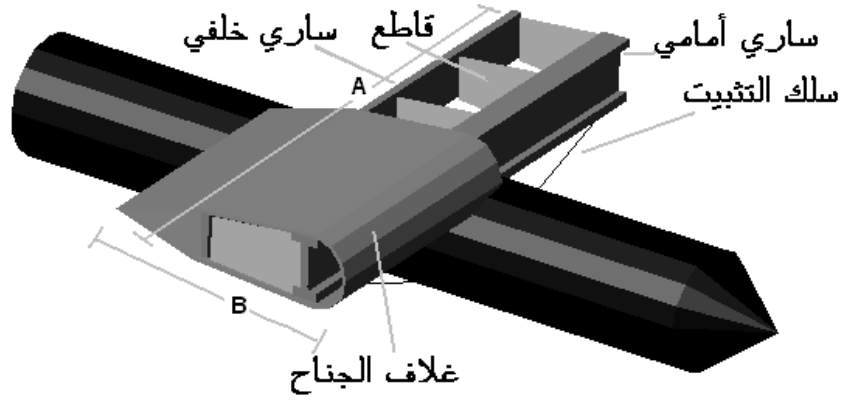
3	.3	$t_{fr,total} \geq 23.4$	24	0	24	.059
---	----	--------------------------	----	---	----	------

وسوف نختار الحالة الأولى (المظللة) .

الجنّاح

الجنّاح هو المسؤول الرئيسي عن رفع الصاروخ¹ ، أي أن الحمل عليه يساوي تقريبا الوزن الظاهري للصاروخ .

وسوف نختار تصميم الجنّاح كما في الشكل التالي



الشكل (13)

الجنّاح يتكون من **ساريين (spares)** ممتدين على طول الجنّاح ، الساريين مثبتين من منتصفهما مع بعض اطارات الصاروخ (سنسميها اطارات السواري) ، وهناك **سلك التثبيت** الذي يصل طرفي الساري الأمامي مع قاع اطارات السواري الخاصة به ، ويتكون الجنّاح أيضا من **قواطع** تساهم في المحافظة على شكل ثابت لمقطع الجنّاح ، وله دور في منع انبعاج الساري الأمامي (عن طريق تقليل I_e للساري) ويتكون الجنّاح أيضا من **الغلاف**

المعادلات :

1 في هذا الكتاب سوف نعتبر أن المسؤول عن الرفع هو الأجنحة والجنيحات فقط ، أي سوف نهمل أثر جسم الصاروخ في الرفع

كل ساري مسؤول عن تحمل جزء من الحمل ، لكن بما أننا لا نعرف مبدئياً حصة كل ساري من الحمل فسندورها (محتاطين) للساري الأمامي بـ $0.8W$. وللخلفي بـ $0.7W$.

معادلات الساري الامامي (spare 1) :

$$N = \frac{3W}{64} \frac{A}{R} \times 0.8$$

W: الوزن الظاهري للصاروخ

A: طول الساري (طول الجناح)

R: نصف قطر الصاروخ

N: قوة الضغط الطولي ← على الساري الأمامي (وتنشأ بسبب وجود السلك)

$$S_{compression,sp1} = \frac{N}{A_{sp1}}$$

$$\Rightarrow S_{compression,sp1} = \frac{3W}{64} \frac{A}{R} \times 0.8 \times \frac{1}{A_{sp1}}$$

$S_{compression,sp1}$ اجهد الانضغاط في الساري الأمامي

A_{sp1} مساحة مقطع الساري الأمامي

$$S_{Euler,sp1} = \frac{p^2 E_{sp1} I_{sp1}}{l_{sp}^2 A_{sp1}}$$

$S_{Euler,sp1}$ اجهد انبعاج Euler للساري الأمامي

E_{sp1} I_{sp1} هي E و I للساري الأمامي

l_{sp} هي أكبر مسافة بين قاطعين متتاليين (لاحظ أن هذا يعني أننا افترضنا أن القواطع

توفر تثبيت بسيط

للساري) ، (مع اعتبار منتصف الجناح أحد هذه القواطع سواء وجد قاطع أم لا)

$$S_{compression,sp1} < S_{Euler,sp1}^1$$

أي حتى لا يحدث انبعاج Euler

وإذا كان الساري يتكون من شريحة رقيقة ، فلا بد أن يكون اجهد الضغط أقل أيضاً من

الاجهد الحرج للشريحة ، أي:

¹ هذا الشرط ليس مهماً عندما $l/r < 20$ ، لكننا ننوي اختباره.

$$S_{compression,sp1} < S_{cr,plate,sp1}$$

حيث

$$S_{cr,plate,sp1} = \frac{k_{sp1} p^2 E_{sp1}}{12(1 - \nu_{sp1}^2)} \left(\frac{t_{sp1}}{a_{sp1}} \right)^2$$

حيث k_{sp1} تعتمد على طريقة التثبيت وسوف نعتبرها في نموذجنا 4 (أنظر الملاحظة.....)


ويجب أن يكون (في حالة الشريحة الرقيقة) اجهاد الضغط أقل أيضا من اجهاد الانفتال الحرج

$$S_{compression,sp1} < S_{cr,q,sp1}$$

$$S_{cr,q,sp1} = \frac{G_{sp1} J_{sp1}}{I_{sp1}}$$


حيث J_{sp1} و I_{sp1} تعتمد على شكل وأبعاد الشريحة

$$M_{max,sp1} = \frac{W A}{32} \times 0.7$$

$M_{max,sp1}$ العزم الطولي  الأقصى وهو عند منتصف الساري

$$S_{bending,sp1} = M_{max,sp1} \frac{y_{max,sp1}}{I_{sp1}}$$

$S_{bending,sp1}$ اجهاد العزم في الساري الأمامي

$y_{max,sp1}$ أبعد مسافة عن مركز مساحة مقطع الساري الأمامي (مثلا $b/2$ للمقطع )

$$S_{max,sp1} = S_{compression,sp1} + S_{bending,sp1}$$

$$\Rightarrow S_{max,sp1} = \frac{3W A}{64 R} \times 0.8 \times \frac{1}{A_{sp1}} + \frac{W A}{32} \times 0.8 \times \frac{y_{max,sp1}}{I_{sp1}}$$

$S_{max,sp1}$ أقصى اجهاد في الساري الأمامي

$$S_{max,sp1} < S_{y,sp1}$$

أي حتى لا يصل أقصى اجهاد في الساري إلى اجهاد الاستسلام S_y ¹

1 المفروض أن لا يصل إلى S_u لكن نفضل الاحتياط

أما الساري الخلفي (spare 2) فتذكر أنه لا يوجد سلك تثبيت وبالتالي لا يوجد اجهاد ضغط و
 وبالتالي لا يوجد انبعاج ، والمعادلات كالتالي :

$$M_{\max,sp2} = \frac{W A}{8} \times 0.7$$

$$S_{\max,sp2} = M_{\max,sp2} \frac{y_{\max,sp2}}{I_{sp2}}$$

$$\Rightarrow S_{\max,sp2} = \frac{W A}{8} \times 0.7 \times \frac{y_{\max,sp2}}{I_{sp2}}$$

$$S_{\max,sp2} < S_{y,sp2}$$

حيث معاني الرموز تشبه معاني الرموز للساري الأمامي

ملاحظة : لم نهتم باجهاد القص في السواري لأنه عادة قليل ، لكن لا بد من التأكد في
 المراحل التالية من التصميم

اطارات السواري¹ : حسب الطريقة التي اعتمدها لتثبيت السواري مع الاطارات فإن
 العلاقة التي استخدمناها سابقا (مع تعديل الرموز)

$$S_{\max} = \frac{4.5 W R}{p b_{fr,sp}^2 t_{fr,sp}}$$

جيدة لتقدير السمك الكلي لاطارات السواري، أي أن السمك الكلي لاطارات السواري

$$t_{fr,sp} = \frac{4.5 W R}{p b_{fr,sp}^2 S_{y,fr,sp}}$$

حيث $b_{fr,sp}$ هي b التي في الشكل (12) لكن لإطارات السواري ، وهي لا تساوي بالضرورة
 b_{fr} لكنها قريبة منها ، و $S_{y,fr,sp}$ هي اجهاد الاستسلام لمادة اطارات السواري

سلك التثبيت

$$F_{wire} = \frac{3W}{32} \frac{\sqrt{(2R)^2 + (A/2)^2}}{R} \times 0.8$$

$$S_{wire} = \frac{F_{wire}}{A_{wire}}$$

F_{wire} قوة الشد في السلك

1 لكل ساري اطاران مثلا ، أو لكل ساري اطار ،.....

A_{wire} مساحة مقطع السلك

S_{wire} اجهاد الشد في السلك ، والذي يجب أن يكون أقل من اجهاد الاستسلام ، أي

$$S_{wire} < S_{y,wire}$$

$$A_{wire} > \frac{3W}{32} \frac{\sqrt{(2R)^2 + (A/2)^2}}{R} \times 0.8 \times \frac{1}{S_{y,wire}}$$

ملاحظة : معادلات الساري الأمامي اشتقت على فرض أن سلك التثبيت قوي كفاية¹ ومثبت بصورة جيدة ، وعموما كلما كان السلك أسمك كلما كان اجهاد الشد في الساري الأمامي أقل أما القواطع فنقدر سمكها وعددها منطقيا في هذه المرحلة ، وكذلك الغلاف.

ملاحظة : معامل الطيران للصاروخ C_{la} يساوي تقريبا معامل الطيران للجناح $C_{la,w}$ ، أي

$$C_{la} = C_{la,w} = \frac{2p \overline{AR}_w}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR}_w^2 (1 + mach^2)}}$$

حيث AR (نسبة باعية) (aspect ratio) تساوي في حالتنا

$$\overline{AR}_w = \frac{A}{B}$$

$$Mach = \frac{U}{\text{سرعة الصوت}}$$

حيث سرعة الصوت تساوي تقريبا 343 m/s²

$$W \approx C_{la,w} a_{\max} Q AB$$

$$Q = \frac{1}{2} r U^2$$

حيث U السرعة و a_{\max} زاوية الطيران القصوى و W الوزن الظاهري الأقصى و r كثافة الهواء

$$1 \sim 1 \text{ أي أن } \frac{1}{1 + 24 \frac{E_{sp,1}}{E_{wire}} \frac{I_{sp,1}}{A_{wire} b^3} \sqrt{(2R)^2 + (A/2)^2}} \sim 1$$

2 تساوي $343 \sqrt{\frac{T}{293}}$ حيث T هي درجة حرارة الجو بوحدة كلفن

ومن معادلة $(W \approx C_{la,w} a_{\max} Q AB)$ و معادلة $\overline{AR_w} = \frac{A}{B}$ ، نحصل على المعادلتين التاليتين

$$A \approx \sqrt{\frac{\overline{AR_w} W}{C_{la,w} a_{\max} Q}}$$

$$B \approx \sqrt{\frac{W}{\overline{AR_w} C_{la,w} a_{\max} Q}}$$

تصميم الجناح

(1) نكتب قيمة السرعة U وزاوية الطيران القصوى a_{\max} والتسارع العمودي الأقصى f_{\max} وكتلة الصاروخ m و نصف قطر الصاروخ R التي حددناها مسبقا، بالإضافة إلى كثافة الهواء r ، ثم نختار قيمة منطقية لـ $\overline{AR_w}$ ، ثم نحسب

$$Q = \frac{1}{2} r U^2$$

$$\text{Mach} = \frac{U}{\text{سرعة الصوت}}$$

$$C_{la,w} = \frac{2p \overline{AR_w}}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR_w}^2 (1 + \text{Mach}^2)}}$$

$$W = m(g + f_{\max})$$

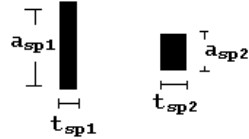
(2) نحسب القيمة التقريبية¹ لـ A و B

$$A \approx \sqrt{\frac{\overline{AR_w} W}{C_{la,w} a_{\max} Q}}$$

$$B \approx \sqrt{\frac{W}{\overline{AR_w} C_{la,w} a_{\max} Q}}$$

A و B تقريبية لأن C_{la} التي استعملناها هنا تقريبية، لكن في وحدة 5 سنحسب A و B بصورة أدق (وستكون أقل بقليل من المحسوبة هنا) ، ولا داعي لإعادة التصميم لقيم A و B الدقيقة ، لأن التصميم الذي سنضعه هنا سيكون أمتن (وأثقل) بقليل من المحسوب للقيم الدقيقة.

(3) نختار قيمة l_{sp} (أكبر مسافة بين قاطعين متتاليين)



(4) نختار شكل معين للسواري مثل k_{sp1} ، ونحدد

(5) نكتب $r_{sp1} E_{sp1} v_{sp1} s_{y,sp1} r_{sp2} G_{sp1} s_{y,sp2}$ للمواد المتوفرة، ونجرب إحدى

قيم الأبعاد المتوفرة $(a_{sp1} a_{sp2} t_{sp1} t_{sp2})$ ، مع مراعات أن تكون قيم $a_{sp1} a_{sp2}$ منطقية¹

(6) نحسب

$$I_{sp1} = \frac{1}{12} t_{sp1} a_{sp1}^3$$

$$A_{sp1} = t_{sp1} a_{sp1}$$

$$y_{max,sp1} = \frac{a_{sp1}}{2}$$

$$I_{sp2} = \frac{1}{12} t_{sp2} a_{sp2}^3$$

$$A_{sp2} = t_{sp2} a_{sp2}$$

$$y_{max,sp2} = \frac{a_{sp2}}{2}$$

$$J_{sp1} = \frac{a_{sp1} t_{sp1}^3}{3}$$

(7) نحسب

$$s_{compression,sp1} = \frac{3W}{64} \frac{A}{R} \times 0.8 \times \frac{1}{A_{sp1}}$$

$$s_{Euler,sp1} = \frac{p^2 E_{sp1} I_{sp1}}{l_{sp}^2 A_{sp1}}$$

$$s_{cr,plate,sp1} = \frac{k_{sp1} p^2 E_{sp1}}{12(1 - \nu_{sp1}^2)} \left(\frac{t_{sp1}}{a_{sp1}} \right)^2$$

$$s_{cr,q,sp1} = \frac{G_{sp1} J_{sp1}}{I_{sp1}}$$

$$s_{max,sp1} = \frac{3W}{64} \frac{A}{R} \times 0.8 \times \frac{1}{A_{sp1}} + \frac{W}{32} \frac{A}{R} \times 0.8 \times \frac{y_{max,sp1}}{I_{sp1}}$$

¹ مثلاً $a_{sp1} > a_{sp2}$ ، حتى يكون شكل الجناح مناسب هوأيا .

$$S_{\max,sp2} = \frac{W A}{8} \times 0.7 \times \frac{y_{\max,sp2}}{I_{sp2}}$$

(8) نختبر الشروط

$$S_{\text{compression},sp1} < S_{\text{Euler},sp1}$$

$$S_{\text{compression},sp1} < S_{\text{cr,plate},sp1}$$

$$S_{\text{compression},sp1} < S_{\text{cr,q},sp1}$$

$$S_{\max,sp1} < S_{y,sp1}$$

$$S_{\max,sp2} < S_{y,sp2}$$

فإذا لم تتحقق أعدنا من نقطة (5) لأبعاد أخرى $(a_{sp1} a_{sp2} t_{sp1} t_{sp2})$

(9) نحسب كتلة السواري

$$mass_{sp} = r_{sp1} A_{sp1} A + r_{sp2} A_{sp2} A$$

(10) نجرب جميع القيم الممكنة لـ $(a_{sp1} a_{sp2} t_{sp1} t_{sp2})$ ونعيد إلى أن نحصل على

أقل كتلة ممكنة للسواري

(11) نختار مادة لاطارات السواري (نفس مادة الإطارات الأخرى مبدئياً) وبالتالي

نحدد $r_{fr,sp}$ ، ونختار قيمة لـ $b_{fr,sp}$ (نفس قيمة $b_{fr,sp}$ مبدئياً)، ثم

نحسب السمك الكلي لاطارات السواري $t_{fr,sp}$ من العلاقة

$$t_{fr,sp} = \frac{4.5 W R}{p b_{fr,sp}^2 S_{y,fr,sp}}$$

(12) نحسب كتلة اطارات السواري

$$mass_{fr,sp} = r_{fr,sp} t_{fr,sp} p (R^2 - (R - b_{fr,sp})^2)$$

(13) نختار سلك تثبيت بشرط أن تكون مساحة مقطعه

$$A_{\text{wire}} > \frac{3W}{32} \frac{\sqrt{(2R)^2 + (A/2)^2}}{R} \times 0.8 \times \frac{1}{S_{y,wire}}$$

ونفضل أن يكون أسمك ما يمكن (مع مراعاة الوزن)

(14) نقدر سمك غلاف الجناح $t_{sk,wing}$ ، ونكتب كثافة مادته $r_{sk,wing}$ (حسب

المتوفر ونفضل الألمنيوم)، ثم نحسب كتلته

$$mass_{sk,wing} \approx 2 r_{sk,wing} A B t_{sk,wing}$$

(15) نقدر عدد القواطع N_{ribs}

$$N_{ribs} \approx \frac{A}{l_{sp}}$$

ونقدر سمك مادة متوفرة مناسبة t_{ribs} ونكتب كثافتها r_{ribs} ، ثم نحسب كتلتها $mass_{ribs}$

$$mass_{ribs} \approx N_{ribs} r_{ribs} B \frac{a_{sp1} + a_{sp2}}{2} t_{ribs}$$

(16) نحسب الكتلة الكلية للجناح $mass_{wing}$

$$mass_{wing} = mass_{sp} + mass_{fr,sp} + mass_{ribs} + mass_{sk,wing}^1$$

(17) نعيد الحل من البداية لقيم أخرى إلى أن نصل إلى أقل كتلة ممكنة (على أن

تحقق الشروط طبعا).

ملاحظة : الساري الأمامي سوف يكون **عمليا** على شكل **I** وليس **I** والسبب : كي نوفر تثبيت للشريحة حتى لا يحصل لها انبعاج (انبعاج شريحة) (لهذا افترضنا أن $k_{sp1} = 4$) ، وهناك فائدة ثانية وهي منع انبعاج Euler باتجاه عرض الجناح بمساعدة التثبيت مع الغلاف) بواسطة البراغي مثلا) ، ولن نتعرض لهذا الموضوع في هذا الكتاب نظرا لتداخله مع موضوع التثبيت (بالبراغي مثلا) وهو موضوع لا يناسب المرحلة الأولى من التصميم ، لكن يكفي التنبيه إلى هذه النقطة هنا .

مثال 3

نتابع المثال السابق ، حيث نريد تصميم الجناح ، والمواد المتوفرة هي نفسها ، أي صفائح الألمنيوم ذات الخصائص التالية

$$r = 2700 \text{ Kg} / \text{m}^3$$

$$E = 70 \times 10^9 \text{ Pa}$$

$$G = 26 \times 10^9 \text{ Pa}$$

$$s_y = 100 \times 10^6 \text{ Pa}$$

$$v = 0.346$$

أما السمك فتوفر عياريين فقط

$$t = 1 \text{ mm} , t = 0.5 \text{ mm}$$

1 المفروض أن نضيف كتلة السلك أيضا ، لكنها قليلة ويمكن اهمالها

(1) نكتب القيم التالية التي نعلمها مسبقا

$$U = 75 \text{ m/s}$$

$$a_{\max} = 0.2 \text{ rad}$$

$$f_{\max} = 2g = 2 * 9.8 = 19.6 \text{ m/s}^2$$

$$m = 10 \text{ Kg}$$

$$R = 0.05 \text{ m}$$

$$r = 1.16 \text{ Kg/m}^3 \quad (\text{للواء})$$

ونختار \overline{AR}_w للجناح

$$\overline{AR}_w = 2$$

ثم نحسب

$$Q = \frac{1}{2} r U^2 = \frac{1}{2} * 1.16 * 75^2 = 3262.5$$

$$Mach = \frac{U}{343} = \frac{75}{343} = 0.219$$

$$C_{la,w} = \frac{2p \overline{AR}_w}{2 + \sqrt{4 + 2^2(1 + 0.219^2)}} = 2.58$$

$$W = m(g + f_{\max}) = 10 * (9.8 + 19.6) = 294$$

(2) نحسب أبعاد الجناح A B

$$A \approx \sqrt{\frac{\overline{AR}_w W}{C_{la,w} a_{\max} Q}} = \sqrt{\frac{2 * 294}{2.58 * 0.2 * 3262.5}} = 0.59$$

$$B \approx \sqrt{\frac{W}{\overline{AR}_w C_{la,w} a_{\max} Q}} = \sqrt{\frac{294}{2 * 2.58 * 0.2 * 3262.5}} = 0.3$$

(3) نختار قيمة للمسافة بين القواطع ، $l_{sp} = 0.05 \text{ m}$



(4) نختار الشكل التالي للسواري ¹، ونحدد $k_{sp1} = 4$

(5) نكتب قيم r_{sp1} E_{sp1} v_{sp1} $s_{y,sp1}$ r_{sp2} G_{sp1} $s_{y,sp2}$ ، التي توفرت لدينا.

¹ الساري الأمامي سوف يكون عمليا على شكل I و ليس ا

$$r_{sp1} = 2700 \text{ Kg} / \text{m}^3$$

$$E_{sp1} = 70 \times 10^9 \text{ Pa}$$

$$G_{sp1} = 26 \times 10^9 \text{ Pa}$$

$$S_{y_{sp1}} = 100 \times 10^6 \text{ Pa}$$

$$\nu_{sp1} = 0.346$$

$$S_{y_{sp1}} = 100 \times 10^6 \text{ Pa}$$

$$r_{sp2} = 2700 \text{ Kg} / \text{m}^3$$

ونختار (نجرب) إحدى الصفائح للساري الأمامي ، ولتكن ذات السمك

$$t_{sp1} = 0.001 \text{ m}$$

ونجرب للساري الخلفي ، السمك

$$t_{sp2} = 0.001 \text{ m}$$

ونجرب قيمة منطقية لـ a_{sp1} و a_{sp2} ولتكن

$$a_{sp1} = 0.05 \text{ m}$$

$$a_{sp2} = 0.04 \text{ m}$$

(6) نحسب

$$I_{sp1} = \frac{1}{12} t_{sp1} a_{sp1}^3 = \frac{1}{12} * 0.001 * 0.05^3 = 1.04 \times 10^{-8}$$

$$A_{sp1} = t_{sp1} a_{sp1} = 0.001 * 0.05 = 0.00005$$

$$y_{\max,sp1} = \frac{a_{sp1}}{2} = \frac{0.05}{2} = 0.025$$

$$J_{sp1} = \frac{a_{sp1} t_{sp1}^3}{3} = \frac{0.05 * 0.001^3}{3} = 1.67 \times 10^{-11}$$

$$I_{sp2} = \frac{1}{12} t_{sp2} a_{sp2}^3 = \frac{1}{12} * 0.001 * 0.04^3 = 5.3 \times 10^{-9}$$

$$A_{sp2} = t_{sp2} a_{sp2} = 0.001 * 0.04 = 0.00004$$

$$y_{\max,sp2} = \frac{a_{sp2}}{2} = \frac{0.04}{2} = 0.02$$

(7) نحسب

$$S_{\text{compression},sp1} = \frac{3W}{64 R} \times 0.8 \times \frac{1}{A_{sp1}} = \frac{3 * 294 * 0.59}{64 * 0.05} \times 0.8 \times \frac{1}{5 \times 10^{-5}} = 5.2 \text{ MPa}$$

$$S_{Euler,sp1} = \frac{p^2 E_{sp1} I_{sp1}}{l_{sp1}^2 A_{sp1}} = \frac{p^2 * 70 \times 10^9 * 1.04 \times 10^{-8}}{0.05^2 * 0.00005} = 57572 MPa^1$$

$$S_{cr,plate,sp1} = \frac{k_{sp1} p^2 E_{sp1} \left(\frac{t_{sp1}}{a_{sp1}} \right)^2}{12(1 - \nu_{sp1}^2)} = \frac{4 * p^2 * 70 \times 10^9 \left(\frac{0.001}{0.05} \right)^2}{12(1 - 0.346^2)} = 104 MPa$$

$$S_{cr,q,sp1} = \frac{G_{sp1} J_{sp1}}{I_{sp1}} = \frac{26 * 10^9 * 1.67 * 10^{-11}}{1.04 * 10^{-8}} = 41.6 MPa$$

$$S_{max,sp1} = \frac{3W}{64} \frac{A}{R} \times 0.8 \times \frac{1}{A_{sp1}} + \frac{W}{32} \frac{A}{R} \times 0.8 \times \frac{y_{max,sp1}}{I_{sp1}}$$

$$= \frac{3 * 294}{64} \frac{0.59}{0.05} \times 0.8 \times \frac{1}{0.00005} + \frac{294 * 0.59}{32} \times 0.8 \times \frac{0.025}{1.04 \times 10^{-8}} = 13 MPa$$

$$S_{max,sp2} = \frac{W}{8} \frac{A}{R} \times 0.7 \times \frac{y_{max,sp2}}{I_{sp2}} = \frac{294 * 0.59}{8} \times 0.7 \times \frac{0.02}{5.3 * 10^{-9}} = 57 MPa$$

(8) نختبر الشروط

$$S_{compression,sp1} < S_{cr,plate,sp1}$$

$$S_{compression,sp1} < S_{cr,q,sp1}$$

$$S_{max,sp1} < S_{y,sp1}$$

$$S_{max,sp2} < S_{y,sp2}$$

نلاحظ أنه تحقق الشروط

(9) نحسب كتلة السواري

$$mass_{sp} = r_{sp1} A_{sp1} A + r_{sp2} A_{sp2} A$$

$$= 2700 * 5 * 10^{-5} * 0.59 + 2700 * 4 * 10^{-5} * 0.59 = 0.145$$

(10) نعيد الحل ($a_{sp1} a_{sp2} t_{sp1} t_{sp2}$) أخرى ، كما في الجدول التالي ² ، ثم نختار أقل كتلة (أو المحققة لمواصفات أخرى تهمنا مثل a_{sp1} و a_{sp2} مناسبة)

#	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$t_{sp1} (\times 10^{-3} m)$	1	1	1	1	1	1	.5	.5	.5	.5	.5	.5

¹ هذه القيمة غير دقيقة أبدا ، لكنها تدل على أن قيمة انبعاج Euler عالية ، أو حتى لا يحصل ، وعموما كلما كانت قيمة انبعاج Euler أكبر من نصف جهد الاستسلام ، كلما كانت العلاقة السابقة غير دقيقة ، ولكن سنستخدمها

2 المفروض جعل الجدول آخر خطوة ، فمثلا قيم a_{sp1} و a_{sp2} ستؤثر على كتلة القواطع ، فالمفروض ادخال حسابات القواطع في الجدول ، واختيار القيم التي تعطي أقل كتلة كلية ، لكن الحل سيكون نفسه تقريبا .

$t_{sp2} (\times 10^{-3} m)$	1	1	1	.5	.5	.5	1	1	1	.5	.5	.5
$a_{sp1} (\times 10^{-2} m)$	5	5	4	5	5	4	5	5	4	5	5	4
$a_{sp2} (\times 10^{-2} m)$	4	3	3	4	3	3	4	3	3	4	3	3
$I_{sp1} (\times 10^{-9} m^4)$	10.	10.	5.3	10.	10.	5.3	5.2	5.2	2.7	5.2	5.2	2.7
$A_{sp1} (\times 10^{-5} m^2)$	5	5	4	5	5	4	2.5	2.5	2	2.5	2.5	2
$y_{max,sp1} (\times 10^{-2} m)$	2.5	2.5	2	2.5	2.5	2	2.1	2.5	2	2.5	2.5	2
$J_{sp1} (\times 10^{-12} m^4)$	17	17	13	17	17	13	5.3	2.1	1.7	2.1	2.1	1.7
$I_{sp2} (\times 10^{-9} m^4)$	5.3	2.2	2.2	2.6	1.1	1.1	5.3	2.2	2.2	2.7	1.1	1.2
$A_{sp2} (\times 10^{-5} m^2)$	4	3	3	2	1.5	1.5	4	3	3	2	1.5	1.5
$y_{max,sp2} (\times 10^{-2} m)$	2	1.5	1.5	2	1.5	1.5	2	1.5	1.5	2	1.5	1.5
$S_{compression,sp1} (\times 10^6)$	2.6	2.6	3.2	2.6	2.6	3.2	5.2	5.2	6.5	5.2	5.2	6.5
$S_{Euler,sp1} (\times 10^6 Pa)$	5.7	5.7	3.7	5.8	5.7	3.7	5.8	5.8	3.7	5.7	5.8	3.7
$S_{cr,plate,sp1} (\times 10^6 Pa)$	104	104	163	104	104	163	26	26	41	26	26	40
$S_{cr,q,sp1} (\times 10^6 Pa)$	41	41	65	41	41	65	10	10	16	10	10	16
$S_{max,sp1} (\times 10^6 Pa)$	13	13	19	13	13	19	26	26	39	26	26	39
$S_{max,sp2} (\times 10^6 Pa)$	57	101	101	113	202	202	57	101	101	114	202	202
$mass_{sp} (Kg)$.15	.13	.11	.11	.1	.09	.1	.09	.08	.07	.06	.06
تحقق الشروط	نعم	لا	لا	لا	لا	لا	نعم	لا	لا	لا	لا	لا

نلاحظ أن الحالة الأولى و السابعة تحققان الشروط وسوف نختار السابعة (المظللة)
ونكتب لها القيم التالية التي سنحتاجها بعد قليل

$$a_{sp1} = 0.05m$$

$$a_{sp2} = 0.04m$$

$$mass_{sp} = 0.105 Kg$$

(11) نكتب صفات المادة المتوفرة لصناعة اطارات السواري ، وهي نفس الصفائح

السابقة، أي

$$r_{fr,sp} = 2700 Kg / m^3$$

$$S_{y,fr,sp} = 100 * 10^6 Pa$$

ونختار $b_{fr,sp}$ ليكون مساوي لـ b_{fr} (وهذا ليس ملزماً)، أي

$$b_{fr,sp} = 0.05m$$

ونحسب السمك الكلي للاطارات $t_{fr,sp}$ ، أي

$$t_{fr,sp} = \frac{4.5 W R}{p b_{fr,sp}^2 s_{y,fr,sp}} = \frac{4.5 * 294 * 0.05}{p * 0.005^2 * 100 * 10^6} = 0.0084$$

وهو سمك يمكن توفيره تقريباً بالمواد المتوفرة (أي صفائح الـ 1mm و 0.5mm التي اعتبرناها متوفرة)

(12) نحسب كتلة اطارات الأجنحة

$$mass_{fr,sp} = r_{fr,sp} t_{fr,sp} p (R^2 - (R - b_{fr,sp})^2)$$

$$= 2700 * 0.0084 * p (0.05^2 - (0.05 - 0.005)^2) = 0.034$$

(13) سلك التنبيت الذي ننوي استعماله ، يجب أن تكون مساحة مقطعه أكبر من

المقدار التالي

$$A_{wire} > \frac{3W}{32} \frac{\sqrt{(2R)^2 + (A/2)^2}}{R} \times 0.8 \times \frac{1}{s_{y,wire}}$$

$$A_{wire} > \left(\frac{3 * 294}{32} \frac{\sqrt{(2 * 0.05)^2 + (0.59/2)^2}}{0.05} \times 0.8 \times \frac{1}{100 * 10^6} = 1.37 \times 10^{-6} \right)$$

أي نصف قطره أكبر من 0.66mm ، وهذا متوفر ولن ندخله في حساب الكتلة (خفيف).

(14) نختار صفيحة الـ 0.5mm لصنع غلاف الجناح ، أي

$$t_{sk,wing} = 0.5 \times 10^{-3}$$

$$r_{sk,wing} = 2700 \text{ Kg} / m^3$$

ونحسب الكتلة لها

$$mass_{sk,wing} \approx 2 r_{sk,wing} A B t_{sk,wing}$$

$$= 2 * 2700 * 0.59 * 0.295 * 0.5 * 10^{-3} = 0.47$$

(15) نحسب عدد القواطع

$$N_{ribs} \approx \frac{A}{l_{sp}} = \frac{0.59}{0.05} = 11.8 \approx 12$$

وسوف نصنعها من صفيحة الـ 0.5mm ، أي

$$t_{ribs} = 0.5 * 10^{-3}$$

$$r_{ribs} = 2700 \text{ Kg} / m^3$$

$$mass_{ribs} \approx N_{ribs} r_{ribs} B \frac{a_{sp1} + a_{sp2}}{2} t_{ribs}$$

$$= 12 * 2700 * 0.295 * \frac{0.05 + 0.04}{2} * 0.5 \times 10^{-3} = 0.215$$

حيث a_{sp1} و a_{sp2} هي التي اعتمدها في الجدول.

(16) نوجد كتلة الجناح كاملا (بما فيها اطاراته)

$$mass_{wing} = mass_{sp} + mass_{fr,sp} + mass_{ribs} + mass_{sk,wing}$$

$$= 0.105 + 0.034 + 0.215 + 0.47 = 0.824 Kg$$

الجنيحات

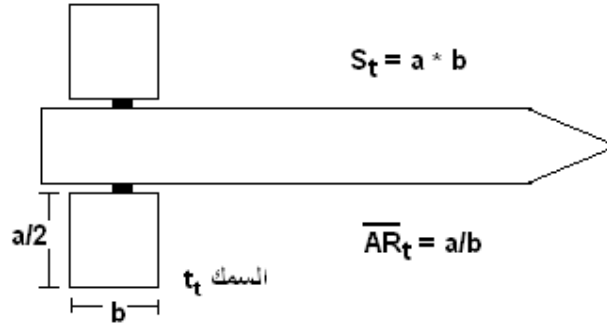
.. (هذا الدرس يعتمد على بعض القيم في درس التصميم للطيران العمودي (1) في وحدة 5 ،

لذا يجب أن نؤخر تصميم الجنيحات إلى بعد الانتهاء من التصميم للطيران العمودي (1) ، وقد

وضعناه هنا لمناسبة موضوع هذه الوحدة لموضوعه) ..

تصميم الجنيحات سيكون أبسط من تصميم الجناح ، حيث سنصممه من صفيحة معدنية فقط ،

والشكل التالي يبين الأبعاد t, a, b



الشكل (14)

أقصى عزم طولي على الجنيحات M_t ، يعطى بالعلاقة

$$M_t = \frac{F_t a}{2 \cdot 4} \times \frac{x_{max} + h_{max}}{h_{max}} = \frac{F_t a}{8} \times \frac{x_{max} + h_{max}}{h_{max}}$$

حيث x_{\max} و h_{\max} هي زوايا الانفتال القصوى (وحدة 5) ، و F_t هي القوة القصوى على الجنيحات عندما يفتلان بالزاوية القصوى h_{\max} ، و أدخلنا الحد $\frac{x_{\max} + h_{\max}}{h_{\max}}$ ندخل

أثر القوة المؤثرة على الجنيحات بفعل الانفتال x_{\max} .
وأقصى إجهاد على الجنيحات يعطى بالمعادلة

$$S_{\max,t} = \frac{M_t \times t_t / 2}{\frac{1}{12} b t_t^3} = \frac{6M_t}{b t_t^2}$$

ويجب أن لا يزيد هذا الاجهاد عن اجهاد الاستسلام لمادة الجنيحات ، أي

$$S_{\max,t} < S_{y,t}$$

ونستطيع أن نشق من المعادلات الثلاث السابقة ، المعادلة التالية

$$t_t > \sqrt{\frac{3 \overline{AR}_t F_t}{4 S_{y,t}} \times \frac{x_{\max} + h_{\max}}{h_{\max}}}$$

$$\text{حيث } \overline{AR}_t = \frac{a}{b}$$

أي أن سمك صفيحة الجنيحات t_t يجب أن يكون أكبر من المقدار المبين ، حتى لا يصل الاجهاد الأقصى إلى اجهاد الاستسلام .
ومساحة الجنيحات تحسب من العلاقة

$$S_t = \frac{F_t}{h_{\max} C_{lat} Q}$$

$$S_t = a \times b \text{ هي المساحة}$$

ومن المعادلة $S_t = a \times b$ و المعادلة $\overline{AR}_t = \frac{a}{b}$ نستطيع حساب a b

$$a = \sqrt{\overline{AR}_t S_t}$$

$$b = a = \sqrt{\frac{S_t}{\overline{AR}_t}}$$

أما الكتلة فهي

$$mass_t = r_t \times S_t \times t_t$$

خطوات تصميم الجنيحات

(1) نكتب قيمة U ، ثم من الخطوة الأولى في درس التصميم للطيران العمودي (1) في

الوحدة 5 ، نأخذ قيمة \overline{AR}_t ، ثم نحسب

$$\text{Mach} = \frac{U}{\text{speed of air}}$$

$$C_{la,t} = \frac{2p \overline{AR}_t}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR}_t^2 (1 + \text{Mach}^2)}}$$

(2) من الخطوة الثانية في درس التصميم للطيران العمودي (1) في الوحدة 5، نأخذ قيمة F_t و x_{\max} و h_{\max} ، ونكتب قيمة كثافة الهواء r ، ثم نحسب

$$Q = \frac{1}{2} r U^2$$

$$S_t = \frac{F_t}{h Q C_{la,t}}$$

$$a = \sqrt{\overline{AR}_t S_t}$$

$$b = \sqrt{\frac{S_t}{\overline{AR}_t}}$$

(3) نحدد اجهاد الاستسلام $s_{y,t}$ و الكثافة r_t لأحد الصفائح المتوفرة لصناعة الجنيح، ونختار الصفيحة التي لها أقل سمك t_t يحقق الشرط

$$t_t > \sqrt{\frac{3 \overline{AR}_t F_t}{4 s_{y,t}} \times \frac{x_{\max} + h_{\max}}{h_{\max}}}$$

(4) نحسب الكتلة $mass_t$

$$mass_t = r_t \times S_t \times t_t$$

مثال 4

نريد تصميم جنيحات للصاروخ الذي نصممه في أمثلتنا

(1) نكتب قيمة U

$$U = 75 \text{ m/s}$$

ثم من الخطوة الأولى في درس التصميم للطيران العمودي (1) في الوحدة 5، نأخذ قيمة

$$\overline{AR}$$

$$\overline{AR} = 2$$

ثم نحسب

$$\text{Mach} = \frac{U}{\text{speed of air}} = \frac{75}{343} = 0.219$$

$$C_{la,t} = \frac{2p \overline{AR}_t}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR}_t^2 (1 + Mach^2)}} = \frac{2p * 2}{2 + \sqrt{4 + 2^2 (1 + 0.219^2)}} = 2.58$$

(2) من الخطوة الثانية في درس التصميم للطيران العمودي (1) في الوحدة 5، نأخذ قيمة

$$h_{\max} \text{ و } x_{\max} \text{ و } F_t$$

$$F_t = 58.8 N$$

$$x_{\max} = 0.1 \text{ rad}$$

$$h_{\max} = 0.1 \text{ rad}$$

ونكتب قيمة كثافة الهواء r

$$r = 1.16$$

ثم نحسب

$$Q = \frac{1}{2} r U^2 = \frac{1}{2} * 1.16 * 75^2 = 3262.5$$

$$S_t = \frac{F_t}{h Q C_{la,t}} = \frac{58.8}{0.1 * 3262.5 * 2.58} = 0.0697$$

$$a = \sqrt{\overline{AR}_t S_t} = \sqrt{2 * 0.0697} = 0.3735$$

$$b = \sqrt{\frac{0.0697}{2}} = 0.1867$$

(3) انفرض أنه توفرت لدينا ثلاث أنواع صفائح ألومنيوم ، ولها جميعها المواصفات التالية

$$s_{y,t} = 100 \times 10^6$$

$$r_t = 2700$$

أما السمك فهو 0.5mm 1mm 2mm

من الشرط

$$t_t > \sqrt{\frac{3 \overline{AR}_t F_t}{4 s_{y,t}} \times \frac{x_{\max} + h_{\max}}{h_{\max}}}$$

$$> \sqrt{\frac{3 * 2 * 58.8}{4 * 100 * 10^6} \times \frac{0.1 + 0.1}{0.1}}$$

$$> 0.00133$$

نلاحظ أن الصفيحة الوحيدة الصالحة هي ذات السمك 2mm ، أي

$$t_t = 0.002$$

(4) نحسب الكتلة $mass_t$

$$mass_t = r_t \times S_t \times t_t = 2700 * 0.0697 * 0.002 = 0.376$$

انتهى المثال

الكتلة الكلية

خطوة التصميم الأخيرة هي حساب الكتلة الكلية $mass_{st,sk,fr,wing,t}$: لأعضاء التقوية والغلاف والاطارات والجناح والجنحيات

$$mass_{st,sk,fr,wing,t} = mass_{st,sk} + mass_{fr} + mass_{wing} + mass_t$$

لو اردنا حسابها للأمتثلة السابقة

$$mass_{st,sk,fr,wing,t} = mass_{st,sk} + mass_{fr} + mass_{wing} + mass_t$$

$$= 0.64 + 0.036 + 0.824 + 0.376 = 1.9$$

أي الكتلة تساوي 1.9 Kg ، وهي قيمة جيدة.

الوحدة الرابعة

مراجعة في هندسة التحكم

هندسة التحكم تمكننا من تصميم دائرة كهربائية تدعى compensator (المعدّل) واختيار صفات جهاز قياس (مثل جهاز قياس التسارع والزاوية) ، من أجل تركيبها في آلة ما (مثل الصاروخ الموجه)، بهدف زيادة استقراريتها وزيادة سرعة استجابتها لأوامر التوجيه وتحسين مواصفات أخرى.

وفي هذا الكتاب سنتجنب تفاصيل هذا العلم عن طريق استخدام برنامج Matlab ، مع شرح ما يهمنا من هذا البرنامج^{1,2}.

وفي هذه الوحدة سيكون شرحنا مركز على مثال رافعة بدل الصاروخ الموجه، لكن الطرق التي تنطبق على الرافعة تنطبق على أي آلة أخرى (بما فيها الصاروخ الموجه).

مثال 1 ||| الرافعة (نظام الدارة المفتوحة)

وهي عبارة عن رافعة كهربائية مصغرة ، مهمتها رفع (أو خفض) كتلة ما طبقاً لأوامر يصدرها شخص ما عن طريق تغيير قيمة فرق الجهد الكهربائي (الفولتية) الداخل إلى الرافعة ، أنظر الشكل(1).



الشكل(1)

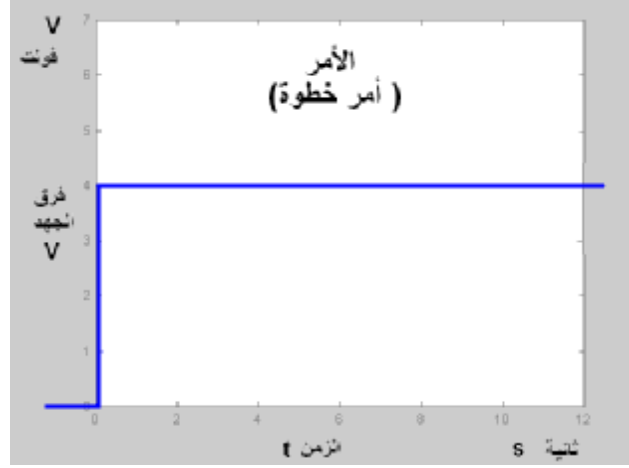
عندما يكون فرق الجهد صفر تكون الكتلة على ارتفاع صفر (وسط الرافعة)،وعندما يكون فرق الجهد عند قيمة موجبة معينة (مثلا 4V) يكون الارتفاع موجب(مثلا 10cm) ،

¹ في هذا الفصل عند كتابة أحد أوامر Matlab سوف نستخدم الخط ABCDEFG abcdefg

² علم هندسة التحكم هو علم أساسي جدا في صناعة الصواريخ الموجهة ، لذا أنصح بقراءة كتاب عن هذا العلم على أن يكون هذا الكتاب يحتوي على شرح وتطبيقات لـ Matlab ، وهذا العلم هو أحد مساقات تخصص هندسة الميكانيك (وتوابعها)

وعندما يكون فرق الجهد عند قيمة سالبة معينة (مثلا $-4V$) يكون الارتفاع سالب (مثلا $-10cm$).

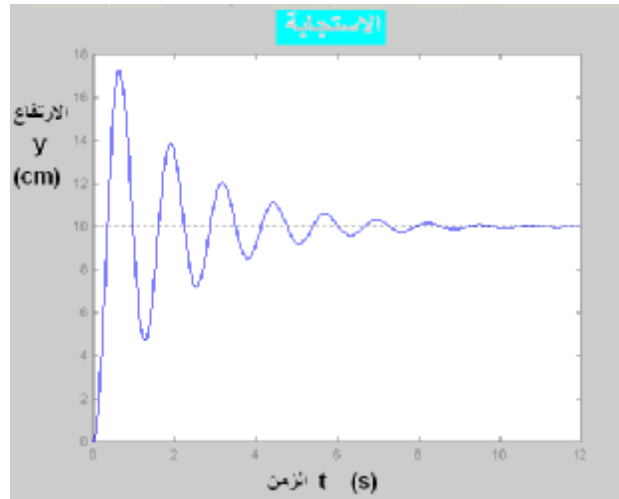
الآن لنفرض أن فرق الجهد كان صفر (أي الارتفاع أيضا كان صفر) ، ثم قمنا برفع فرق الجهد فجأة إلى $4V$ (أي كما في الشكل (2)) ، ويسمى اقتران خطوة (step) مقدارها $4V$ (



الشكل (2)

نلاحظ ان طريقة استجابة الرافعة (طريقة تغير الارتفاع مع الزمن) ، كانت كما في

الشكل (3)

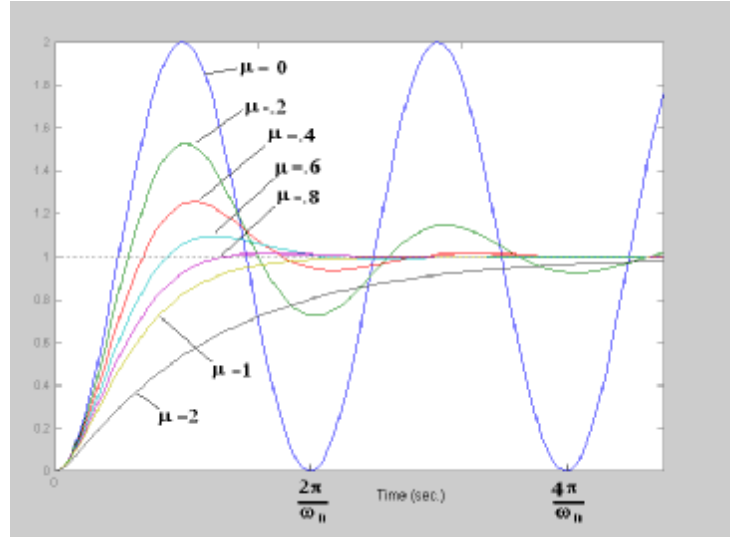


الشكل (3)

أي ارتفعت خلال زمن معين (0.64 s). (ويسمى زمن أقصى ارتفاع t_p) إلى أن وصلت قيمة قصوى (17.3 cm) (y_p) ، ثم انخفضت بمقدار أقل ثم ارتفعت وانخفضت وهكذا، لكن كل مرة بمقدار أقل ، إلى أن اقتربت من الاستقرار على ارتفاع ثابت (الارتفاع النهائي) (y_∞) (10 cm) بعد حوالي (7.6 s) (t_s)، ثم استقرت على هذا الارتفاع (y_∞) بعد زمن .

الرافعة السابقة سيئة المواصفات¹ ، حيث لزمها زمن طويل لتنفيذ الأمر (بطيئة الاستجابة) (t_p كبيرة) ، أيضا قيمة زيادة y_p فوق (y_∞) كبيرة نسبيا (فوق القمة عالية) مما قد يؤدي إلى تحطيم الرافعة عند الاوامر القوية (بسبب اصطدام ذراع الرافعة بأعلى الرافعة). (نهاية المثال)

إذن الآلة الجيدة هي سريعة الاستجابة و قليلة فوق القمة .
وهناك معيار آخر مهم للحكم على آلة ما ، وهو w_n m ² ، والشكل (4) يوضح الاستجابة لأمر خطوة لعدة قيم لـ m (لعدة آلات مثلا) ، نستنتج من الشكل أن w_n عالية تعني استجابة سريعة ، و m من 0.5-0.7 جيدة فوق القمة وجيدة سرعة الاستجابة .



الشكل (4)

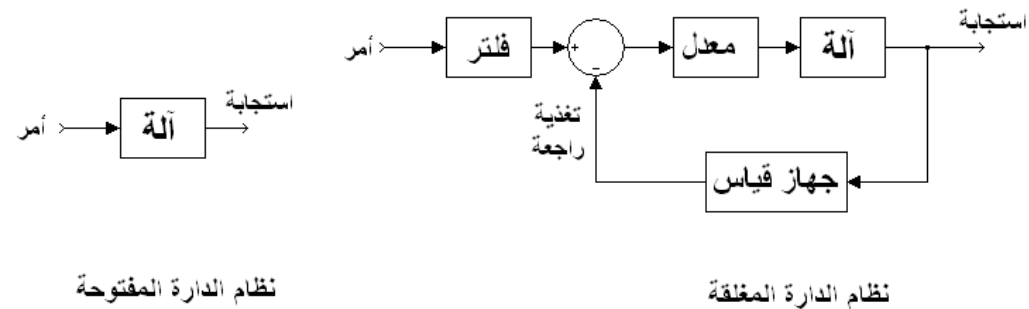
1 الذي يحدد سوء هذه المواصفات فعلا هو الوظيفة المطلوبة من الآلة

2 m تُلَفِظ ميو (mu)

نظام الدارة المغلقة

في الرافعة التي تكلمنا عنها سابقا كان هناك أمر من الشخص وتنفيذ من الآلة وهذا يسمى نظام الدارة المفتوحة .

وهناك نظام آخر يسمى نظام الدارة المغلقة ، وهذا النظام يعتمد على وجود جهاز قياس يقيس باستمرار استجابة الآلة (الارتفاع في الرافعة) ، ويرسل القيمة (على شكل إشارة كهربائية عادة) إلى الآلة على صورة تغذية راجعة مثبتة ، لتطرح من إشارة الأمر (المفترزة¹ أحيانا) ، ثم تدخل الإشارة الناتجة إلى دارة كهربائية (المعدل) ، ثم ترسل الإشارة الناتجة إلى الآلة .



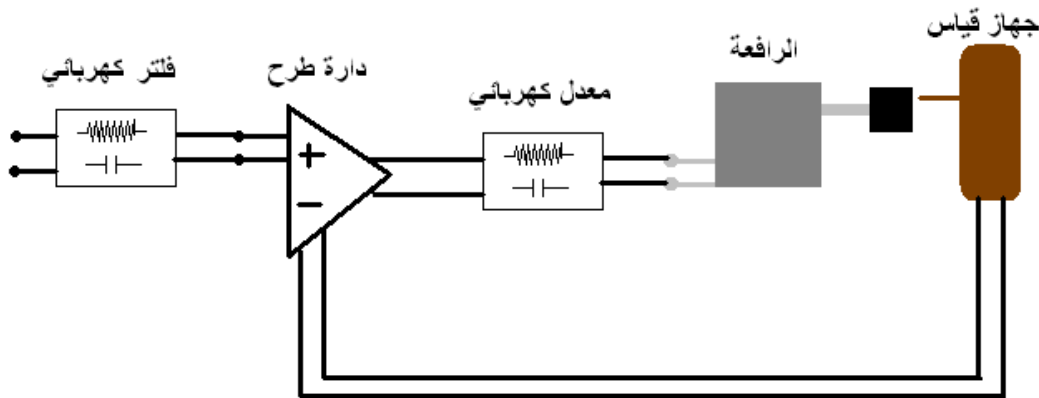
نظام الدارة المفتوحة

نظام الدارة المغلقة

الشكل (5)

مثال 2 ||| نظام الدارة المغلقة للرافعة

وهو موضح في الشكل التالي

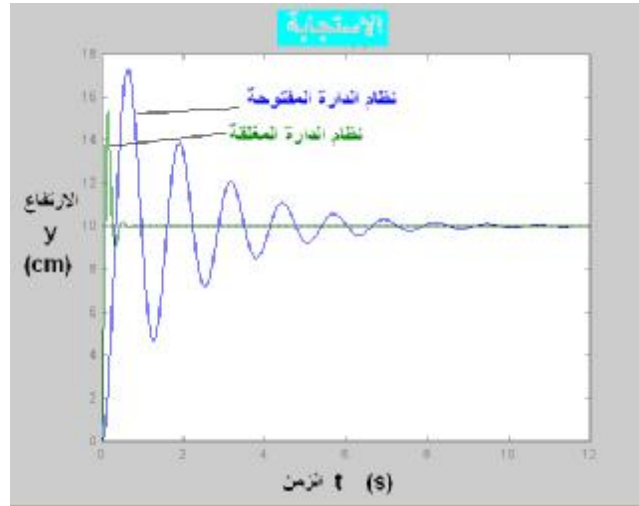


الشكل (6)

1 أعني المارة بدارة الفلتر الكهربائية

حيث وضعنا جهاز قياس يقيس ارتفاع الكتلة (y) ويرسل الناتج على شكل فرق جهد كهربائي، يطرح من فرق جهد الأمر المفلتر ، ويرسل الناتج إلى معدل كهربائي ، يخرج منه فرق الجهد بصورة معدلة (بطريقة مدروسة) ، ثم يدخل فرق الجهد الناتج إلى الرافعة ، ثم يقيس جهاز القياس الارتفاع وهكذا.

الآن لنفرض أننا أرسلنا لهذا النظام المغلق أمر خطوة مقدارها $4V$ (أي نفس الأمر الذي استخدمناه في مثال 1 للدائرة المفتوحة) ، فنتجت عندنا الاستجابة الموضحة باللون الأخضر في الشكل (7)



الشكل (7)

نلاحظ أن t_p t_s قلّت ، وأن y_p قلّت .
 أي زادت سرعة الاستجابة ، وقلّت قيمة فوق القمة ، أي أن مواصفات الاستجابة تحسنت .
 إذن نظام الدارة المغلقة (المصمم بطريقة صحيحة) ، يحسن مواصفات الاستجابة للآلة.¹

اقتران التحويل

لكل آلة (رافعة أو معدل أو جهاز قياس أو صاروخ موجه) اقتران يبين كيفية استجابة الآلة للأوامر ، ويسمى اقتران التحويل ، ونحصل عليه بالاعتماد على معطيات الآلة (مثلا قيم المقاومة الكهربائية في المعدل ومساحة الذيل في الصاروخ الموجه) ، أو يكون معروف للآلات المشتركة (مثل أجهزة القياس المشتركة).

¹ لكن إن كان مصمم بطريق خاطئة فسوف تسوء مواصفات الاستجابة ، بل قد تصبح الآلة غير مستقرة.

وبواسطة اقتران التحويل نستطيع دراسة صفات الاستجابة للآلة ، ونستخدمه أيضا لتصميم المعدل وجهاز القياس (تصميم الدارة المغلقة) اللزومات لتحسين صفات الاستجابة .
وأسهل طريقة للتعامل مع اقترانات التحويل هي حاسوبيا (Matlab).

مثال 3 ||| نظام الدارة المفتوحة ||| اقتران التحويل

الرافعة السابقة كان لها اقتران التحويل التالي

$$G(s) = \frac{62.5}{s^2 + s + 25}$$

*** لادخال هذا الاقتران إلى Matlab نكتب :

```
n_G = [62.5];
```

حيث n_G هي بسط اقتران التحويل

```
d_G = [1 1 25];
```

حيث d_G هي معاملات مقام اقتران التحويل¹

```
G = tf( n_G , d_G)
```

الأمر tf (يعني transfer function أي اقتران التحويل) ، فينتج على الشاشة اقتران التحويل التالي

```
Transfer function:
      62.5
-----
s^2 + s + 25
```

ملاحظة : الرموز مثل n_G ليست ملزمة لنا بل يمكننا استخدام رموز أخرى (مثلا x1) لكن يجب الانتباه إلى استخدام الرمز نفسه في باقي الحل ، أي (G = tf(x1 ، d_G))
ملاحظة : عند وضع الفاصلة المنقوطة (;) بعد أحد أوامر الـ matlab فإن النتيجة لا تظهر على الشاشة ولكنها تخزن في الذاكرة (المؤقتة) ، أما الفاصلة العادية (،) فتظهر النتيجة وتخزن في الذاكرة.

*** ولرسم الاستجابة لأمر خطوة (step) مقدارها 4V نكتب

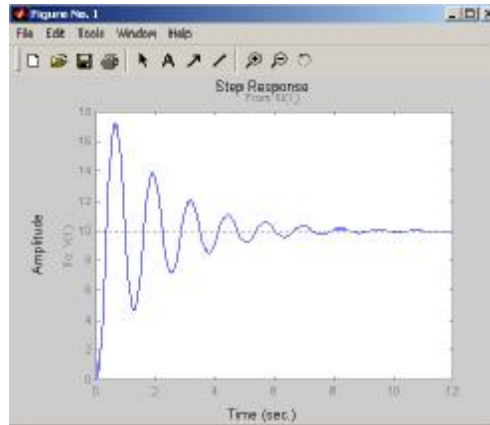
```
step( 4 * G )
```

اقتران التحويل	مقدار الخطوة
step(4 * G)	

حيث

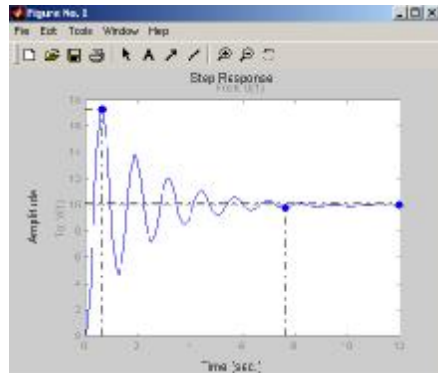
فتظهر رسمة الاستجابة لأمر الخطوة (الشكل التالي)

1 لو كان أحد العوامل صفر نضع صفر

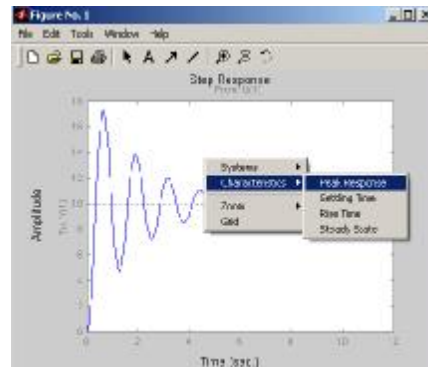


الشكل (8)

*** ولمعرفة المواصفات (yp,tp,ts) نضغط زر الفأرة الأيمن فوق الرسمة و نختار ما نريد (شكل (9)) لنحصل على شكل (10) مثلا

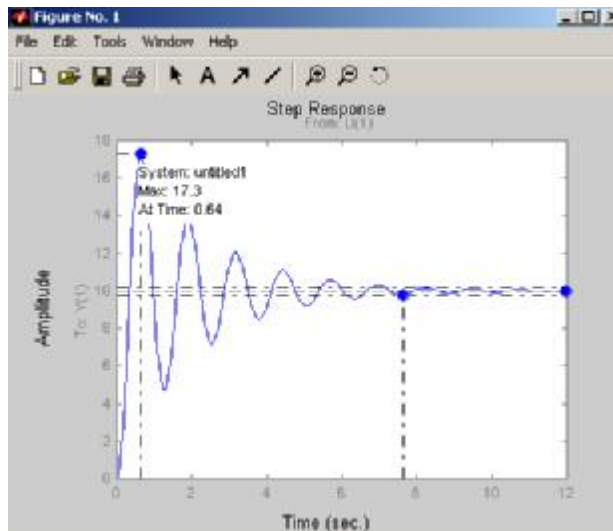


الشكل (10)



الشكل (9)

ثم نضغط زر الفأرة الأيسر فوق أحد الدوائر (الزرقاء) ، لنحصل على القيم (الشكل (11))



الشكل (11)

**** أما لحساب w_n m نكتب

$$[wn, mu] = \text{damp}(G)$$

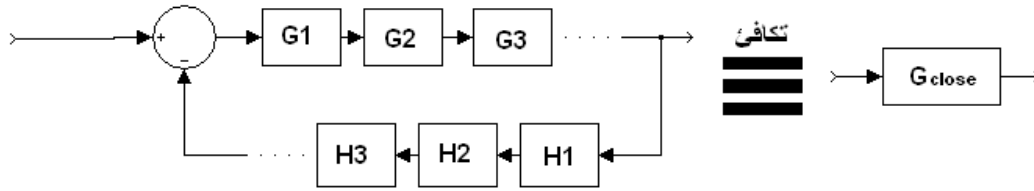
حيث mu تعني m

فينتج

$$wn = \begin{matrix} 5 \\ 5 \end{matrix}$$
$$mu = \begin{matrix} 0.1000 \\ 0.1000 \end{matrix}$$

ملاحظة: أحيانا توجد لدينا أكثر من قيمة لـ w_n m ، عندها نختار w_n m التي لها أقل حاصل ضرب، (أنظر مثال 4)

تبسيط الدارات



الشكل (12)

حيث الدارة المكافئة G_close تحسب بواسطة Matlab بالأمر التالي

$$G_close = \text{feedback}(G1*G2*G3*... , H1*H2*H3*...)$$

والأفضل استخدام الأمر

$$G_close = \text{feedback}(\text{minreal}(G1*G2*G3*...), (\text{minreal}(H1*H2*H3*...)))$$

والأمر minreal وظيفته هي اختصار الحدود المتشابهة بين البسط والمقام لاقتران التحويل، ونفضل استخدامه عند ضرب أو قسمة أو جمع اقتراني تحويل أو أكثر، وأحيانا عدم استخدامه يسبب مشاكل في رسم الاستجابة.

مثال 4 ||| نظام الدارة المغلقة ||| اقتران التحويل

قلنا اقتران التحويل للرافعة كان

$$G(s) = \frac{62.5}{s^2 + s + 25}$$

أما للمعدل (الذي استخدمناه في مثال 2) فهو

$$G_c(s) = 33.55 \frac{s + 9.7}{s + 41.2}$$

أما جهاز القياس

$$H(s) = \frac{7860}{s^2 + 120s + 22500}$$

فلو أردنا إيجاد الدارة المكافئة ، نقوم بـ

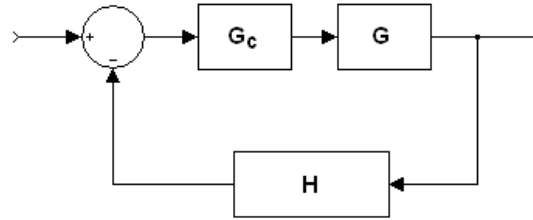
ادخال $G_c H$ إلى Matlab (بالطريقة في مثال 3)

```
n_G = [62.5];
d_G = [1 1 25];
G = tf( n_G , d_G )

n_Gc = 33.55*[1 9.7];
d_Gc = [1 41.2];
Gc = tf( n_Gc , d_Gc )

n_H = [7860];
d_H = [1 120 22500];
H = tf( n_H , d_H )
```

تبسيط الدارة (الموضحة في الشكل التالي) لدارة مكافئة (بالطريقة المشروحة قبل هذا المثال



الشكل (13)

```
G_close = feedback( Gc*G , H )
```

أما إذا أردنا رسم استجابة النظام المغلق (أي شكل (13)) لأمر خطوة مقدارها 4V ، فكل ما علينا هو رسم هذه الاستجابة للدارة المكافئة G_{close} ، أي (كما هو مبين في مثال 3):

```
step(G_close * 4)
```

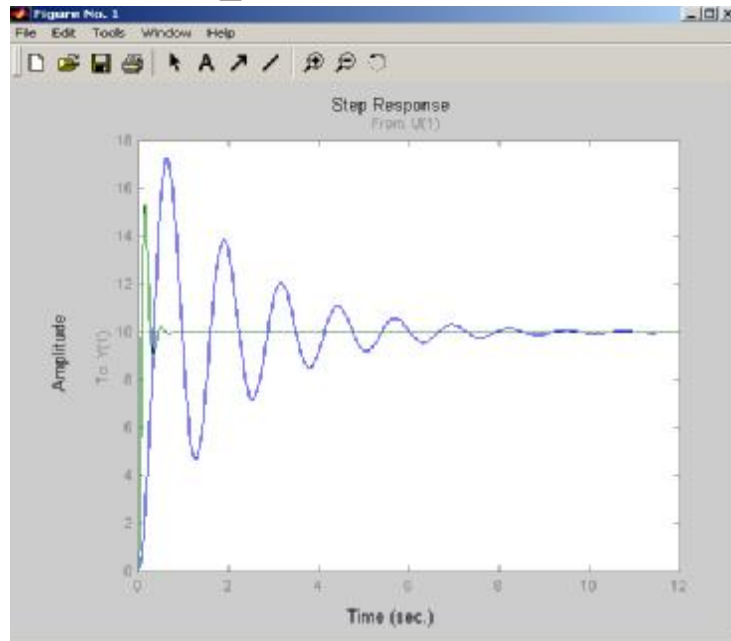
أما إذا أردنا رسم استجابة النظام المفتوح والمغلق معا نكتب

```
step(4 * G , 4 * G_close)
```

حيث سيظهر خطان ، الأزرق للأول ($4*G$) (النظام المفتوح) ، والأخضر للثاني ($4*G_c$)

(النظام المغلق)

رسمته باللون الأزرق رسمته باللون الأخضر
 $\text{step}(4 * G, 4 * G_close)$



الشكل (14)

ولمعرفة المواصفات (yp,tp,ts) نكرر ما فعلناه في مثال 3

أما لحساب m و W_n للنظام المغلق أي $(m_{close}, W_{n,close})$ ، نحسبها للمكافئ (G_close) بطريقة مثال 3

```
[wn_close , mu_close] = damp(G_close)
```

فينتج

```
wn_close =
```

```
20.0090
20.0090
20.7101
148.5804
148.5804
```

```
mu_close
```

```
0.4499
0.4499
1.0000
0.4155
0.4155
```

وكما قلنا في مثال 3 ، نختار فقط mu_close و wn_close التي لها أقل حاصل ضرب

نضرب بواسطة Matlab :

wn_close .* mu_close ¹

لنحصل على :

9.0029
9.0029
20.7101
61.7421
61.7421

إذن $W_{n,close}$ m_{close} التي تهمننا هي الأولى ، أي

wn_close = 20.0090 (~20)

mu_close = 0.4499 (~.45)

ملاحظة: إذا كانت قيم حاصل الضرب متقاربة، فهذا يعني أن هناك أكثر من m_{close}

تهمننا $W_{n,close}$

انتهى المثال

نلاحظ من المثالين السابقين أن استجابة النظام المغلق (الذي كانت له $w_{n,close} = 20$)

و $m_{close} = 0.45$) أفضل² (أسرع وأقل فوق القمة) من استجابة النظام المفتوح (الذي

كانت له $w_n = 5$ & $m = 0.1$) ، وهذا يؤكد ما قلناه سابقاً أن زيادة w_n تزيد

سرعة الاستجابة وأن قيمة m قريبة من 5-7. جيدة سرعة الاستجابة وجيدة فوق القمة

ونلاحظ أيضاً أن إضافة جهاز قياس ومعدل مناسبين إلى الآلة (جعلها نظام دارة

مغلقة) يحسن مواصفات استجابتها³

توحيد التكبير⁴

وهو جعل تكبير اقتران تحويل معين يساوي واحد، أي جعل المخرج لاقتران التحويل يساوي

واحد عند مدخل يساوي واحد ، وهذا العملية تساعد في مقارنة استجابة اقترانات التحويل

المختلفة على نفس الرسم (كما سنرى في الأمثلة).

1 انتبه : الضرب بـ * . وليس بـ *

2 انظر الشكل (14)

3 الخطوة الأولى لتحسين مواصفات الآلة هي محاولة التعديل على الآلة نفسها ، مثل تكبير مساحة ذيل

الصاروخ الموجه، لكن تحسين مواصفات معينة قد يسبب مواصفات أخرى (سواء كانت مواصفات استجابة أو

حتى مواصفات أخرى كالوزن مثلا)

4والاسم من وضعي

وأمر Matlab المستخدم لتوحيد تكبير اقتران التحويل G
 $G_{unity} = G / dcgain(G)$

حيث G_{unity} هو اقتران التحويل موحد التكبير .
والأمر $dcgain$ هو أمر matlab يستخدم لحساب تكبير اقتران تحويل معين.¹

نلخص طريقة تصميم نظام الدارة المغلقة بالتالي

- (1) نحدد صيغة لاقتران التحويل للآلة²
- (2) نحاول التعديل على الآلة نفسها لتحسين الاستجابة قدر الامكان
- (3) نصنع أو نشترى جهاز القياس المناسب ، ونحدد اقتران التحويل الخاص به.
- (4) نوجد حاسوبيا اقتران التحويل للمعدل المناسب لتحسين مواصفات الاستجابة.
- (5) نحدد اقتران التحويل الدقيق للمعدل الكهربائي الممكن صناعته اعتمادا على المواد المتوفرة (وهو طبعا قريب من المحسوب حاسوبيا)³
- (6) نوجد اقتران التحويل للفلتر المناسب

الفلتر⁴

أولا أنظر إلى الشكل 5 والشكل 6

هناك نوعين من الفلاتر التي تهمننا

الفلتر المكبر: وهو عبارة عن دائرة مكبر كهربائية ، ولا علاقة له بتحسين صفات الاستجابة للآلة ، ووظيفته هي تحديد تكبير الدارة المغلقة، مثلا في مثال الرافعة قد نرغب أن تعطي الرافعة في النظام المغلق ارتفاع 10cm عند فرق جهد 4V (كما كانت في النظام المفتوح) ، عندها نحتاج إلى فلتر مكبر بقيمة تكبير معينة.
ودارته الكهربائية كالتالي

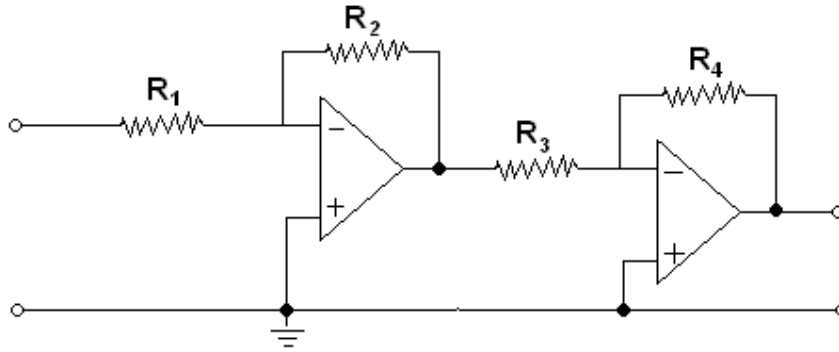
1 بشرط أن يستقر المخرج النهائي على قيمة معينة.

2 اقتران التحويل للصاروخ الموجه معطى في وحدة 5

3 ونفضل اعادة الاختبار الحاسوبي لمناسبة اقتران التحويل الجديد للدارة ، خصوصا إن كان الفرق بين

الاقترايين كبير نسبيا. 0.

4 للعلم يمكن استخدام الفلتر للدارة المفتوحة ، أي نضيفه قبل الآلة لتحسين بعض المواصفات ، لكن فائدته قليلة ، أما الفائدة الحقيقية له هي مكمل للدارة المغلقة.



الشكل (15)

له اقتران التحويل

$$G_f(s) = K_f$$

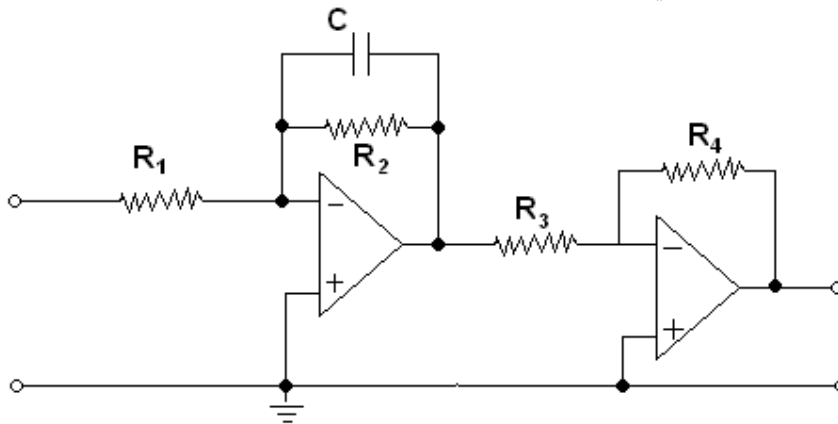
$$K_f = \frac{R_4 R_2}{R_3 R_1} \text{ حيث}$$

كما يمكننا دمج الفلتر المكبر مع المعدل و جهاز القياس (أي الاستغناء عن الفلتر المكبر وتعديل تكبير المعدل وجهاز القياس).

فلتر مشط :

وظيفته هي تقليل فوق القمة لنظام معين (للنظام المغلق في نموذجنا)، لكنه يقلل سرعة الاستجابة.

ودارته الكهربائية كالتالي



الشكل (16)

له اقتران التحويل

$$G_f(s) = \frac{K_f}{t_f s + 1}$$

$$t_f = R_2 C \quad \text{و} \quad K_f = \frac{R_4 R_2}{R_3 R_1} \quad \text{حيث}$$

تصميم الفلتر :

بعد تصميم المعدل وكتابة اقتران التحويل للنظام المغلق G_{close} ¹، نحدد قيمة التكبير للفلتر ، تبعاً لقيمة المخرج المطلوبة لمدخل معين

$$K_f = \frac{\text{المخرج المطلوب}}{\text{المدخل * تكبير النظام المغلق}} = \frac{\text{المخرج المطلوب}}{\text{dcgain}(G_{close}) * \text{المدخل}}$$

إن كنا راضين عن الاستجابة للنظام المغلق دون فلتر ،نستخدم فلتر مكبر له اقتران التحويل التالي

$$G_f(s) = K_f$$

أما إن كانت فوق القمة عالية نجرب وضع فلتر مثبط ،ونجرب قيمة لـ t_f ، ويكون اقتران التحويل للفلتر

$$G_f(s) = \frac{K_f}{t_f s + 1}$$

ونختبر الاستجابة للاقتران المغلق المفلتر، فإن لم تحل مشكلة فوق القمة نعيد لـ t_f جديدة ، وهكذا إلى أن نصل إلى استجابة جيدة .

حيث اقتران التحويل للمغلق المفلتر G_{cf}

$$G_{cf} = G_{close} * G_f$$

المعدل

وهو عبارة عن دائرة كهربائية تستخدم لتحسين مواصفات الاستجابة لنظام معين . وهناك أنواع مثيرة من المعدلات : معدل مسبق ، معدل مؤخر ، معدل مسبق-مؤخر ، معدل مكبر .

المعدل المكبر²

¹ تصميم الفلاتر يأتي بعد تصميم المعدل (نظام الدارة المغلقة)، لكننا فضلنا شرحها هنا كي نضمها إلى خطوات التصميم في المعدلات ، ولإدخالها في الأمثلة .

² اسمه مكبر و ليس معدل مكبر بل ولا يعد من المعدلات أصلاً ، لكن استخدمنا هذا الاسم لتمييزه عن المكبر الذي سوف نضعه قبل الدارة المغلقة .

وهو عبارة عن مكبر كهربائي (amplifier) ، اقتران التحويل له هو

$$G_c(s) = KK$$

حيث KK هي قيمة التكبير، ودارته الكهربائية هي نفس المبينة في الشكل (15) (حيث

$$KK = \frac{R_4 R_2}{R_3 R_1}$$

ووظيفته هي تحسين مواصفات الاستجابة للآلة (أي تحسين μ_{close} wn_{close}) ، وسنشرح طريق تصميمه بمثال

مثال 5 ||| تصميم معدل مكبر للرافعة ||| root locus¹

سنحاول تصميم معدل مكبر ، من أجل تحسين مواصفات الاستجابة للرافعة السابقة التي لها اقتران التحويل

$$G(s) = \frac{62.5}{s^2 + s + 25}$$

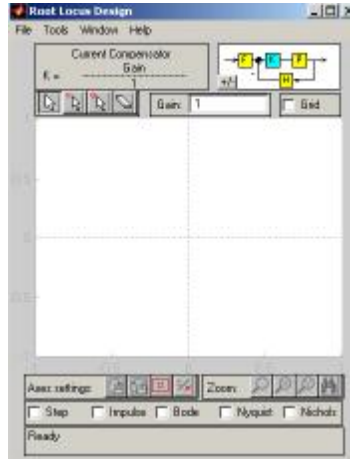
مع استخدام جهاز القياس الذي استخدمناه في المثال 4 ، أي

$$H(s) = \frac{7860}{s^2 + 120s + 22500}$$

والطريقة هي ادخال اقتراني التحويل السابقين إلى Matlab بالطريقة التي تعلمناها في مثال 4

ثم نكتب في ال Matlab **rltool**

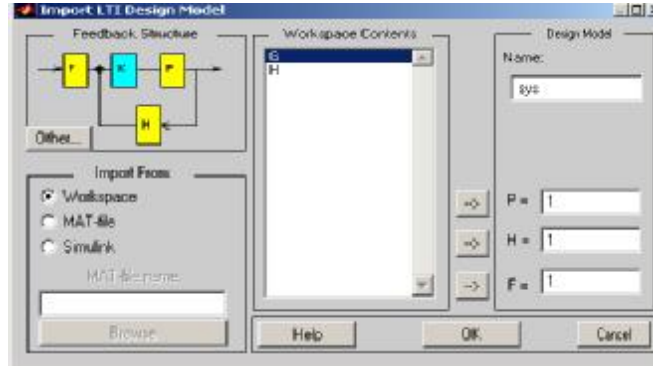
فيظهر الشكل



الشكل (17)

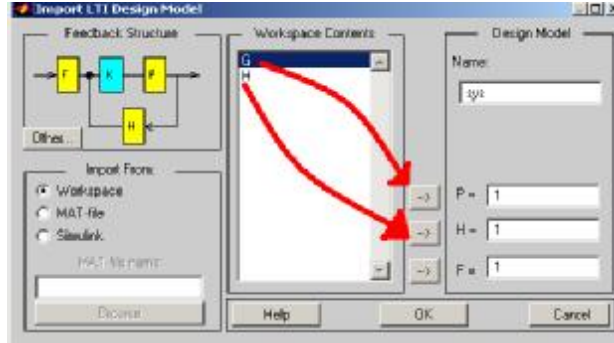
1 وهو اسم الطريقة التي سوف نستخدمها

ثم نختار file ثم Import Model فيظهر



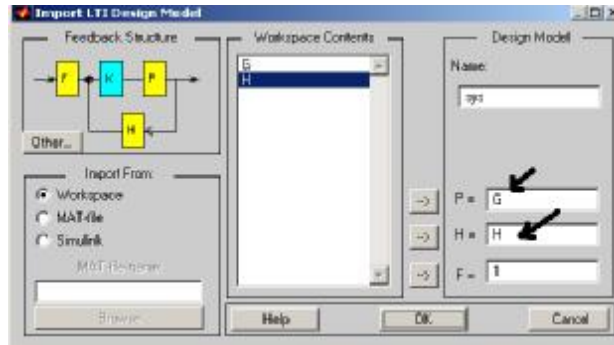
الشكل (18)

ثم نختار G ليكون هو اقتران التحويل للآلة ، وذلك بالضغط على G ثم على السهم المحاذي لـ P (كما في الشكل التالي) ، ثم نختار H ليكون هو اقتران التحويل لجهاز القياس بنفس الطريقة السابقة.



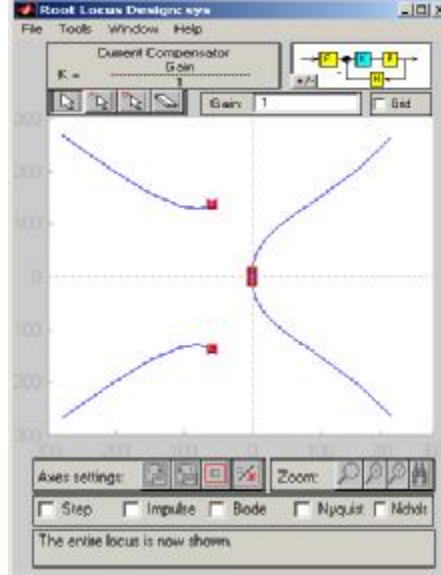
الشكل (19)

فنحصل على الشكل التالي



الشكل (20)

ثم نضغط OK ، فيظهر الشكل التالي



الشكل (21)

المربع الأحمر :

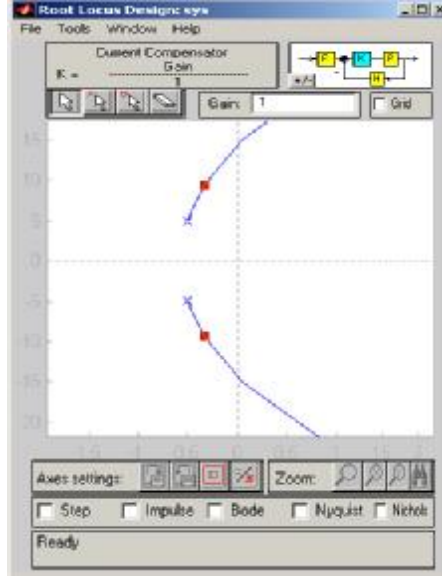
المربعات الحمراء التي تظهر في الشكل مهمة جدا :

- فوجود أحدها على يمين محور الصادات ، يعني أن النظام المغلق غير مستقر ، وهذا ما لا نريده
- ومكانها يحدد قيمة W_n m ¹ للدائرة المغلقة ، وكذلك قيمة التكبير للمعدل المكبر
- وطريقة تصميم المعدل المكبر تعتمد أساساً على تحريكها و الضغط عليها (كما سنرى)

والمربعات التي تهمنها هي الأقرب إلى محور الصادات² ، لذا تكبر المربعين القريبين من محور الصادات بواسطة  ، لنحصل على الشكل التالي مثلاً

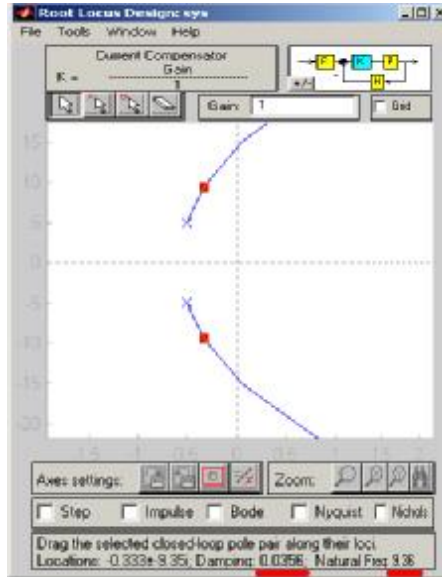
1 أي $W_{n,close}$ m_{close} ، وسوف نسميها من الآن فصاعداً W_n m

2 وهذا معناه التي لها أقل حاصل ضرب $\mu * W_n$ ، وعليه فإذا كان قرب المربعات الحمراء من محور الصادات متقارب فهذا يعني أن المربعات التي تهمنها هي أكثر من (زوج) واحد



الشكل (22)

لمعرفة قيمة w_n m للنظام المغلق نضغط فوق المربع الأحمر ، ثم نأخذها من أسفل الشكل (وضعت خط أحمر تحتها في الشكل التالي)

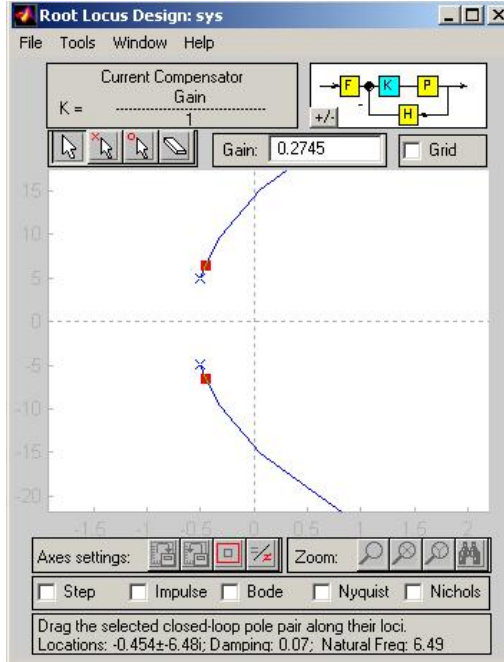


الشكل (23)

حيث حصلنا على $w_n = 9.36$ $m = 0.0356$ ، نلاحظ أن قيمة m سيئة جدا (للتأكد نستطيع الضغط على Step لتصبح Step ، فتظهر لنا رسمة استجابة النظام المغلق لأمر الخطوة ، ونلاحظ أن الاستجابة سيئة جدا)

الآن سنحاول تحسين قيمة m بواسطة جر (drag) المربع الأحمر (الضغط عليه وتحريكه مع إبقاء الضغط عليه) ، ثم إذا حصلنا على m مناسبة نعتمدها ، ونأخذ قيمة التكبير KK للمعدل المكبر من الموجودة في أعلى الشكل.

مثلا حركنا المربع الأحمر حتى حصلنا على الشكل التالي



الشكل (24)

حيث حصلنا على $w_n = 6.94$ ، $KK = 0.2745$ ، $m = 0.07$ ، فلو كانت هذه الاستجابة مقبولة لقلنا أن المعدل المكبر الذي سوف نستخدمه له التكبير $KK = 0.2745$ ، ولأن الحل (التصميم) انتهى هنا ، لكن للأسف $m = 0.07$ هي قيمة سيئة جداً ، (و جرب إن شئت رسم الاستجابة لأمر الخطوة بواسطة Step) إذن نعيد الكرة ونحاول تغيير مكان المربع الأحمر للحصول على m (و w_n) مقبولة ، لكن سنلاحظ أن هذا مستحيل .

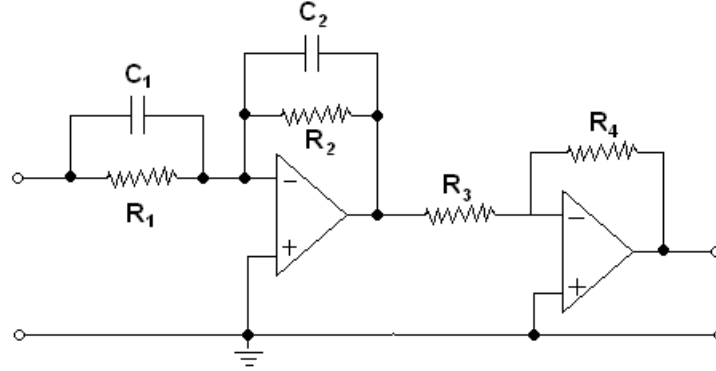
إذن نستنتج أن المعدل المكبر لا يفيد لتحسين صفات الاستجابة هنا ، لذا لا بد من تصميم معدل من نوع آخر.¹

انتهى المثال

1 بالاضافة إلى تصميم الفلتر المناسب إن لزم.

المعدل المسبق

ويستخدم لتحسين قيمة W_n m للنظام ، أي تحسين سرعة الاستجابة وزيادة الاستقرار ، ومحاولة تحسين قيمة فوق القمة. ودارته الكهربائية كالتالي:



شكل (25)

واقتران التحويل له هو

$$G_c(s) = K_c \frac{s + \frac{1}{T}}{s + \frac{1}{gT}}, \quad 0 < g < 1$$

حيث

$$T = R_1 C_1, \quad g = \frac{R_2 C_2}{R_1 C_1}, \quad K_c = \frac{R_4 C_1}{R_3 C_2}$$

1: تصميم معدل مسبق

(1) نحدد اقتران التحويل للآلة وجهاز القياس المتوفر

(2) نحدد بناءً على صفات الاستجابة المرغوبة للنظام قيمة لـ W_n m

(3) نحسب الزاوية y^2 للمعدل من خلال المعادلات

$$s_0 = w_n \left(-m + i\sqrt{1-m^2} \right)$$

$$y = \pm p(2n+1) - \langle (G(s_0)H(s_0))^3 \rangle$$

حيث n عدد صحيح (0, 1, 2, ...) يعطي أقل زاوية موجبة لـ y

1 وهو أهم موضوع في هذه الوحدة

2 تلفظ بساي

3 لاحظ أننا نستخدم نظام الزوايا radian

(4) إذا كانت y أكبر من $p/3$ ، نعيد من خطوة (2) لقيمة w_n جديدة إلى أن نحصل على y أقل من $p/3$.

(5) نجرب قيمة لـ $\frac{1}{T}$ ونحسب $\frac{1}{gT}$ من المعادلة

$$\frac{1}{gT} = \frac{w_n \sqrt{1-m^2}}{\tan \left(\tan^{-1} \left(\frac{w_n \sqrt{1-m^2}}{-mw_n + \frac{1}{T}} \right) - y \right)} + mw_n^1$$

(6) نحسب K_c من المعادلة

$$K_c = \left| \frac{s_0 + \frac{1}{gT}}{s_0 + \frac{1}{T}} \right| \times \left| \frac{1}{G(s_0)H(s_0)} \right|$$

(7) نعوض $\frac{1}{gT}$ و $\frac{1}{T}$ K_c للحصول على اقتران التحويل للمعدل

$$G_c(s) = K_c \frac{s + \frac{1}{T}}{s + \frac{1}{gT}}$$

(8) نكتب G_{close} ، ونختبر الحل ، ونعيد من نقطة 2 إن لم نرض عن الاستجابة

(9) **تصميم الفلتر** : (وقد سبق توضيحها لكن نعيدها للفائدة)

نحدد قيمة التكبير للفلتر، تبعاً لقيمة المخرج المطلوبة لمدخل معين

$$K_f = \frac{\text{المخرج المطلوب}}{\text{المدخل} * \text{تكبير النظام المغلق}} = \frac{\text{المخرج المطلوب}}{\text{dcgain}(G_{close}) * \text{المدخل}}$$

فإن كنا راضين عن الاستجابة ، نستخدم فلتر مكبر له اقتران التحويل التالي

$$G_f(s) = K_f$$

أما إن كانت فوق القمة عالية نجرب وضع فلتر مثبط ، ونجرب قيمة لـ t_f ، ويكون اقتران التحويل للفلتر

1 نفضل تكرار هذه الخطوة لعدة قيم لـ $\frac{1}{T}$ ، ثم نختار التي تعطي أكبر g ، من أجل تقليل بعض أخطاء

متابعة الإشارة .

$$G_f(s) = \frac{K_f}{t_f s + 1}$$

ونختبر الاستجابة للاقتران المغلق المفتر، فإن لم تحل مشكلة فوق القمة نعيد لـ t_f جديدة، وهكذا إلى أن نصل إلى استجابة جيدة .

حيث اقتران التحويل للمغلق المفتر G_{cf}

$$G_{cf} = G_{close} * G_f$$

مثال 6 ||| تصميم معدل مسبق للرافعة

نريد تحسين مواصفات الاستجابة للرافعة وذلك بإضافة معدل مسبق لنظام الدارة المغلقة. وسوف نتبع خطوات التصميم السابقة

(1) اقتران التحويل للرافعة وجهاز القياس المتوفر هي

$$G(s) = \frac{62.5}{s^2 + s + 25}$$

$$H(s) = \frac{7860}{s^2 + 120s + 22500}$$

ندخلها إلى Matlab بالطريقة التي تعلمناها

```
n_G = 2.5*5^2;
d_G = [1 2*.1*5 5^2];
G = tf(n_G,d_G)

n_H = [7860];
d_H = [1 2*.4*150 150^2];
H = tf(n_H,d_H)
```

(2) نجرب قيم لـ W_n وندخلها إلى Matlab

```
wn = 20;
mu = .6;
```

(3) نحسب s_0 ، حيث نكتب المعادلات في Matlab على الصورة التالية

```
s0 = wn*(-mu+i*sqrt(1-mu^2));
GHs0=polyval(n_G,s0)*polyval(n_H,s0)/(polyval(d_G,s0)*polyval(d_H,s0));
psi = pi-angle(GHs0)
```

حيث الأمر `polyval(F,x)` يستخدم لإيجاد قيمة الاقتران الأسّي (؟) F عند النقطة x ،
و الأمر `angle` يستخدم لحساب الزاوية لقيمة ما.

(4) نلاحظ أن قيمة ψ هي 1.3812 أي أكبر من $p/3$ ، إذن نعيد الحل من نقطة 2)

(لقيمة W_n جديدة m)
(إعادة) (3+2)

```
wn = 20;
mu = .45;
s0 = wn*(-mu+i*sqrt(1-mu^2));
GHs0=polyval(n_G,s0)*polyval(n_H,s0)/(polyval(d_G,s0)*polyval(d_H,s0));
psi = pi-angle(GHs0)
```

فنتج ψ قيمتها 1.0253 وهي أقل من $p/3$

(5) نجرب قيمة لـ T_{inv} ونحسب gT_{inv} ¹

```
T_inv = 9.7;
gT_inv = wn*mu + wn*sqrt(1-mu^2)/tan(atan(wn*sqrt(1-mu^2)/(-wn*mu+T_inv))-psi)
```

فتظهر النتيجة $gT_{inv} = 41.2$

(6) نحسب K_c

```
Kc = abs((s0+gT_inv)/(s0+T_inv))/abs(GHs0)
```

فتظهر النتيجة $K_c = 33.53$

(7) نعوض K_c T_{inv} gT_{inv} للحصول على اقتران التحويل للمعدل

```
Gc = tf(Kc*[1 T_inv],[1 gT_inv])
```

فتظهر النتيجة

Transfer function:

33.55 s + 325.6

s + 41.22

وبالمناسبة هو نفس اقتران التحويل للمعدل المستخدم في مثال 4

$$G_c(s) = 33.55 \frac{s + 9.7}{s + 41.2}$$

(8) اختبار الحل ، نوجد اقتران التحويل للنظام المغلق G_{close} ، ثم نقارن بينه وبين

المفتوح (لكن بعد توحيد التكبير لتسهيل المقارنة على رسمة الاستجابة)

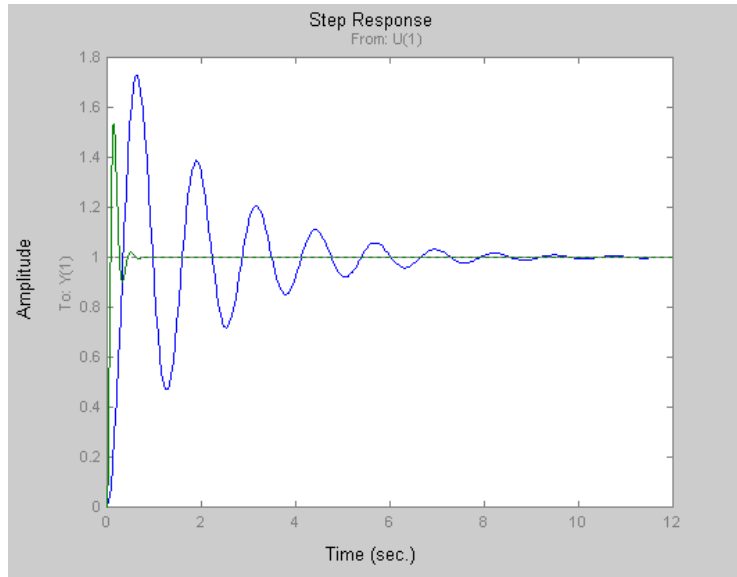
```
G_close = feedback(G*Gc,H);
G_close_unity = G_close/dcgain(G_close);
G_unity = G/dcgain(G);
```

ونرسم الاستجابة لأمر الخطوة

```
step(G_unity, G_close_unity)
```

$$1 \text{ أي } \frac{1}{T} \text{ و } \frac{1}{gT}$$

² حيث G هو اقتران التحويل للرافعة وحدها أي لنظام الدارة المفتوحة .



الشكل (26)

نلاحظ أن استجابة النظام المغلق (بالأخضر) ، أفضل منها للنظام المفتوح (بالأزرق) لكن فوق القمة سيئة قليلا لذا فالأفضل الاعادة من نقطة 2 إلى أن نصل إلى وضع أفضل (إن وجد) ، لكن لو قبلنا بهذا الوضع وأردنا تحسين فوق القمة مضحين بشيء من سرعة الاستجابة ، فيمكننا تصميم فلتر مثبط.

(9) لو أردنا من الرافعة أن ترفع الكتلة 10cm (المخرج المطلوب هو 10) عند مدخل

فرق جهد 4V ، فإن قيمة التكبير للفلتر Kf تحسب كالتالي

$$G_{close} = feedback(G*G_c, H) ; ^1$$

$$Kf = 10 / (4 * dcgain(G_{close}))$$

نلاحظ أن $Kf=1$ ، أي لا داعي للتكبير في الفلتر

ولتخفيض فوق القمة نجرب $t_f = 0.12$ ، وندخل اقتران التحويل للفلتر إلى matlab

$$t_f = 0.12$$

$$Gf = tf(Kf, [t_f \ 1]);$$

ونكتب اقتران التحويل للنظام المغلق المفلتر G_{cf}

$$G_{cf} = G_{close} * Gf;$$

ونوحد تكبيرها 3

$$G_{cf_unity} = G_{cf} / dcgain(G_{cf})$$

ونرسم الاستجابة لأمر الخطوة ، للمفتوح والمغلق والمغلق المفلتر

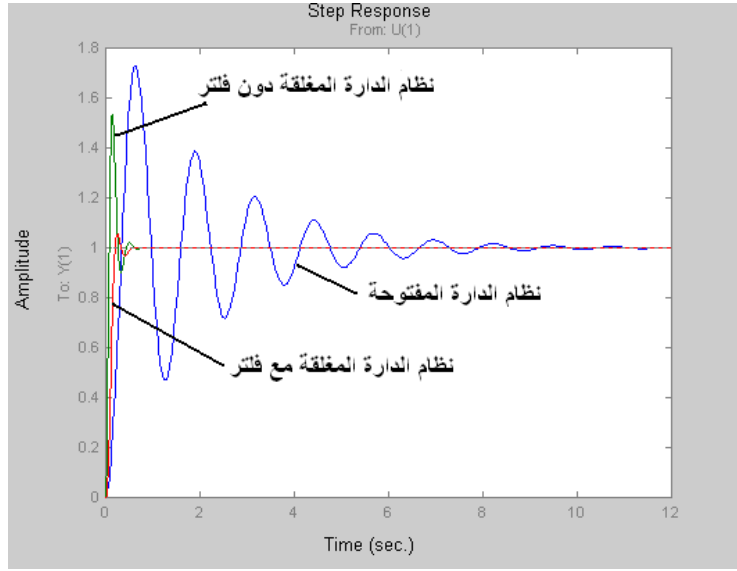
$$step(G_{unity}, G_{close_unity}, G_{cf_unity})$$

1 حيث G_{close} هي الدارة المكافئة للنظام المغلق ، أنظر درس تبسيط الدارات

2 اخترت هذه القيمة بعد عدة تجارب ، واختبارات للاستجابة.

3 اتسهيل المقارنة ، كما في الشكل التالي.

فيظهر الشكل التالي



الشكل (27)

نلاحظ أن الفلتر حل مشكلة فوق القمة ،لكن بطئ الاستجابة قليلاً .

معدل مؤخر

اقتران التحويل له هو

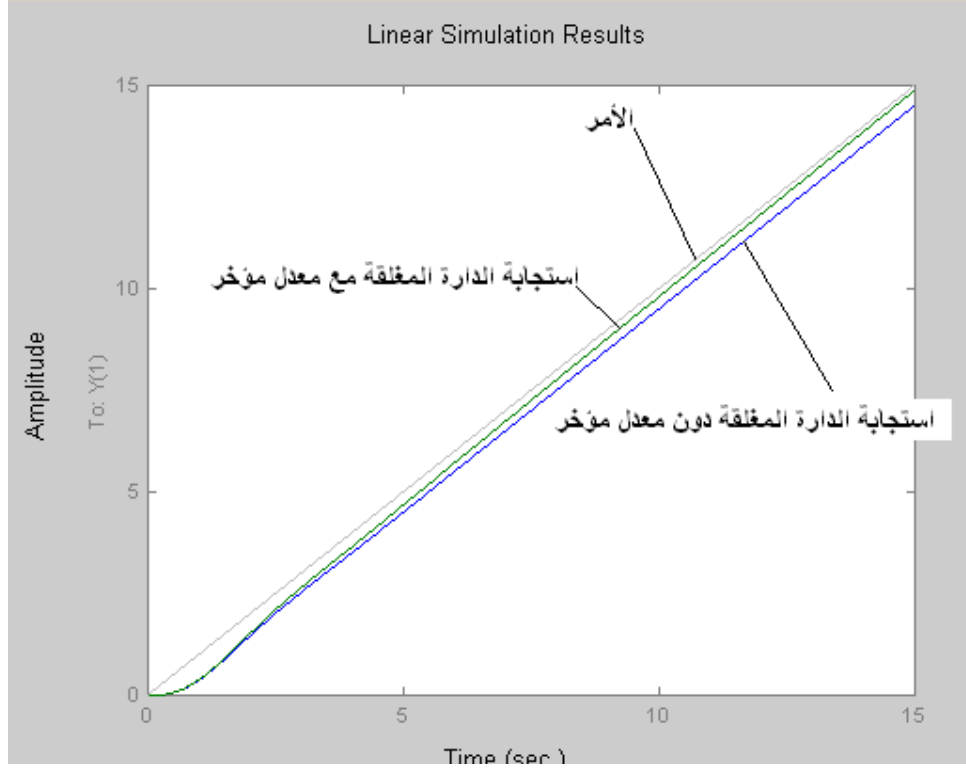
$$G_c(s) = \frac{s + \frac{1}{T}}{s + \frac{1}{bT}}, \quad b > 1$$

حيث

$$T = R_1 C_1, \quad b = \frac{R_2 C_2}{R_1 C_1}, \quad \frac{R_4 C_1}{R_3 C_2} = 1$$

ومعاني الرموز مبينة في شكل (25)

ووظيفته هي تقليل الخطأ النهائي في متابعة إشارة أمر متغيرة مع الزمن - ونقصد بالخطأ النهائي : الخطأ بعد مرور زمن طويل - كما في الشكل التالي



الشكل (28)

حيث نلاحظ أن وجود المعدل المؤخر في الدارة المغلقة قلل الخطأ النهائي في متابعة الإشارة ، حيث يتناسب تقليل الخطأ في هذه الحالة مع b (نريد b كبيرة قدر الإمكان ، لكن ليست كبيرة جدا بصورة لا يمكن صناعتها)
 ملاحظة : لا نريد من المعدل المؤخر أن يحدث أي تأثير يذكر على صفات الاستجابة للدارة المغلقة (مثل W_n ، m) ، فقط نريد منه تقليل الخطأ النهائي

تصميم معدل مؤخر

(1) نرسم الاستجابة لأمر خطي للدارة المغلقة (بعد توحيد تكبيرها) دون وجود معدل مؤخر .

(2) نقدر قيمة تقليل الخطأ النهائي المطلوبة بناء على الرسمة ، ومنه نقدر b^1

(3) نختار قيمة صغيرة لـ $1/T$ (صغيرة قدر الإمكان² لكن بصورة يمكن صناعتها عمليا)

1 طبعا هناك طريقة أدق من هاتين الخطوتين ، لكن لا نريد إطالة الموضوع

2 والهدف حتى لا نغير W_n ، m للدارة المغلقة

- (4) نعوض القيم السابقة للحصول على اقتران التحويل لمعدل المؤخر، ونوجد الدارة المغلقة ، ثم نوجد تكبيره ، ونختبر الحل ¹
- (5) نوجد قيمة تكبير الفلتر Kf
- (6) نوجد قيمة t_f للفلتر المثبط (بالتجريب) إن احتجنا إليه لتقليل فوق القمة (لأمر الخطوة) ، ونعيد اختبار الاستجابة مع وجود فلتر مثبط .

مثال 7

نفرض أن لدينا رافعة لها اقتران التحويل التالي

$$G(s) = \frac{4}{s^2 + 2s}$$

وجهاز القياس الذي له اقتران التحويل التالي

$$H(s) = 1$$

إذا أردنا رسم استجابة الدارة المغلقة -دون معدل مؤخر- لأمر الاقتران الخطي التالي $V = 10 * t^3$ ، فإننا :

ندخل $G(s)$ $H(s)$ إلى Matlab

```
n_G = 4
d_G = [1 2 0]
G = tf(n_G,d_G)
```

لاحظ أن المقام $s^2 + 2s$ أي $s^2 + 2s + 0$ ولذلك كتبنا $d_G = [1 2 0]$ ، أما لو كتبنا $d_G = [1 2]$ فهذا خطأ ومعناه أن المقام هو $s + 2$

```
H = tf(1,1)
```

نحسب الاقتران المكافئ للدارة المغلقة دون معدل (G_close_1) ، وهي

```
G_close_1 = feedback(G,H)
```

ثم نوجد التكبير

```
G_close_1_unity = G_close_1 / dcgain(G_close_1)
```

نحدد الفترة الزمنية المراد رسمها وهي مثلا من صفر إلى 15 ثانية ، فنكتب في Matlab

```
t = 0:.01:15 ; 1
```

1 دائما نفضل الاختبار بعد توحيد التكبير

2 وهي ليست الرافعة التي تعاملنا معها سابقا

3 أي أن فرق الجهد يزداد مع الزمن ، ففي البداية كان صفر ثم بعد ثانية واحدة أصبح 10V ثم بعد ثانية أخرى أصبح 20V وهكذا

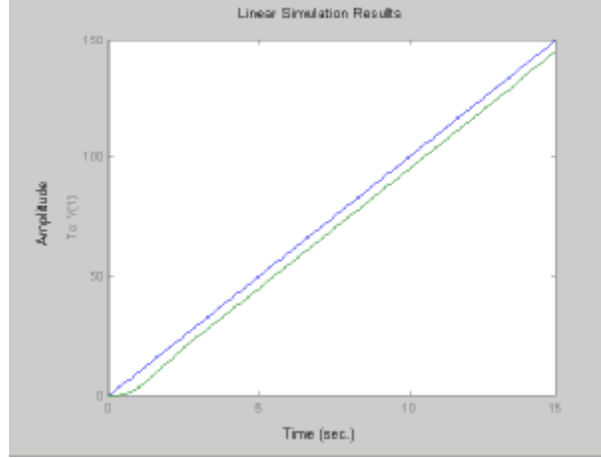
نكتب الاقتران الخطي للأمر، وهو

$$V = 10*t ;$$

نستخدم أمر الرسم lsim كالتالي :

$$lsim(tf(1,1) , G_close_1_unity , V , t)$$

فتظهر الرسمة التالية



الشكل (29)

حيث الأزرق هو الأمر و الأخضر هو الاستجابة (للمغلقه دون معدل) ،
الآن نريد تصميم معدل مؤخر يقلل الخطأ النهائي بنسبة 1/20 ، الخطوات

(1) نفس ما فعلناه للتو

(2) تقليل الخطأ بنسبة 1/20 أي $b = 20$

$$B = 20$$

(3) نختار قيمة لـ $1/T$ ونحسب $1/bT$

$$T_inv = .1$$

$$BT_inv = T_inv/B$$

(4) نحسب Gc

$$n_Gc = [1 \ T_inv]$$

$$d_Gc = [1 \ BT_inv]$$

$$Gc = tf(n_Gc,d_Gc)$$

نحسب الاقتران المكافئ للدائرة المغلقة بوجود المعدل المؤخر (G_close_2) ، أي

$$G_close_2 = feedback(G*Gc,H)$$

ثم نوحده التكبير

$$G_close_2_unity = G_close_2 / dcgain(G_close_2)$$

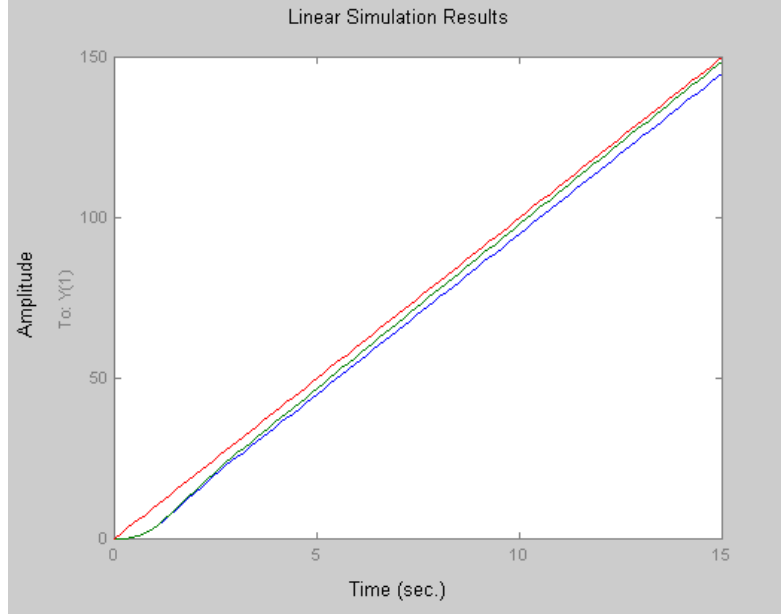
1 حيث 0 هو بداية فترة الزمن ، و 0.01 هو المسافة بين نقطة زمن والتالية في الرسم ، و 15 هو نهاية فترة الزمن.

2 أدخلنا tf(1,1) للرسم الأمر

ثم نرسم الاستجابة للأمر الخطي

```
lsim(G_close_1_unity,G_close_2_unity,tf(1,1),V,t)
```

فتظهر الرسمة التالية

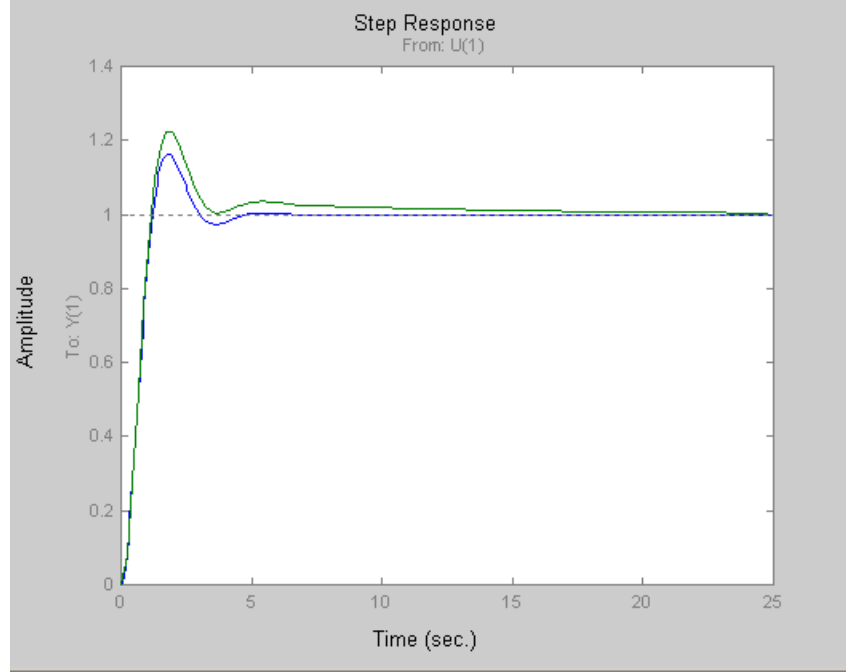


الشكل (30)

نلاحظ أن الخطأ النهائي قل ، حيث اقترب الخط الأخضر (مع معدل) من الأحمر (الأمر)¹
بقي أن نتأكد ان صفات الاستجابة لم تتغير ، مثلنا نرسم الاستجابة لأمر الخطوة
`step(G_close_1_unity,G_close_2_unity)`

فتظهر الرسمة

1 في أوامر الرسم المدخل الاول في الأمر يظهر بالون الأزرق ، والثاني بالأخضر ، والثالث بالأحمر



الشكل (31)

- (5) نحسب قيمة تكبير الفلتر مثلا لو أردنا مخرج 1cm عند مدخل 1V¹ وحسبنا Kf
 لكانت تساوي 1 أي لا داعي للتكبير، ثم نختبر الحل كالتالي
- (6) نلاحظ من الشكل السابق أن الاستجابة مع معدل قريبة من استجابة دون معدل (لم
 تسو كثيرا) وهو المطلوب، وفوق القمة مقبولة فلا داعي لفلتر مثبت.

معدل مسبق مؤخر

وهو عبارة عن معدل مسبق و معدل مؤخر ، ويجمع فائدة هذين المعدلين ، وطريقة تصميمه
 هي تصميم معدل مسبق بناء على صفات الاستجابة المطلوبة ، ثم تصميم معدل مؤخر بناء
 على التقليل المطلوب للخطأ النهائي للأمر الخطي ، وكذلك صناعة الدارة الكهربائية للمعدل
 هي وصل دارة مسبق مع مؤخر²

1 لتسهيل المقارنة بين حالة دون معدل مع حالة مع معدل يجب أن يكون تكبير الدارة المغلقة نفسه (أي
 مخرج 1cm عند مدخل 1V)
 2 وهناك دارة خاصة للمعدل المسبق المؤخر ، لكن اختصاراً نكتفي بهذه الطريقة.

$$G_c(s) = K_c \frac{s + \frac{1}{T_{lead}}}{s + \frac{1}{gT_{lead}}} \times \frac{s + \frac{1}{T_{lag}}}{s + \frac{1}{bT_{lag}}}, \quad 0 < g < 1, \quad b > 1 \quad 1$$

حيث

$$T_{lead} = R_{1,lead} C_{1,lead}, \quad g = \frac{R_{2,lead} C_{2,lead}}{R_{1,lead} C_{1,lead}}, \quad K_c = \frac{R_{4,lead} C_{1,lead}}{R_{3,lead} C_{2,lead}}$$

$$T_{lag} = R_{1,lag} C_{1,lag}, \quad b = \frac{R_{2,lag} C_{2,lag}}{R_{1,lag} C_{1,lag}}, \quad \frac{R_{4,lag} C_{1,lag}}{R_{3,lag} C_{2,lag}} = 1$$

تصميم المعدل المسبق المؤخر

تصميم الجزء المسبق:

(1) نعيد الخطوات من 1-7 من درس تصميم المعدل المسبق

تصميم الجزء المؤخر:

(2) نرسم الاستجابة لأمر خطي للدائرة المغلقة دون وجود معدل

(3) نقدر قيمة تقليل الخطأ النهائي المطلوبة بناء على الرسمة ، وهذا التقليل يتناسب مع

$$g K_c b$$

$$\beta = \frac{\text{نسبة تقليل الخطأ المطلوبة}}{\gamma K_c}$$

(4) نحسب b حيث

(5) نختار قيمة صغيرة لـ $1/T_{lag}$

(6) نعوض القيم السابقة للحصول على اقتران التحويل للجزء المؤخر ونختبر الحل

(7) نصمم الفلتر المناسب

مثال 8 (اختبار²)

صمم معدل مسبق مؤخر لتحسين صفات الاستجابة ، وتقليل الخطأ النهائي في متابعة إشارة

خطية (مثل $v = 10 * t$) إلى $1/15$ من قيمة الخطأ دون معدل ، للرافعة التي لها اقتران

التحويل التالي

$$G_c(s) = \frac{s + \frac{1}{T_{lag}}}{s + \frac{1}{gT_{lag}}} \quad \text{و} \quad G_c(s) = K_c \frac{s + \frac{1}{T_{lead}}}{s + \frac{1}{gT_{lead}}} \quad \text{أي 1}$$

2 الذي يستطيع حل هذا الاختبار وحده يكون قد فهم هذا الفصل بصورة كافية .

$$G(s) = \frac{5}{s^2 + s}$$

وجهاز القياس التالي

$$H(s) = 1;$$

أحد الحلول :

```

n_G = 5;
d_G = [1 1 0];
G = tf(n_G,d_G)

n_H = 1;
d_H = 1;
H = tf(n_H , d_H)

%lead
wn = 5;
mu = .5;
s0 = wn*(-mu+i*sqrt(1-mu^2));
GHs0 = polyval(n_G,s0)*polyval(n_H,s0)/
polyval(d_G,s0)*polyval(d_H,s0) );
psi = pi-angle(GHs0)

T_lead_inv = 1
gT_lead_inv = wn*mu + wn*sqrt(1-mu^2)/tan(atan(wn*sqrt(1-mu^2))/(-
wn*mu+T_lead_inv))-psi)
gamma =T_lead_inv / gT_lead_inv

Kc = abs((s0+gT_lead_inv)/(s0+T_lead_inv))/abs(GHs0)

Gc_lead = tf(Kc*[1 T_lead_inv],[1 gT_lead_inv])

%lag
B = 15/Kc/gamma

G_close_no= feedback(G.H)
G_close_no_unity = G_close_no / dcgain(G_close_no );

t=0:.01:10;
V = 10*t;
lsim( tf(1,1) , G_close_no_unity , V , t )

T_lag_inv = .2
BT_lag_inv = T_lag_inv/B
Gc_lag = tf( [1 T_lag_inv],[1 BT_lag_inv] )
Gc = Gc_lead * Gc_lag

G_close_compensated = feedback(G*Gc.H)
G_close_compensated_unity = G_close_compensated/dcgain(G_close_compensated )

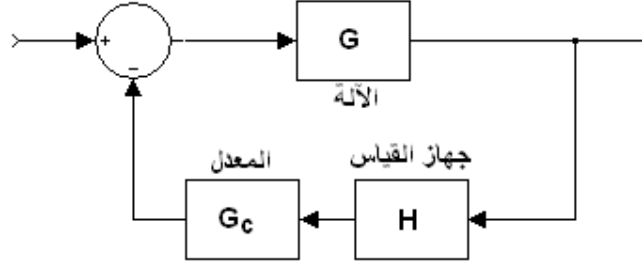
step( G_close_compensated_unity , G_close_no_unity )

lsim(tf(1,1) , G_close_compensated_unity ,G_close_no_unity, V , t )
ونحسب التكبير المناسب للفلتر (حسب الطلب) ، ولا داعي لفلتر مذبذب.

```

مكان المعدل

عادةً نضع المعدل قبل الآلة مباشرة (كما في الشكل (13))، لكن من المفيد أحياناً وضعه بعد جهاز القياس كما في الشكل التالي¹



الشكل (32)

وطريقة التصميم لا تختلف عن الطرق السابقة ، إلا عند الخطوات التي تحتاج حساب G_{close} (خطوة 8 في تصميم المعدل المسبق مثلاً) ، حيث تصبح
 $G_{close} = feedback(G , Gc*H)$

مثال 9 ||| مقارنة الاستجابة عند وضع المعدل المسبق قبل الآلة مباشرة (مثال 6) مع

الاستجابة لو وضعنا المعدل المسبق بعد جهاز القياس، للرافعة التالية

$$G(s) = \frac{62.5}{s^2 + s + 25}$$

والمعدل التالي

$$G(s) = 33.55 \frac{s + 9.7}{s + 41.2}$$

وجهاز القياس التالي

$$H(s) = \frac{7860}{s^2 + 120s + 22500}$$

ندخل اقترانات التحويل

```
n_G = 2.5*5^2;
d_G = [1 2*.1*5 5^2];
G = tf(n_G,d_G)
```

1 بل ويجوز في حالة المعدل المسبق المؤخر وضع الجزء المسبق قبل الآلة ، والمؤخر بعد جهاز القياس ، والعكس.


```
n_H = [7860];
d_H = [1 2*.4*150 150^2];
H = tf(n_H,d_H)
```

```
n_Gc = 33.55*[1 9.7];
d_Gc = [1 41.2];
Gc = tf( n_Gc , d_Gc )
```

نسمي الحالة التي التي يكون فيها اقتران التحويل قبل الآلة، الحالة (1)، ولها

```
G_close_1 = feedback( Gc*G , H )
G_close_1_unity = G_close_1 / dcgain(G_close_1)
```

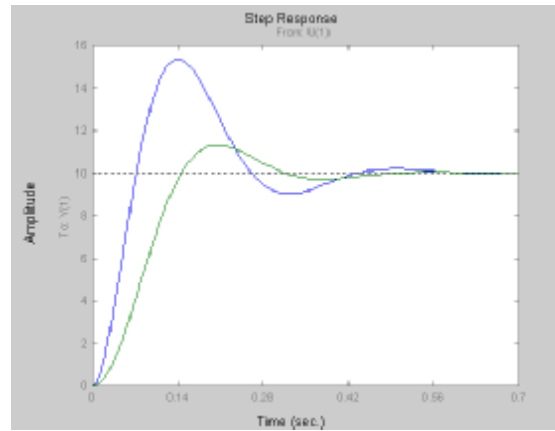
نسمي الحالة التي التي يكون فيها اقتران التحويل بعد جهاز القياس، الحالة (2)، ولها

```
G_close_2 = feedback( G , Gc*H )
G_close_2_unity = G_close_2 / dcgain(G_close_2)
```

ثم أمر الخطوة

```
step(G_close_1_unity, G_close_2_unity)
```

لنحصل على الرسم التالية



الشكل (33)

نلاحظ أن الحالة الثانية (باللون الأخضر) ممتازة حيث فوق القمة قليلة، وسرعات الاستجابة متقاربة.

إذن في هذا المثال وضع المعدل بعد جهاز القياس مفيد.

ثم نصمم فلتر مناسب (فلتر تكبير في الحالة الثانية)

انتهت الوحدة، لكن بقي أن نقول أن برنامج **matlab** فيه مساعدة (help)، وأحد أوامر

المساعدة هو doc، فلو أردنا الحصول على شرح الأمر `lsim` نكتب (doc lsim)

ومن الأوامر المفيدة التي يفضل التعرف عليها الأمر clear و clc (أكتب doc clear مثلا لتتعرف عليه).

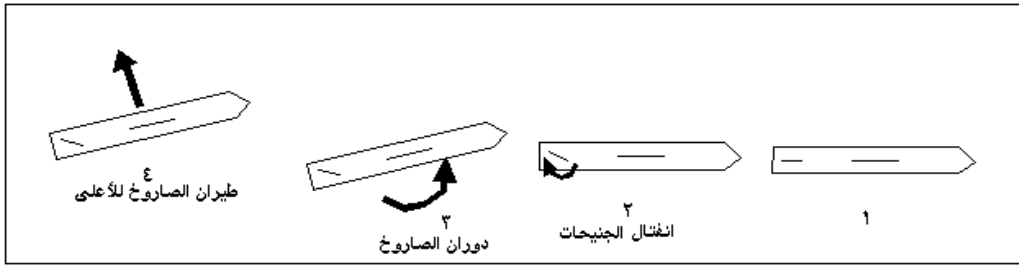
ويفضل استخدام M-file للعمل فيها بدل العمل في الشاشة الرئيسية للبرنامج (لكن النتائج ستظهر في الشاشة الرئيسية) ، وإحدى ميزات الـ M-file أنه يمكن حفظها (احفظها في مجلد work المخصص لها) ، ولانشاء M-file اختر file ثم new ثم M-file .

الوحدة الخامسة

استقرارية وتوجيه الصاروخ

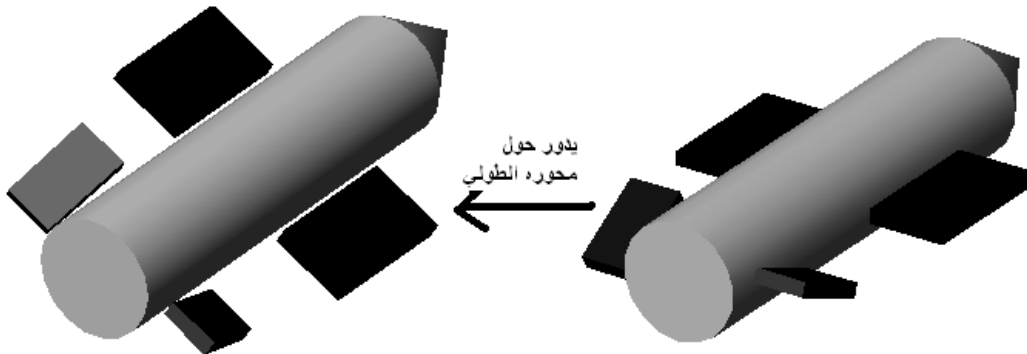
مقدمة

قلنا سابقا ان تغيير اتجاه الصاروخ يتم عن طريق قتل الجنيحات ، مثلاً لو أردنا تحريك الصاروخ إلى الأعلى ،فإننا نقوم بقتل الجنيحين بنفس الاتجاه فيدور الصاروخ وتنتج قوة رفع أكبر من وزنه ترفعه إلى الأعلى.

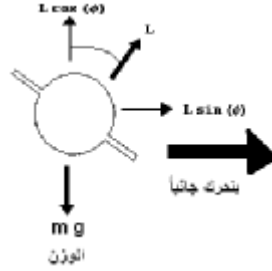


الشكل (1)

أما إن أردنا تحريكه جانباً فإننا نقوم بقتل الجنيحين باتجاه متعاكس ، فيدور حول محوره الطولي (الشكل (2)) ، ثم تقوم إحدى مركبات قوة الرفع ($L \sin(f)$) بتحريكه جانباً (الشكل (3))



الشكل (2)



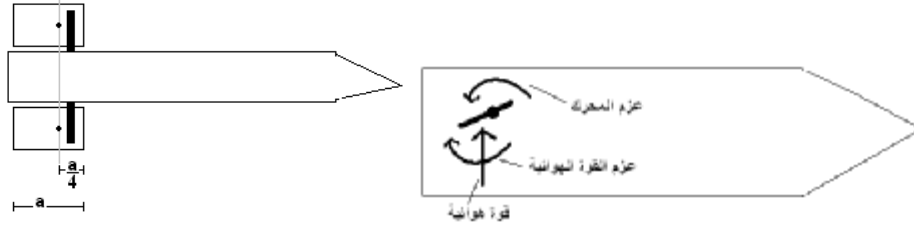
الشكل (3)

محرك الجنيحات

يتم فتل الجنيحات بواسطة محركين متماثلين (كهربائيين في نموذجنا)

ويجب أن نراعي أن يكون المحركين :

- سريعي الاستجابة بصورة كافية (وهو أهم متطلب)
- ينتجان عزم قوي كفاية ، حيث أن القوى الهوائية ستعمل على مقاومة فتل الجنيحات



الشكل (4)

وعزم القوة الهوائية يمكن جعله قريب من الصفر (أي عزم المحرك المطلوب قريب من الصفر) عن طريق الاقتراب من خط $a/4$ المبين في الشكل السابق ، لكن يجب عدم الاقتراب كثيراً خوفاً من عدم الاستقرار للجنيحات ، وعدم الابتعاد كثيراً خوفاً من زيادة العزم المطلوب من المحرك.

- الخطأ في تنفيذ الأمر قليل، حيث أن القوة الهوائية ستسبب خطأ في تنفيذ الأمر ، مثلاً أمر انفتال (0.2 rad) قد ينفذ (0.19 rad)
- أن يتمكن من فتل الجنيح (0.2 rad) كحد أقصى (وتحل هذه المشكلة بنظام مسننات مناسب)
- خفيف قدر الإمكان (بما في ذلك وزن البطارية)
- له قدرة على تحمل الحرارة (إن كان هناك مشاكل حرارة متوقعة)

أما نحن في هذه الوحدة فكل ما يهمنا هو معرفة اقتران التحويل للمحركات ، وسوف نسميه G_s^1 ، وهو مكتوب على أوراق المحرك (الكتلوج) .

الاستقرارية والمناورة

الاستقرارية هي أن لا ينقلب الصاروخ عند تنفيذه لأوامر التوجيه أو عند تعرضه لمؤثر خارجي (رياح مثلاً) .

المناورة هي قدرة الصاروخ على تنفيذ الأوامر بالمقدار والسرعة الكافية.²

يمكن الحصول على الاستقرارية وزيادتها بطريقتين:

1. مكان وأبعاد الجنيحات والأجنحة ، مثلاً تكبير الذيل يزيد الاستقرارية ، لكن المشكلة

بهذه الطريقة أن القدرة على المناورة ستكون ضعيفة ، والاجهادات عالية ، والاحتكاك

عالي ، والقوة المطلوبة من محرك الجنيحات عالية ...

2. استخدام جهاز التوازن الأوتوماتيكي ،

ونحن في عملنا سنجمع بين الطريقتين ، بحيث نصمم الجنيحات و الأجنحة التي تعطي مناورة

و استقرارية مقبولة، ثم نصمم جهاز توازن يزيد هذه الاستقرارية و المناورة.

C.P C.G SM

C.G هو مركز الكتلة center of gravity وهو معروف ولا داعي لشرحه ، وفائدته تكون

عند دراسة التوازن حيث نعتبر أن محصلة قوة الوزن (الظاهري) تؤثر عنده.

C.P وهو مركز الضغط center of pressure ، وهو النقطة التي يمكن اعتبار محصلة قوة

الرفع تؤثر عندها،

وقوة الرفع تنشأ من

(1) الأجنحة ومعظم قوة الرفع منها

(2) الجنيحات وهي مسؤولة عن حوالي عُشر قوة الرفع

(3) جسم الصاروخ

والقيمة الدقيقة لقوة الرفع و C.P يتم حسابها بواسطة التجارب أو برامج حاسوب مثل برنامج

Aerolab¹ ، أما نحن فسوف نحسب قوة الرفع و C.P بواسطة استخدام علاقات تقريبية

لقوة رفع الجنيحات والأجنحة ، وسوف نهمل قوة رفع جسم الصاروخ.

¹ حيث s ترمز إلى كلمة servo أي محرك

² قد يكون هذا التعريف غير دقيق

SM أي هامش الاستقرار static margin ، وهو المسافة بين CP و CG مقسومة على طول الصاروخ (نسبة مئوية و أحيانا نسبة عادية)

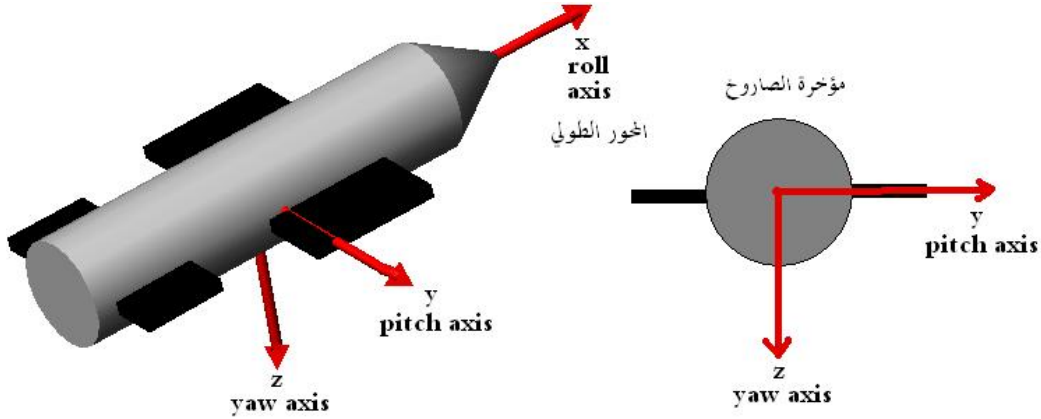
$$SM = \frac{CP - CG}{l} \times 100\% = \frac{l_{cp}}{l} \times 100\%$$

يكون الصاروخ مستقر إذا كانت CP خلف CG ، وكلما زادت المسافة بينهما كلما كان أكثر استقرارية لكن أقل قدرة على المناورة، وعادة في الصواريخ الموجهة يكون $SM > 5\%$ ، $5\% = 0.05$

ملاحظة : عند احتراق الوقود يتحرك CG قليلا باتجاه مقدمة الصاروخ ، أي أن الاستقرارية في بداية احتراق الوقود أقل منها بعد احتراقه، لذا يتم تقليل هذا الأثر عن طريق تقريب محرك الصاروخ (محرك الدسر) من منتصف الصاروخ من منتصف الصاروخ باستخدام أنبوب النفث (أنظر الشكل (3) من فصل 2)

بعض التعريفات والرموز المهمة

- محاور الاسناد هي محاور مثبتة بجسم الصاروخ (عند النقطة CG) ، كما في الشكل

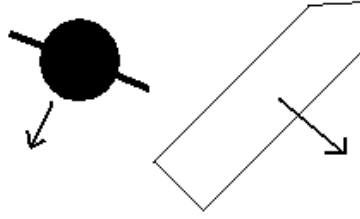


الشكل (5)

تذكر أن ● تعني مؤخرة الصاروخ

- في نموذجنا لا يوجد طيران باتجاه المحور y
- عندما نقول طار بالاتجاه z (العمودي) نعني به اتجاه السهم في الشكل التالي

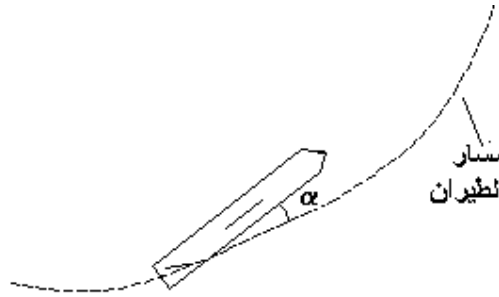
¹ وهو موجود على شبكة المعلومات ، لكن عيب هذا البرنامج انه يحسب عند زاوية مقدارها صفر (أي زاوية صغيرة جدا) ، لكن بما أن الزوايا التي تهمننا صغيرة فلا بأس من استخدامه ، للتقريب ، لكن في هذه المرحلة من التصميم وفي هذا الكتاب لن نستخدم هذا البرنامج أو غيره.



الشكل (6)

أي هو العمودي بالنسبة للصاروخ وليس بالنسبة للأرض ، ونسمي التسارع بهذا الاتجاه التسارع العمودي f_z ، والسرعة w

- الزاوية a هي الزاوية بين المحور الطولي للصاروخ (x) واتجاه الطيران ، كما في الشكل



الشكل (7)

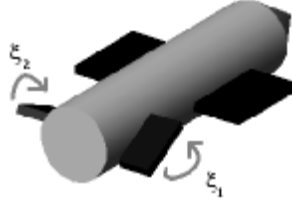
- q هي معدل الدوران الزاوي (بوحدة rad/s) حول المحور y ، M هي العزم حول المحور y
- p هي معدل الدوران الزاوي (بوحدة rad/s) حول المحور x ، L هي العزم حول المحور x
- f هي الزاوية بين السطح الأفقي الموازي لسطح الأرض و السطح الأفقي للصاروخ ، كما في الشكل التالي



الشكل (8)

- زوايا فتل الجنيحات تسمى X_1 ، X_2 ، واتجاهها الموجب هو المبين في الشكل التالي

¹ X تقرأ كساي

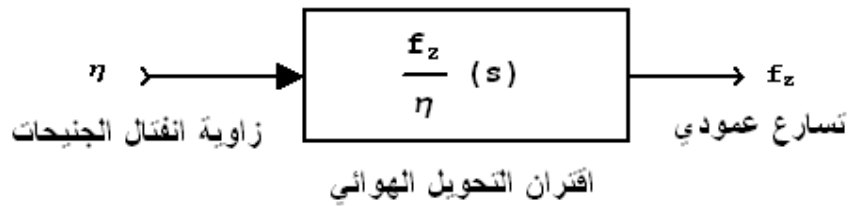


الشكل (9)

- زاوية فتل الجنيحات x تعطى بالعلاقة $x = \frac{X_1 + X_2}{2}$ ، أي كل جنيح ينفتل عكس الآخر ، وهذا هو المسؤول عن انفتال الصاروخ حول المحور الطولي (المسؤول عن f)
- زاوية فتل الجنيحات h ¹ تعطى بالعلاقة $h = \frac{X_1 - X_2}{2}$ ، أي الجنيحان ينفتلان كأنهما قطعة واحدة ، وهذا هو المسؤول عن تحريك الصاروخ بالاتجاه z (أي h مسؤولة عن w, q, f_z, a)
- I_x هي الـ moment of inertia حول المحور x
- I_z هي الـ moment of inertia حول المحور z
- I_y هي الـ moment of inertia حول المحور y

اقتران التحويل الهوائي والمشتقات الهوائية

كما درسنا في وحدة 4 فإن اقتران التحويل هو الذي يحدد استجابة آلة ما لمدخل معين ، أما اقتران التحويل الهوائي فهو الذي يحدد استجابة الصاروخ الموجه لانفتال الجنيحات ، مثلا



الشكل (10)

واقترانات التحويل الهوائية تم اشتقاقها من معادلات نيوتن (أو معادلات Euler) ، ثم تم تقريبها إلى معادلات خطية تفاضلية ، ثم تم تحويلها إلى اقترانات تحويل واقترانات التحويل التي تهتمنا هنا هي:

¹ h تلفظ ابنا

$$\frac{f_z(s)}{h} = \frac{z_h s^2 - (z_h m_q) s + U(m_h z_w - m_w z_h)}{s^2 - (z_w + m_q) s + (z_w m_q - U m_w)}$$

$$\frac{q(s)}{h} = \frac{m_h s - (m_h z_w - m_w z_h)}{s^2 - (z_w + m_q) s + (z_w m_q - U m_w)}$$

$$\frac{a(s)}{h} = \frac{[z_h s - (m_h U - z_h m_q)]/U}{s^2 - (z_w + m_q) s + (z_w m_q - U m_w)}$$

$$\frac{p(s)}{x} = \frac{-L_x / L_p}{T_a s + 1}, \quad T_a = \frac{-I_x}{L_p}$$

الحد $\sqrt{z_w m_q - U m_w}$ والذي يساوي تقريبا (عادةً) $\sqrt{-U m_w}$ هو التردد الطبيعي w_n للصاروخ الموجه ، ومن المفيد أن يكون كبير.

حيث U هي سرعة الصاروخ، L_x L_p m_h m_w m_q z_h z_w z_q و هي المشتقات الهوائية، وتقدر قيمتها بالمعادلات التالية¹

$$z_w = \frac{-(C_{la} + C_{D0})QS}{mU} \quad (s^{-1})$$

$$z_h = \frac{-(C_{la} QS_t)}{m} \quad (m/s^2)$$

$$m_w = \frac{-(l_{cp} QSC_{la})}{U I_y} \quad (m^{-1} s^{-1}).$$

$$m_h = \frac{-(C_{la,t} QS_t l_t)}{I_y} \quad (s^{-2})$$

$$m_q = \frac{-(C_{la,t} QS_t l_t^2)}{I_y U} \quad (s^{-1})$$

(هذه العلاقة الأخيرة ليست دقيقة ، ويفضل البحث عن علاقة أو طريقة بديلة لتقديرها)

حيث

m هي كتلة الصاروخ

S_t مساحة الجنيحين

S مساحة الجناحين

l_t بعد الجنيح عن مركز الكتلة

¹ L_x L_p ، في درس التصميم للعطوف

$$Q = \frac{1}{2} r U^2$$

r كثافة الهواء

$C_{la,w}$ معامل الرفع للجناح ويحسب بالعلاقة

$$C_{la,w} = \frac{2p \overline{AR}_w}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR}_w^2 (1 + Mach^2)}}$$

حيث $Mach$ هو رقم ماخ لسرعة الصاروخ ، ويساوي

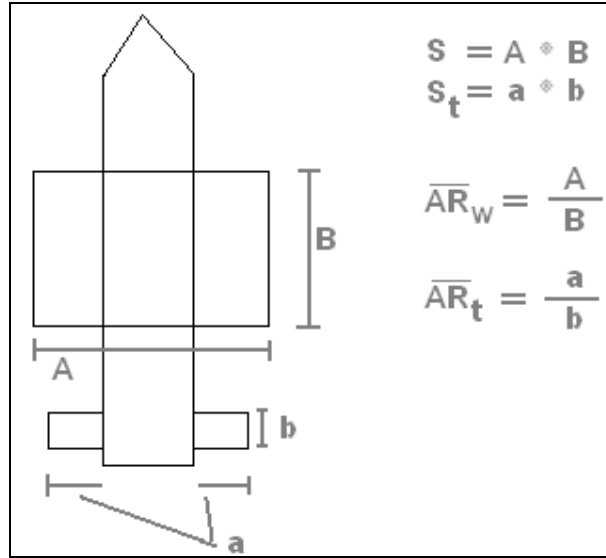
$$Mach = \frac{U}{\text{speed of air}}$$

حيث سرعة الصوت تساوي تقريبا 343 m/s ¹

$C_{la,t}$ معامل الرفع للجناح ويحسب بالعلاقة

$$C_{la,t} = \frac{2p \overline{AR}_t}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR}_t^2 (1 + Mach^2)}}$$

أما \overline{AR}_w و \overline{AR}_t هي النسبة الباعية (Aspect Ratio) للجناح و الجنيحين، أنظر الشكل التالي



الشكل (11)

C_{la} معامل الرفع للصاروخ (للجناح و الجنيحين) ، ويساوي

¹ تساوي $343 \sqrt{\frac{T}{293}}$ حيث T هي درجة حرارة الجو بوحدة كلفن

$$C_{la} = \frac{C_{la,t} S_t + C_{la,w} S}{S}$$

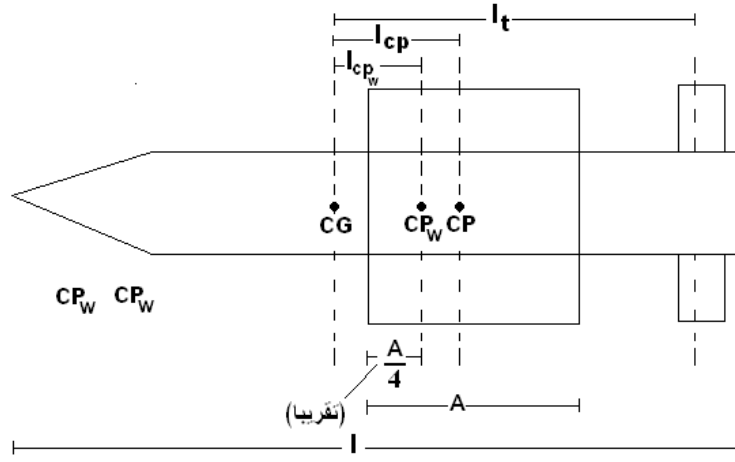
l_{cp} هو بعد مركز الضغط CP عن مركز الكتلة CG، ويساوي

$$l_{cp} = \frac{C_{la,t} S_t l_t + C_{la,w} S l_{cp,w}}{S C_{la}}$$

l_t بعد الجنيح عن مركز الكتلة

$l_{cp,w}$ بعد مركز ضغط الجناح (وهو تقريبا على مسافة ربع طول الجناح من طرفه الأمامي)

عن مركز الكتلة



الشكل (12)

التصميم للطيران العمودي (1)

الهدف من هذه المرحلة من التصميم هو تصميم صاروخ موجه له w_n عالية قدر الإمكان¹ ،

ويتناسب مع المتطلبات SM a_{max} h_{max} $F_{t,max}$ F_{max} l m

حيث m كتلة الصاروخ، و l طوله ، و a_{max} h_{max} يجب أن لا تزيد عن (0.2 rad) ²

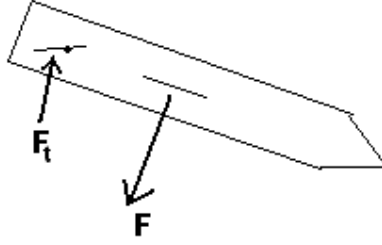
، و F_{max} تساوي التسارع العمودي الأقصى ضرب الكتلة³ $(F_{max} = m f_{z,max})$ ، و

$F_{t,max}$ تحددتها قدرة محرك الجنيحات

¹ وهذا يفيد الاستقرار عند تصميم نظام الدارة المغلقة

² وإلا فإن معادلاتنا لن تكون دقيقة .

³ F_{max} زائد الوزن تعطي الوزن الظاهري الأقصى ، وهو مهم في تصميم الهيكل.



الشكل (13)

خطوات التصميم للطيران العمودي (1)

* سوف نستخدم الرموز F F_t a h بدل F_{\max} $F_{t,\max}$ a_{\max} h_{\max} للاختصار²

(1) نكتب قيمة $\overline{AR_w}$ التي اخترناها في وحدة 3 و نختار قيمة لـ $\overline{AR_t}$ ، ونحدد قيمة

U ، ونقدر قيمة C_{D0} ونحسب $C_{la,t}$ و $C_{la,w}$ من المعادلات

$$\text{Mach} = \frac{U}{\text{speed of air}}$$

$$C_{la,w} = \frac{2p \overline{AR_w}}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR_w}^2 (1 + \text{Mach}^2)}}$$

$$C_{la,t} = \frac{2p \overline{AR_t}}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR_t}^2 (1 + \text{Mach}^2)}}$$

(2) نكتب قيمة كتلة الصاروخ m ، ونكتب $f_{z,\max}$

$$f_{z,\max} = f_{\max} + g^3$$

ثم نحدد القيمة القصوى لـ F من المعادلة

$$F_{\max} = m f_{z,\max}$$

¹ هذه الخطوات والمعادلات مشتقة (مع بعض التقريب) من المعادلات السابقة ومن المعادلات المنطقية التالية

$$\left(\frac{a}{h}\right)_{t \rightarrow \infty} \approx \frac{a_{\max}}{h_{\max}}, \quad \left(\frac{f_z}{h}\right)_{t \rightarrow \infty} \approx \frac{f_{z,\max}}{h_{\max}}$$

² بالمناسبة حتى الرمز \max ليس دقيق ، لأننا سوف نصمم للقيم النهائية وليس القصوى ، لكن بما أننا ننوي

جعل فوق القمة لاستجابة الصاروخ صغيرة (أي للنظام المغلق) ، فالقيم النهائية تساوي تقريبا القصوى.

³ حيث f_{\max} هو التسارع العمودي الأقصى بالنسبة لمحاور الأرض (وهو الذي استخدمناه في وحدة 3) ،

$f_{z,\max}$ هو التسارع العمودي بالنسبة لمحاور الصاروخ

ونحدد القيمة القصوى لـ F_t (تبعاً لامكانات محرك الجنيحات) ، ونحدد $a h$ ، ثم

نحسب

$$C_{la} = \frac{C_{la,w} + \frac{a}{h} \frac{F_t}{F + F_t} C_{D0}}{1 - \frac{a}{h} \frac{F_t}{F + F_t}}$$

(3) نختار قيمة لـ SM ، نحدد قيمة l (حددناها في المتطلبات وفي وحدة 3) ثم نحسب التالي

$$l_{cp} = SM \times l^1$$

$$l_t = \frac{\frac{F}{F_t} + 1}{1 + \frac{C_{D0}}{C_{la}}} \times l_{cp}$$

(4) نكتب كثافة الهواء r ، ونحسب Q ثم نحسب S من المعادلات

$$Q = \frac{1}{2} r U^2$$

$$S = \frac{F + F_t}{a Q (C_{la} + C_{D0})}$$

$$S = \frac{F_t}{h Q C_{la,t}}$$

ونحسب $A a$

$$A = \sqrt{A R_w} S^2$$

$$a = \sqrt{A R_t} S_t$$

(5) نحسب $l_{cp,w}$ من المعادلة

$$l_{cp,w} = \frac{l_{cp} C_{la} - C_{la,t} \frac{S_t}{S} l_t}{C_{la,w}}$$

(6) نقدر I_y (بـ $I_y \sim m \left(\frac{l}{4}\right)^2$ ، مثلاً) ، ثم نحسب w_n ¹

¹ حيث SM نسبة عادية وليس مئوية .

² قيمة A المحسوبة هنا تختلف قليلاً عن المحسوبة في وحدة 3 ، وهي هنا أدق ، لذا نستطيع تعديل قيمة A المحسوبة في وحدة 3 لتوافق هذه القيمة لزيادة الدقة ، لكن لن نفعل هذا.

$$w_n = \sqrt{\frac{(F + F_t) l_{cp} C_{la}}{a I_y (C_{la} + C_{D0})}}$$

(7) نعيد الحل لقيم مناسبة أخرى ، ونختار الأنسب (w_n عالية ، $S_t S$ مقبولة ، l_t و w منطقية)

(8) اعتماداً على القيم التي حسبناها ، نوجد المشتقات الهوائية واقترانات التحويل الهوائية

(9) ندخل اقترانات التحويل السابقة إلى Matlab ثم نتأكد من صحة الحل (مثل w_n)

$$\left(\frac{f_z}{h} \right)_{l \rightarrow \infty} \approx \frac{f_z}{h} , \quad \left(\frac{a}{h} \right)_{l \rightarrow \infty} \approx \frac{a}{h} \text{ ، و قريبة من التي حسبناها للتو ،}$$

مثال 1

نريد دراسة استقرارية وصفات استجابة الصاروخ الذي قمنا بتصميمه في الأمثلة السابقة (وحدة 3-1)

(1) نكتب قيمة $\overline{AR_w}$ التي اخترناها في وحدة 3

$$\overline{AR_w} = 2$$

و نختار قيمة لـ $\overline{AR_t}$

$$\overline{AR_t} = 2$$

ونحدد قيمة U

$$U = 75 \text{ m/s}$$

ونقدر قيمة C_{D0}

$$C_{D0} = 0.1$$

ونحسب $C_{la,w}$ و $C_{la,t}$ من المعادلات

$$Mach = \frac{U}{\text{Speed of air}} = \frac{75}{343} = 0.219$$

$$C_{la,w} = \frac{2p \overline{AR_w}}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR_w}^2 (1 + Mach^2)}} = \frac{2p * 2}{2 + \sqrt{4 + 2^2 (1 + 0.219^2)}} = 2.58$$

¹ التي نفضل كونها عالية .

$$C_{la,t} = \frac{2p \overline{AR}_t}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR}_t^2 (1 + Mach^2)}} = \frac{2p * 2}{2 + \sqrt{4 + 2^2 (1 + 0.219^2)}} = 2.58$$

(2) نكتب قيمة كتلة الصاروخ m ، ونكتب $f_{z,max}$

$$m = 10 Kg$$

$$f_{z,max} = f_{max} + g = 2g + g = 3g = 29.4 m/s^2$$

نحسب أقصى قيمة لـ F

$$F = m f_{z,max} = 10 * 29.4 = 294 N$$

ولنفرض أنه توفر لدينا محرك وجنيحات لها القدرة على تحمل قوة قصوى مقدارها

$$F_t = 58.8 N$$

وقلنا سابقا أن أقصى a نريدها يجب أن لا تزيد عن $0.2 rad$ ، ولنأخذها

$$a = 0.2 rad$$

أيضا الزاوية القصوى لكل جنيح x_1 x_2 يجب أن لا تزيد عن $0.2 rad$ ، ولنأخذ

$$h = 0.1 rad$$

وبالتالي في الخطوات التالية يجب أن لا تزيد x عن $0.1 rad$.

نحسب C_{la}

$$C_{la} = \frac{C_{la,w} + \frac{a}{h} \frac{F_t}{F + F_t} C_{D0}}{1 - \frac{a}{h} \frac{F_t}{F + F_t}} = \frac{2.58 + \frac{0.2}{0.1} \frac{58.8}{294 + 58.8} \times 0.1}{1 - \frac{0.2}{0.1} \frac{58.8}{294 + 58.8}} = 3.927$$

(3) نختار قيمة لـ SM ، ولتكن $SM = 0.1$ ، أما قيمة l فنعرّفها من المتطلبات ومن

وحدة 3 وهي $l = 1$ ، ونحسب

$$l_{cp} = SM * l = 0.1 * 1 = 0.1$$

$$l_t = \frac{\frac{F}{F_t} + 1}{1 + \frac{C_{D0}}{C_{la}}} \times l_{cp} = \frac{\frac{294}{58.8} + 1}{1 + \frac{0.1}{3.927}} \times 0.1 = 0.5851$$

(4) نحسب $A a S St$

$$r = 1.16$$

$$Q = \frac{1}{2} r U^2 = \frac{1}{2} * 1.16 * 75^2 = 3262.5$$

$$S = \frac{F + F_t}{a Q (C_{la} + C_{D0})} = \frac{294 + 58.8}{0.2 * 3262.5 (3.927 + 0.1)} = 0.134$$

$$S_t = \frac{F_t}{hQC_{la,t}} = \frac{58.8}{0.1 * 3262.5 * 2.58} = 0.0697$$

$$A = \sqrt{AR_w S} = \sqrt{2 * 0.134} = 0.517$$

$$a = \sqrt{AR_t S_t} = \sqrt{2 * 0.0697} = 0.373$$

(5) نحسب $l_{cp,w}$

$$l_{cp,w} = \frac{l_{cp} C_{la} - C_{la,t} \frac{S_t}{S} l_t}{C_{la,w}} = \frac{0.1 * 3.927 - 2.58 \frac{0.0697}{0.134} 0.5851}{2.58} = -0.1519$$

(6) نقرر I_y

$$I_y \sim m \left(\frac{l}{4} \right)^2 = 10 * \left(\frac{1}{4} \right)^2 = 0.625$$

$$w_n = \sqrt{\frac{(F + F_t)}{a} \frac{l_{cp} C_{la}}{I_y (C_{la} + C_{D0})}} = \sqrt{\frac{(294 + 58.8)}{0.2} \frac{0.1 * 3.927}{0.625(3.925 + 0.1)}} = 16.59$$

(7) القيم مقبولة ، لذا نكمل

(8) نعيد حساب C_{la} ونقارنها مع التي حسبناها في نقطة 2 للتأكد من صحة الحل .

$$C_{la} = \frac{C_{la,t} S_t + C_{la,w} S}{S} = \frac{2.58 * 0.0697 + 2.58 * 0.134}{0.134} = 3.927$$

نلاحظ أنها نفسها ، الآن نحسب المشتقات الهوائية

$$z_w = \frac{-(C_{la} + C_{D0})QS}{mU} = \frac{-(3.927 + 0.1) * 3262.5 * 0.134}{10 * 75} = -2.352$$

$$z_h = \frac{-(C_{la} QS_t)}{m} = \frac{-(2.58 * 3262.5 * 0.0697)}{10} = -58.8$$

$$m_h = \frac{-(C_{la,t} QS_t l_t)}{I_y} = \frac{-(2.58 * 3262.5 * 0.0697 * 0.5851)}{0.625} = -550.5$$

$$m_w = \frac{-(l_{cp} QS C_{la})}{U I_y} = \frac{-(0.1 * 3262.5 * 0.134 * 3.927)}{75 * 0.625} = -3.67$$

$$m_q = \frac{-(C_{la,t} QS_t l_t^2)}{I_y U} = \frac{-(2.58 * 3262.5 * 0.0697 * 0.5851^2)}{0.625 * 75} = -4.29$$

الآن نكتب اقترانات التحويل الهوائية

$$\frac{f_z(s)}{h} = \frac{-58.8s^2 - 252.5s + 8.09 \cdot 10^4}{s^2 + 6.646s + 285.3}$$

$$\frac{q}{h}(s) = \frac{-550.5s - 1079}{s^2 + 6.646s + 285.3}$$

$$\frac{a}{h}(s) = \frac{-0.784s - 553.8}{s^2 + 6.646s + 285.3}$$

$$\frac{\ddot{\phi}}{h}(s) = \frac{-550.5s^2 - 1079s}{s^2 + 6.646s + 285.3}$$

(9) ندخل اقترانات التحويل السابقة إلى matlab (h تعني h ، و f تعني f_z ، و a

تعني a)

```
f_over_h = tf([-58.8 -252.5 8.092e4] , [1 6.646 285.3])
q_over_h = tf([-550.5 -1079] , [1 6.646 285.3])
a_over_h = tf([-0.784 -553.8] , [1 6.646 285.3])
qdot_over_h = tf([-550.5 -1079 0] , [1 6.646 285.3])
```

ولحساب wn لأحد الاقترانات السابقة ، نحسبه لأحدها ¹ ، باستخدام الأمر ² damp [wn.mu] = damp(f_over_h)

فتظهلا النتيجة wn = 16.8908 ، وهي قريبة من التي قدرناها في خطوة 6 ، إذن الحل

صحيح ³.

و $\left(\frac{f_z}{h} \right)_{t \rightarrow \infty}$ تحسب عن طريق حساب التكبير لاقتران التحويل f_over_h أي

```
dcgain( f_over_h )
```

فتظهر النتيجة 283.6313 ، نقارنها مع $\frac{f_{z,max}}{h}$ والتي تساوي 29.4/.1 أي 294 ، وهي

نفس النتيجة تقريبا

ونفس الشيء بالنسبة لـ a_over_h ، أي

```
dcgain( a_over_h )
```

النتيجة 1.94 ⁴ وتساوي تقريبا $\frac{a}{h} (2/.1 = 2)$.

¹ حسابه لأحدها يكفي لأن لها جميعها نفس المقام ، وبالمناسبة إن كانت المقامات مختلفة فهذا يعني أن هناك

خطأ في حلنا

² أنظر وحدة 4

³ هناك طريقة أسهل لحساب wn في حالة المقام التربيعي وهي مقارنتها مع الصيغة العامة للمقام التربيعي

وهي $s^2 + 2m\omega_n s + \omega_n^2$ ، وبالتالي ω_n^2 في حالتنا تساوي 285.3 وبالتالي wn

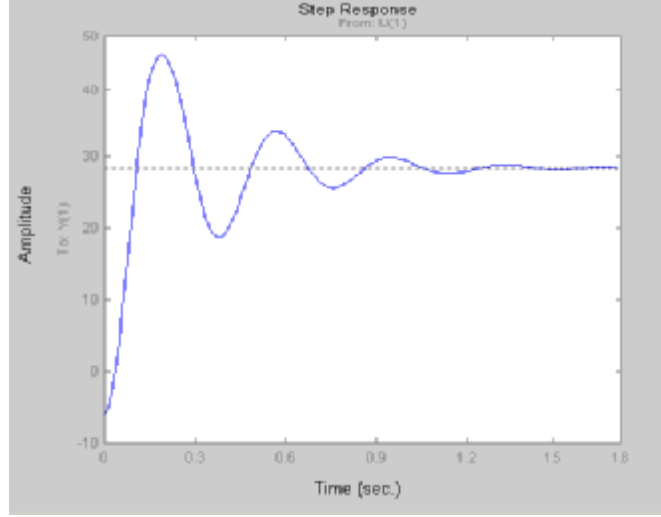
تساوي 16.8908

⁴ لكن سالبة

قبل أن ننتقل إلى الدرس التالي الذي سنصمم فيه نظام الدارة المغلقة ، لا بد من إيضاح سبب عدم الانتهاء من التصميم للطيران العمودي هنا، والسبب واضح في رسومات الاستجابة التالية:

- رسمة الاستجابة للتسارع f_z عند أمر h مقداره 1. (وهي كما أسلفنا أكبر h مسموحة)

step(.1 * f_over_h)

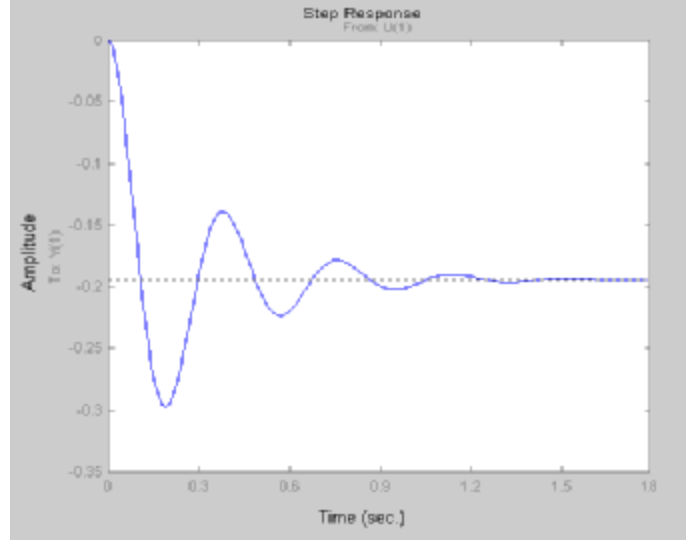


الشكل (14)

حيث نلاحظ أن قيمة f_z القصوى (القمة) هي حوالي 46 (أي فوق القمة حوالي 56%)، أي أكبر بكثير من $f_{z,max}$ - والتي هي f_z النهائية في رسمة الاستجابة- التي صممنا لأجلها (والتي كانت 29.4) ، مما سيعني تحطم الصاروخ. ولدينا مشكلة اخرى وهي بطئ الاستجابة.

- و لو رسمنا الاستجابة لزاوية الطيران a عند أمر h مقداره 1. (وهي كما أسلفنا أكبر h مسموحة)

step(.1 * a_over_h)



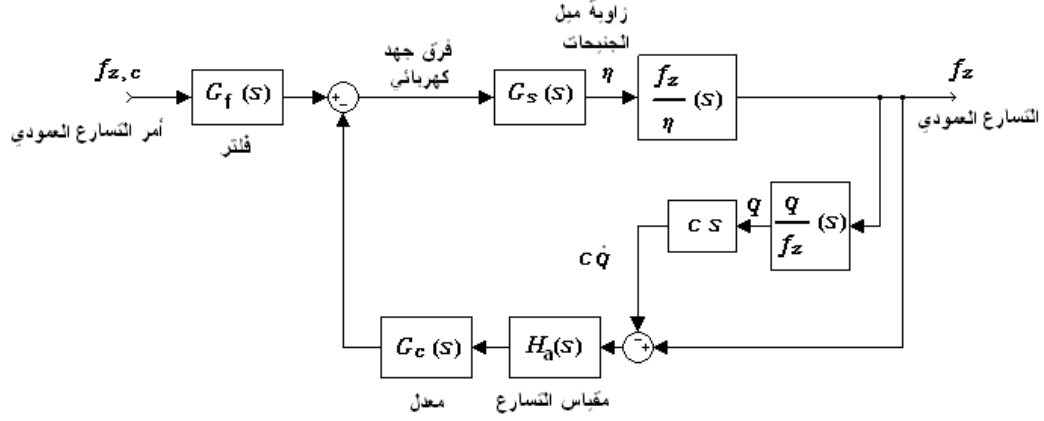
الشكل (15)

حيث نلاحظ أن a القصوى هي 3. وليس التي صممنا لها (2). والتي هي a النهائية في الرسم) ، بالإضافة إلى بطئ الاستجابة¹ إذن نستنتج أن مشكلة الاستجابة هي ارتفاع فوق القمة ، وبتأخر الاستجابة ، وبالتالي لا بد من تصميم نظام الدارة المغلقة ، وهو ما سنفعله في الدرس القادم.

التصميم للطيران العمودي (2)

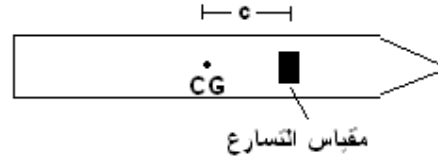
الهدف من هذه المرحلة من التصميم هو تصميم الدارة المغلقة التي تحسن صفات الاستجابة للطيران بالاتجاه العمودي وهي موضحة في الشكل التالي

¹ وهذا كله سيسبب D_a عالية لمدد أكبر ، أي مقاومة هواء بصورة أكبر ، أي تقليل مدى الصاروخ (أشرنا إلى D_a في وحدة 1)



الشكل (16)

حيث G_s هو اقتران التحويل لمحرك الجنيحات ، (حيث يكون مرفق معه (على الكتلوج))
و G_c هو اقتران التحويل للمعدل الذي تصميجه
و G_f هو اقتران التحويل للفلتر الذي تصميجه
و H_a هو اقتران التحويل لجهاز قياس التسارع ، وسوف نشرح لاحقا طريقة صناعته
و c المسافة بين موضع مقياس التسارع و CG



الشكل (17)

لاحظ أن التسارع الذي سوف يقيسه مقياس التسارع هو التسارع العمودي زائد التسارع
الدوراني حول مركز الكتلة أي $f_z - m_q$ وليس f_z .

خطوات تصميم معدل مسبق لتحسين صفات الاستجابة للطيران العمودي

(1) وهي نفس طريقة تصميم المعدل المسبق المشروحة في وحدة 4 ، حيث تساوي

$$G(s) = G_s(s) \frac{f_z}{h}(s)$$

$$G = \text{minreal}(G_s * f_over_h)$$

و H تساوي

$$H(s) = H_a(s) \left(1 - c \frac{q}{f_z}(s) \right)$$

$$H = \text{minreal}(H_a * (1 - c * qdot_f))$$

حيث $\frac{\ddot{\phi}}{f_z}(s)$ تحسب من العلاقة

$$\frac{\ddot{\phi}}{f_z}(s) = \frac{m_h s^2 - (m_h z_w - m_w z_h) s}{z_h s^2 - (z_h m_q) s + U(m_h z_w - m_w z_h)}$$

أو العلاقة

$$\frac{\ddot{\phi}}{f_z}(s) = \frac{\frac{\ddot{\phi}}{h}(s)}{\frac{f_z}{h}(s)}$$

أي

$$\text{qdot_over_f} = \text{minreal}(\text{qdot_over_h}/\text{f_over_h})$$

حيث $\frac{\ddot{\phi}}{h}(s)$ و $\frac{f_z}{h}(s)$ نأخذها من نتائج درس **خطوات التصميم للطيران العمودي (1)**

و G_s هي اقتران التحويل لمحرك الجنيحات (ويكون مرفق معه على الكتلوج)

و H_a هي اقتران التحويل لجهاز قياس التسارع

وقيمة c (الشكل (17)) نكتبها ، فإن لم نكن نعرفها نفرضا صفر

أما n_G و d_G فنحصل عليها بواسطة أمر الـ Matlab التالي

$$[n_G, d_G] = \text{tfdata}(G, 'v')$$

و n_G و d_G فنحصل عليها بواسطة أمر الـ Matlab التالي

$$[n_H, d_H] = \text{tfdata}(H, 'v')$$

ثم نتبع الخطوات المشروحة في درس وحدة 4 ، ونعيد كتابتها هنا

(1) حددنا اقتران التحويل G و H (من الشرح فوق)

(2) نحدد بناءً على صفات الاستجابة المرغوبة للنظام قيمة لـ W_n ¹ m

(3) نحسب الزاوية y للمعدل من خلال المعادلات

$$s_0 = w_n (-m + i\sqrt{1-m^2})$$

$$y = \pm p(2n+1) - \langle (G(s_0)H(s_0))^2 \rangle$$

حيث n عدد صحيح (0،1،2،...) يعطي أقل زاوية موجبة لـ y

(4) إذا كانت y أكبر من $p/3$ ، نعيد من خطوة (2) لقيمة W_n m جديدة إلى أن

نحصل على y أقل من $p/3$.

¹ أي W_n للنظام المغلق ، وليس w_n القديمة

² لاحظ أننا نستخدم نظام الزوايا radian

(5) نجرب قيمة لـ $\frac{1}{T}$ ونحسب $\frac{1}{gT}$ من المعادلة

$$\frac{1}{gT} = \frac{w_n \sqrt{1-m^2}}{\tan \left(\tan^{-1} \left(\frac{w_n \sqrt{1-m^2}}{-mw_n + \frac{1}{T}} \right) - y \right)} + mw_n^1$$

(6) نحسب K_c من المعادلة

$$K_c = \left| \frac{s_0 + \frac{1}{gT}}{s_0 + \frac{1}{T}} \right| \times \left| \frac{1}{G(s_0)H(s_0)} \right|$$

(7) نعوض $\frac{1}{gT}$ $\frac{1}{T}$ K_c للحصول على اقتران التحويل للمعدل

$$G_c(s) = K_c \frac{s + \frac{1}{T}}{s + \frac{1}{gT}}$$

(8) نكتب اقترانات التحويل للنظام المغلق $(f_z h a q)$ ، ونختبر الحل ، ونعيد من نقطة 2 إن رغبتنا في تحسين الاستجابة قليلاً (وللعلم الاستجابة ستكون سيئة عادةً ، أنظر المثال التالي)

(9) تصميم الفلتر

نحدد قيمة التكبير للفلتر، تبعاً لقيمة المخرج المطلوبة لمدخل معين

$$K_f = \frac{\text{المخرج المطلوب}}{\text{المدخل} * \text{تكبير النظام المغلق}} = \frac{\text{المخرج المطلوب}}{\text{dcgain}(G_close) * \text{المدخل}}$$

فإن كنا راضين عن الاستجابة (وهذا شبه مستحيل) ، نستخدم فلتر مكبر له اقتران التحويل التالي

$$G_f(s) = K_f$$

¹ نفضل تكرار هذه الخطوة لعدة قيم لـ $\frac{1}{T}$ ، ثم نختار التي تعطي أكبر g ، من أجل تقليل بعض أخطاء متابعة الإشارة .

أما إن كانت فوق القمة عالية نجرب وضع فلتر مثبت، ونجرب قيمة لـ t_f ، ويكون اقتران التحويل للفلتر

$$G_f(s) = \frac{K_f}{t_f s + 1}$$

ونختبر الاستجابة للاقتران المغلق المفلتر، فإن لم تحل مشكلة فوق القمة نعيد لـ t_f جديدة، وهكذا إلى أن نصل إلى استجابة جيدة .

مثال 2

الآن نريد تصميم نظام الدارة المغلقة للصاروخ في المثال السابق، ولنجرب المعدل المسبق.

(0) نكتب اقترانات التحويل التي حصلنا عليها في المثال السابق، أي

```
f_over_h = tf([-58.8 -252.5 8.092e4] , [1 6.646 285.3])
q_over_h = tf([-550.5 -1079] , [1 6.646 285.3])
a_over_h = tf([-0.784 -553.8] , [1 6.646 285.3])
qdot_over_h = tf([-550.5 -1079 0] , [1 6.646 285.3])
```

لنفرض أنه توفر لدينا محرك جنبيحات له اقتران التحويل التالي

$$G_s(s) = \frac{226.8}{s^2 + 180s + 32400}$$

ندخله إلى الـ matlab :

```
Gs = tf(226.8 , [ 1 180 32400]);
```

ولنفرض أنه توفر لدينا مقياس تسارع له اقتران التحويل $H_a = 1$ ، وبالتالي نكتب :

```
n_Ha = 1;
d_Ha = 1;
Ha = tf(n_Ha, d_Ha);
```

ولنفرض أننا ننوي وضع مقياس التسارع على مسافة 10cm أمام الـ CG، أي ندخل في

الـ matlab

```
c = .1;
```

ثم نحسب G و d_G و n_G

```
G = minreal( Gs*f_over_h );
[n_G, d_G] = tfdata(G, 'v');
```

ونحسب $qdot_over_f$

```
qdot_over_f = minreal(qdot_over_h/f_over_h)
```

ثم نحسب H و d_H و n_H

```
H = minreal( Ha*( 1-c*qdot_over_f ) );
[n_H, d_H] = tfdata(H, 'v');
```

(1) الآن نبدأ بتصميم المعدل المسبق ، حيث حددنا G_H, n_G, d_G, n_H, d_H ، في الخطوة السابقة

(2) نجرب القيم التالية لـ μ و ω_n

```
wn = 30;
mu = .45;
```

(3) نحسب الزاوية ψ للمعدل

```
s0 = wn*(-mu+i*sqrt(1-mu^2));
GHs0=polyval(n_G,s0)*polyval(n_H,s0)/(polyval(d_G,s0)*polyval(d_H,s0));
psi = pi-angle(GHs0)
```

(4) نلاحظ أن ψ تساوي 1.16 أي أكبر بقليل من $\pi/3$ ، لكن سنتجاوز ونقبلها

(5) نجرب قيمة لـ T_{inv}

```
T_inv = 8 ; 2
```

ونحسب gT_{inv}

```
gT_inv = wn*mu + wn*sqrt(1-mu^2)/tan(atan(wn*sqrt(1-mu^2)/(-wn*mu+T_inv))-psi)
```

وستساوي 52

(6) نحسب K_c

```
Kc = abs((s0+gT_inv)/(s0+T_inv))/abs(GHs0)
```

وستساوي 1.7

(7) نعوض K_c, T_{inv}, gT_{inv} للحصول على اقتران التحويل للمعدل

```
Gc = tf(Kc*[1 T_inv],[1 gT_inv])
```

وسيطر على الشاشة كالتالي

```
1.701 s + 13.61
-----
s + 52.01
```

(8) هذه الخطوة والتي بعدها مهمات ويجب فهمها

أولا نحسب اقتران التحويل $\frac{f_z}{com}(s)$ ، حيث com اختصار `command` ، وأعني به

الأمر الصادر للنظام المغلق بدون الفلتر (وسنسميه $f_{z,c}$ عندما نضيف الفلتر) ، وحسابها

هو إيجاد اقتران التحويل للنظام المغلق بالطريقة التي تعلمناها في وحدة 4 ، أي

```
f_over_com= feedback( minreal(G*Gc),H) ;
```

ثم نحسب اقتران التحويل $\frac{h}{com}(s)$ (وهو منطقياً)

¹ اخترتها بعد الكثير من التجريب والاختبار

² اخترتها بعد الكثير من التجريب والاختبار

$$\frac{h}{com} = \frac{f_z}{h}$$

أي

$$h_over_com = \text{minreal}(f_over_com/f_over_h);$$

ثم نحسب اقتران التحويل $\frac{a}{com}$ (وهو منطقياً)

$$\frac{a}{com} = \frac{a}{h} \frac{h}{com}$$

أي

$$a_over_com = \text{minreal}(a_over_h * h_over_com);$$

وبنفس الطريقة نحسب $\frac{q}{com}$ و $\frac{\dot{q}}{com}$ ، أي :

$$q_over_com = \text{minreal}(q_over_h * h_over_com);$$

$$qdot_over_com = \text{minreal}(qdot_over_h * h_over_com);$$

ثم من أجل تسهيل المقارنة و رسم الاستجابة على رسمة واحدة ، نقوم بعملية توحيد التكبير للاقتراانات السابقة (أنظر وحدة 4) ، وذلك كالتالي :

$$f_over_com_unity = f_over_com / \text{dcgain}(f_over_com);$$

$$h_over_com_unity = h_over_com / \text{dcgain}(h_over_com);$$

$$a_over_com_unity = a_over_com / \text{dcgain}(a_over_com);$$

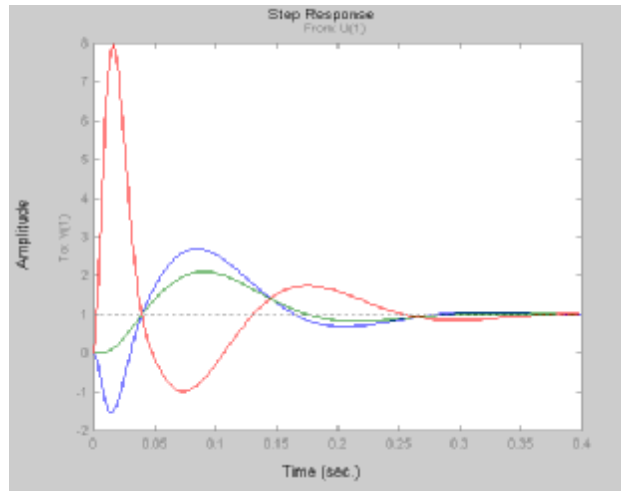
$$q_over_com_unity = q_over_com / \text{dcgain}(q_over_com);$$

$$qdot_over_com_unity = qdot_over_com / \text{dcgain}(qdot_over_com);$$

الآن نرسم استجابة f_z a h (موحدة التكبير في النظام المغلق غير المفلتر)

$$\text{step}(f_over_com_unity, a_over_com_unity, h_over_com_unity) \quad ^1$$

فيظهر الرسم التالي



¹ لاحظ أن الرسم لا يتضمن استجابة q و \dot{q} ، لكن إن رأينا أهمية لرسمها نرسمها.

الشكل (18)

ونلاحظ منه أن الاستجابة سريعة ، لكن المشاكل هي في فوق القمة.

مثلا : نلاحظ من الشكل السابق أن القمة لـ f_z (اللون الأزرق) تساوي 2.7 أي 2.7

ضعف القيمة النهائية لـ f_z^1 التي صممنا لها أي سيتحطم الصاروخ

وقمة a تساوي 2.1 ضعف التي صممنا لها ، أي a كبيرة وهذا له مشاكله التي بينها

أما قمة h فهي 8 أضعاف التي صممنا لها أي $8 * 0.1$ أي 0.8 rad ، وهو مقدار مرفوض

تماما.

لذا نلاحظ أن المشكلة الكبرى هي في فوق القمة.

لذا نعيد الحل من نقطة 1 لتقليل المشكلة قدر الإمكان ، ثم نصمم الفلتر لتقليل ما تبقى من

فوق القمة ²

ولنفرض أننا قبلنا بالنظام المغلق السابق ونريد الآن إضافة فلتر مثبت لتقليل فوق القمة

تصميم الفلتر ، وهو فلتر مثبت

نحسب تكبير الفلتر وهو

$$Kf = 1 / \text{dcgain}(f_over_com)$$

وسيساو ي 2.925

ثم نجرب قيمة لـ t_f ولتكن ³

$$t_f = 0.15$$

وندخل اقتران التحويل للفلتر ، أي

$$Gf = \text{tf}(Kf, [t_f \ 1])$$

ثم نكتب اقترانات التحويل المغلقة المفلتر ، حيث سنقوم بضرب اقترانات التحويل للنظام

المغلق باقتران التحويل للفلتر ، أي

$$f_over_fc = \text{minreal}(f_over_com * Gf);$$

$$h_over_fc = \text{minreal}(h_over_com * Gf);$$

$$a_over_fc = \text{minreal}(a_over_com * Gf);$$

$$q_over_fc = \text{minreal}(q_over_com * Gf);$$

$$qdot_over_fc = \text{minreal}(qdot_over_com * Gf);$$

¹ وهي التي اعتبرناها تساوي تقريبا $f_{z,max}$

² الفلتر مناسب لحل مشاكل فوق القمة للأوامر التي نصدرها ، لكن هناك مؤثرات خارجية (مثل الريح) لا

دور للفلتر لتقليل فوق القمة لها ، لكن المعدل يفعل ذلك ، لذا يجب تقليل الاعتماد على الفلتر قدر الإمكان ،

وأقترح البحث والتعلم في علم هندسة التحكم عسى ان نجد طرق لتصميم معدلات من أنواع أخرى أكثر

فاعلية ، بالإضافة إلى استخدام rate gyro أو مقياسي تسارع في الصاروخ ، وربما علم هندسة التحكم

الرقمية يكون مفيد جداً.

³ اخترتها بعد الكثير من التجريب والاختبار

حيث fc تعني أمر التسارع العمودي fz الذي يصدره الموجه.

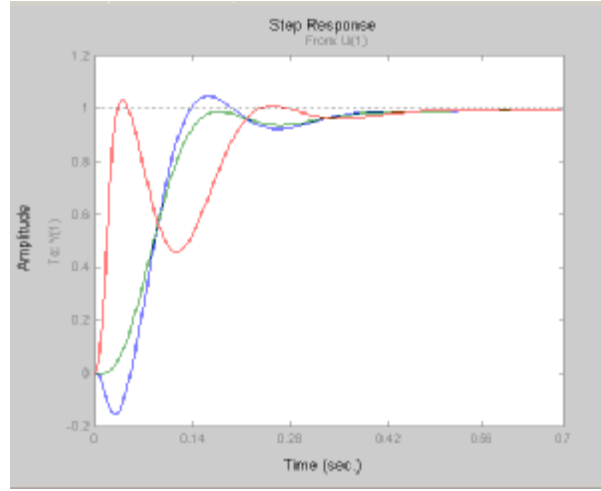
ثم نوحّد التكبير

```
f_over_fc_unity = f_over_fc / dcgain(f_over_fc);  
h_over_fc_unity = h_over_fc / dcgain(h_over_fc);  
a_over_fc_unity = a_over_fc / dcgain(a_over_fc);  
q_over_fc_unity = q_over_fc / dcgain(q_over_fc);  
qdot_over_fc_unity = qdot_over_fc / dcgain(qdot_over_fc);
```

ونرسم الاستجابات المهمة

```
step(f_over_fc_unity , a_over_fc_unity , h_over_fc_unity)
```

فيظهر الرسم التالي



الشكل (19)

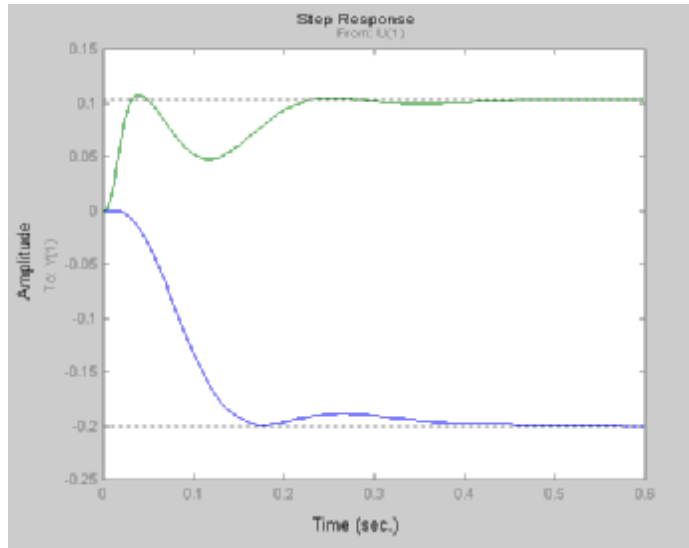
نلاحظ أن مشكلة فوق القمة - للأوامر - قد حلّت

ولمزيد من التأكد لنفرض أننا أرسلنا أمر (fc) بأقصى قيمة أي 29.4 ، نريد أن

نرى إن كانت a القصوى ستكون قريبة من 2. و h القصوى قريبة من 1. ، إذن ندخل

الأمر التالي إلى matlab

```
step( a_over_fc * 29.4 , h_over_fc * 29.4 )
```

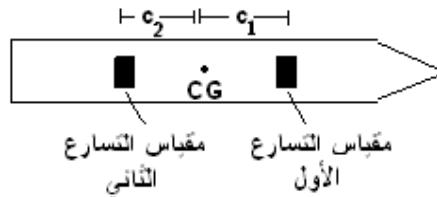


الشكل (20)

ونلاحظ أنها قريبة ، وبذلك ينتهي المثال .

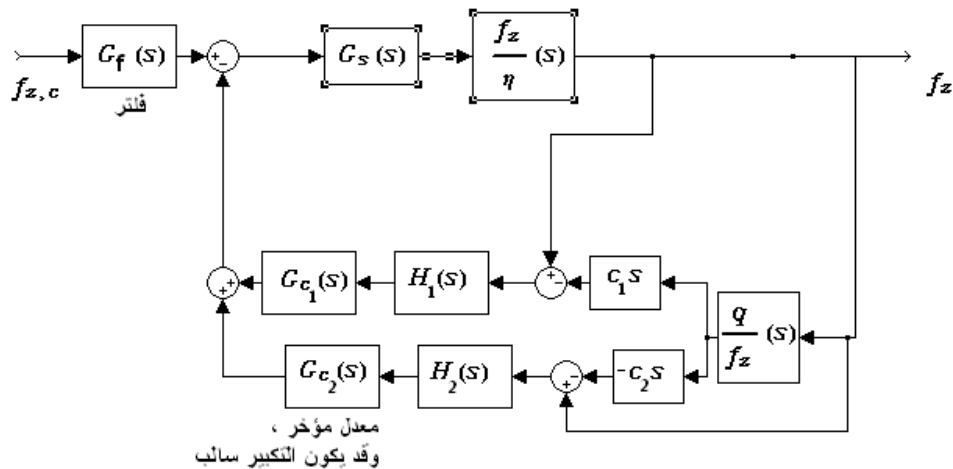
فائدة 1

من المفيد استخدام مقياسي تسارع عند مكانين مختلفين ، كما في الشكل



الشكل (21)

وله :



الشكل (22)

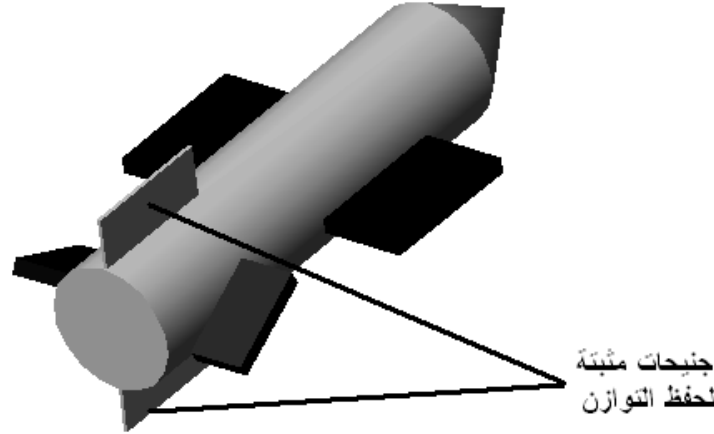
ثم نمرر كل إشارة في معدل مستقل للوصول إلى صفات ممتازة جدا ، لكن لا يوجد طريقة مباشرة وسهلة للتصميم (أي لمعرفة اقترانات التحويل للمعدلات المطلوبة) ، وهذا التصميم لا يهمننا أبداً في هذا الكتاب

فائدة 2

من المفيد استخدام جهاز rate gyro - بالإضافة إلى مقياس التسارع - وهو يستخدم لقياس التسارع الزاوي $\dot{\phi}$ ، لكن سنحاول الاكتفاء بمقياس التسارع لأن صناعته أسهل.

التصميم للطيران الأفقي

قلنا سابقا أنه في نموذجنا لا يوجد طيران بالاتجاه الأفقي للصاروخ¹، والأمر الوحيد الذي يهمننا في التصميم هنا هو وجود ذيل **مثبت** بالصاروخ كي يمنع انقلاب الصاروخ، أما الأجنحة فلا يوجد ، أي شكل الصاروخ هو كالتالي:



الشكل (23)

وأبعاد هذه الجنيحات لا تساوي بالضرورة أبعاد الجنيحات المتحركة (مثل التي في الشكل أعلاه)

التصميم للعطوف (roll)

العطوف هو الدوران حول المحور الطولي (x في الشكل (5))

¹ نأكد أن الكلام عن الاتجاه الأفقي للصاروخ وليس للأرض، أي باتجاه المحور y في الشكل 5

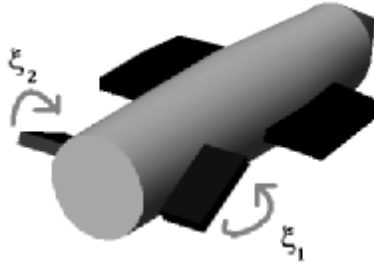
ونذكر ببعض التعريفات

- p هي معدل الدوران الزاوي (بوحدة rad/s) حول المحور x ، L هي العزم حول المحور x
- f هي الزاوية بين السطح الأفقي الموازي لسطح الأرض و السطح الأفقي للصاروخ ، كم في الشكل التالي ،



الشكل (24)

- زوايا فتل الجنيحات تسمى X_1 ، X_2 ، واتجاهها الموجب هو المبين في الشكل التالي



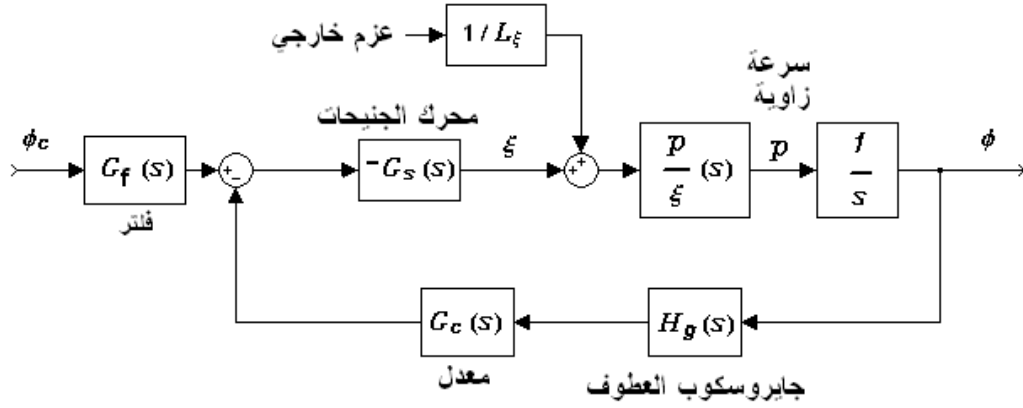
الشكل (25)

- زاوية فتل الجنيحات x تعطى بالعلاقة $x = \frac{X_1 + X_2}{2}$ ، أي كل جنيح ينفتل عكس الآخر ، وهذا هو المسؤول عن انفتال الصاروخ حول المحور الطولي (المسؤول عن f)

$$\frac{p}{x}(s) = \frac{-L_x / L_p}{T_a s + 1} , T_a = \frac{-I_x}{L_p}$$

لاحظ أن فتل الجنيحات x ينتج p (أي \dot{x}) وليس f ، أي عند فتل الجنيحات بقيمة معينة فإن الصاروخ سوف ينفتل بمعدل زاوي معين وليس بزاوية معينة ، وهذا لا يناسبنا ، نحن نريد إرسال أمر بفتل الزوية الصاروخ بزاوية معينة
لذا لا بد من استخدام roll gyro (جايروسكوب عطوف) لقياس الزاوية f وتصميم نظام الدارة المغلقة (الشكل التالي)، وهناك فائدة أخرى سنحصل عليها وهي منع انفتال الصاروخ بفعل العزوم الخارجية¹ مثل الريح وعدم التماثل

¹ لن ندخل العزم الخارجي في متطلبات تصميمنا



الشكل (26)

$$L_x = -Q C_{la,t} S_t \left(R + \frac{a}{4} \right)$$

$$L_p = \frac{-Q}{U} \left[C_{la,w} S \left\{ R^2 + \frac{RA}{2} + \frac{A^2}{12} \right\} \right.$$

$$\left. + C_{la,t} S_t \left\{ R^2 + \frac{Ra}{2} + \frac{a^2}{12} \right\} + C_{la,t}^* S_t^* \left\{ R^2 + \frac{Ra^*}{2} + \frac{a^{*2}}{12} \right\} \right]$$

حيث R نصف قطر الصاروخ، a و A و S و St مبينة في شكل (11)، و a* و St* هي مثل a و St لكن للجنيح الثابت

$$C_{la,t}^* = \frac{2p \overline{AR}_t^*}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR}_t^{*2} (1 + Mach^2)}}$$

حيث \overline{AR}_t^* هي مثل \overline{AR}_t (المبينة في شكل 11) لكن للجنيح الثابت

خطوات التصميم للعطوف

(1) نكتب قيمة R (من وحدة 3)، ونختار قيمة لـ a* و St*

ونأخذ القيم التالية من المثال 1 (S A m Mach C_{la,w} C_{la,t} Q \overline{AR}_t U St) ثم نحسب

$$\overline{AR}_t^* = \frac{a^{*2}}{S_t^*}$$

$$C_{la,t}^* = \frac{2p \overline{AR}_t^*}{2 + \sqrt{4 + \overline{AR}_t^{*2} (1 + Mach^2)}}$$

$$a = \sqrt{\overline{AR}_t S_t}$$

$$L_x = -QC_{la,t} S_t \left(R + \frac{a}{4} \right)$$

$$L_p = \frac{-Q}{U} \left[C_{la,w} S \left\{ R^2 + \frac{RA}{2} + \frac{A^2}{12} \right\} + C_{la,t} S_t \left\{ R^2 + \frac{Ra}{2} + \frac{a^2}{12} \right\} + C_{la,t}^* S_t^* \left\{ R^2 + \frac{Ra^*}{2} + \frac{a^{*2}}{12} \right\} \right]$$

ونقدر I_x

$$I_x \sim 0.75mR^2$$

(2) نحسب اقتران التحويل

$$\frac{p}{x}(s) = \frac{-L_x/L_p}{T_a s + 1}, \quad T_a = \frac{-I_x}{L_p}$$

(3) نكتب اقتران التحويل لمحرك الجنيحات Gs (وهو نفس الذي استخدمناه في خطوات

التصميم للطيران العمودي (2)) ، وندخله إلى matlab بالطرق التي تعلمناها

وندخل اقتران التحويل H لجهاز جايروسكوب العطوف إلى matlab

(4) نكتب اقتران التحويل G الذي يهمننا في تصميم المعدل وهو

$$G(s) = -G_s(s) \frac{p}{x}(s) \frac{1}{s}$$

وندخله إلى matlab ونحسب d_G n_G ، أي :

$$G = \text{minreal} (-Gs * p_over_x * \text{tf}(1, [1 \ 0]))$$

$$[n_G, d_G] = \text{tfdata}(G, 'v') ;$$

5) نسمح المعدل والفلتر المناسبين بالطرق التي تعلمناها في وحدة 4 ، ونركز على اختبار

سرعة الاستجابة لـ $\frac{f(s)}{f_c(s)}$ ، وعلى أن لا تزيد القيمة القصوى (القيمة) لـ x عن

0.1rad (كما قررنا في المثال 1) ، وذلك عند أمر f_c مقداره $p/3$ ¹ ، أي أن لا

تزيد قيمة $\frac{x}{f_c}(s)$ عن 0.1 ² ، حيث $\frac{x}{f_c}(s)$ ، تحسب بواسطة المعادلة

$$\frac{x}{f_c}(s) = \frac{1}{s} \times \frac{f}{f_c}(s) \times \frac{p}{x}(s)$$

مثال 3

نريد تصميم ودراسة استجابة العطوف للصاروخ الذي نصممه في الأمثلة السابقة

(1) نكتب قيمة R (نصف قطر الصاروخ من وحدة 3)

$$R = .05$$

ونختار قيمة لـ a_{star} St_{star}

$$St_{star} = .02;$$

$$a_{star} = .2;$$

ونأخذ القيم التالية من المثال 1

$$U = 75$$

$$St = .0697$$

$$ART = 2;$$

$$Q = 3262.5$$

$$Cla_t = 2.5846$$

$$Cla_w = 2.5846$$

$$S = .1343$$

$$A = .5182$$

$$m = 10;$$

$$Mach = .2187$$

ونحسب

$$ART_{star} = a_{star}^2 / St_{star};$$

$$Cla_{t_{star}} = 2 * \pi * ART_{star} / (2 + \sqrt{4 + ART_{star}^2 * (1 + Mach^2)});$$

$$a_{-} = \sqrt{St * ART}$$

$$Lx = -Q * Cla_t * St * (R + a_{-} / 4)$$

$$Lp = -Q / U * (Cla_w * S * (R^2 + R * A / 2 + A^2 / 12) + Cla_t * St * (R^2 + R * a_{-} / 2 + a_{-}^2 / 12)) +$$

¹ وهو الأمر اللازم للانفتال من زاوية $p/6$ إلى زاوية $p/6$ بالاتجاه المعاكس

$$\frac{1}{p/3} \text{ أي } ^2$$

```

Cla_t_star*St_star*(R^2+R*a_star/2+a_star^2/12))
Ix = .75 * m*R^2

```

(2) ندخل اقتران التحويل $\frac{P}{X}(s)$ إلى matlab

```

Ta = -Ix/Lp
p_over_x = tf( -Lx/Lp , [Ta 1])

```

(3) ندخل Gs إلى matlab

```

Gs = tf(226.8 , [ 1 180 32400]);

```

ولنفرض أن اقتران التحويل للجايروسكوب المتوفر كان مثلاً $H = 1$ ، نكتب في

matlab

```

n_H = 1،
d_H = 1;
H = tf(n_H,d_H)

```

(4) نكتب اقتران التحويل G الذي يهمنا في تصميم المعدل، ومنه نحسب d_G n_G

```

G = minreal ( -Gs * p_over_x * tf(1 , [1 0]) )
[n_G,d_G] = tfdata(G, 'v');

```

(5) تصميم المعدل

نحرب تصميم معدل مكبر بالطريقة التي تعلمناها في وحدة4 وهي rltool (راجع مثال 5

في وحدة4)، أي نكتب في الـ matlab

```

rltool

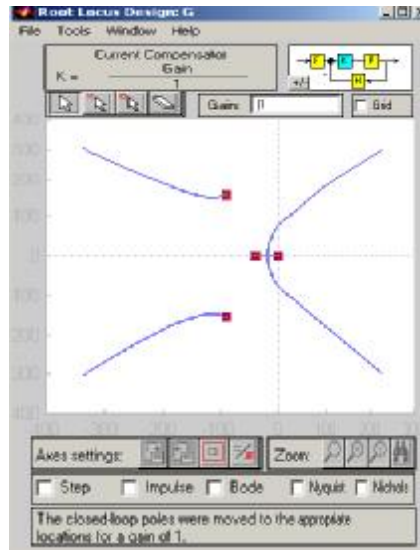
```

ثم بعد ظهور الشكل ، نختار file ثم Import Model .

ثم نختار G ليكون هو اقتران التحويل للآلة ، وذلك بالضغط على G ثم على السهم المحاذي

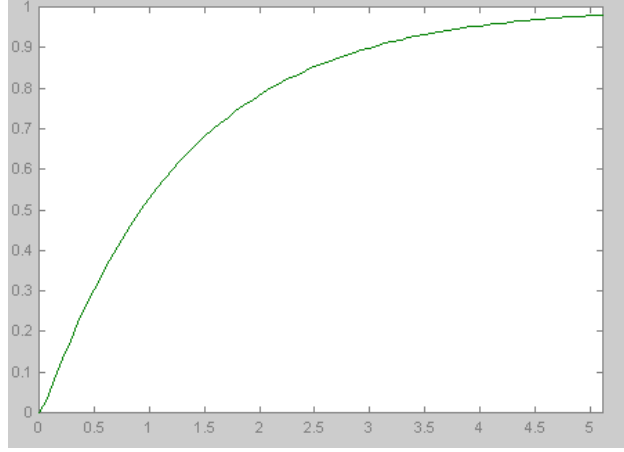
لـ P، ثم نختار H ليكون هو اقتران التحويل لجهاز القياس بنفس الطريقة السابقة.

ثم نضغط OK ، فيظهر الشكل التالي



الشكل (27)

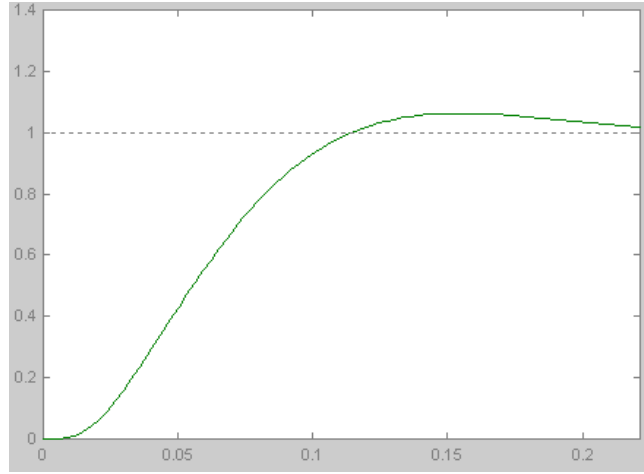
نضغط على Step لتصبح Step ، فتظهر لنا رسمة استجابة النظام المغلق لأمر الخطوة



الشكل (28)

ونلاحظ بطئ الاستجابة .

لذا نقوم بجر (drag) المربع الأحمر (الضغط عليه وتحريكه مع إبقاء الضغط عليه) ونغير مكانه إلى أن نحصل على رسمة استجابة مقبولة ، مثلا الاستجابة التالية



الشكل (29)

نلاحظ أنها استجابة سريعة لذا نأخذ قيمة التكبير $KK = 25$ للمعدل المكبر من الموجودة في أعلى الشكل.

وهي لهذه الاستجابة $KK = 25$

بقي اختبار قمة $\frac{x}{f_c}(s)$ (والتي قلنا أننا لا نريدها أن تزيد عن 0.1)

¹ يجب أن لا تكون قيمة كبيرة جدا بحيث يسبب مضار أخرى (نظرية وعملية)

لذا نغلق rltool وندخل اقتران التحويل للمعدل الذي اعتمدناه إلى الـ matlab

```
KK = 25
```

```
Gc = tf(KK,1)
```

ونوجد اقتران التحويل للنظام المغلق

```
G_close = feedback(G*Gc,H )1
```

ونوجد تكبير الفلتر

```
Kf = 1/dcgain(G_close)
```

ونجرب استخدام فلتر مكبر أي

```
Gf = tf( Kf , 1 )
```

وعليه $\frac{f}{f_c}(s)$ تحسب كالتالي

```
fi_over_fic = G_close*Gf
```

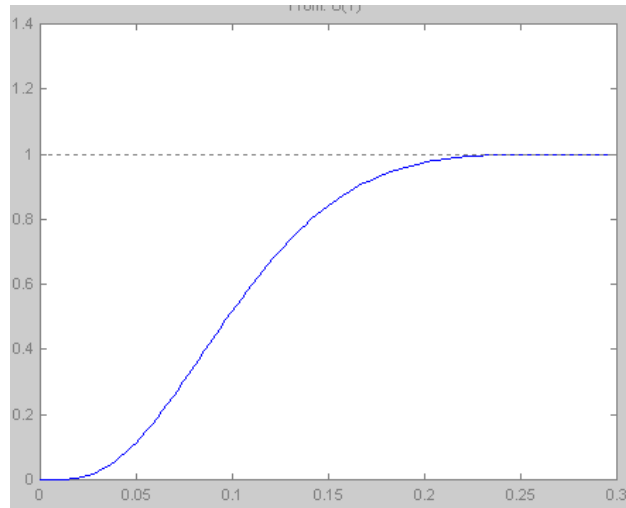
اما $\frac{x}{f_c}(s)$ فتحسب (كما أسلفنا) كالتالي

```
x_over_fic = minreal(tf([1 0],1)*fi_over_fic/p_over_x)
```

نرسم الاستجابة لأمر الخطوة لـ fi_over_fic ، أي

```
step(fi_over_fic)
```

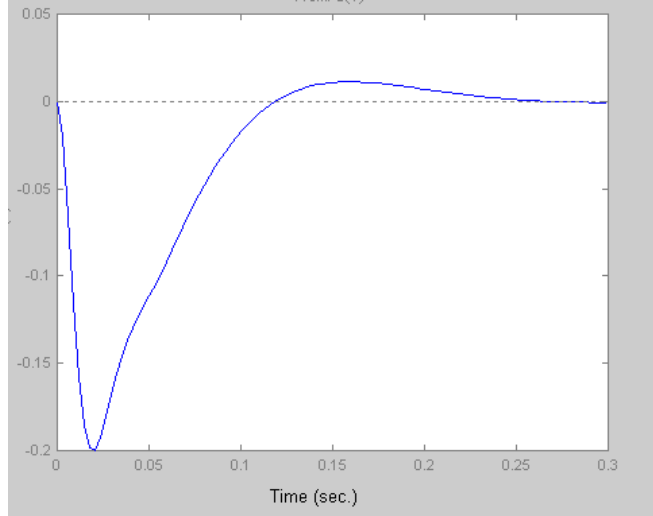
لنحصل على



الشكل (30)

وهو بالمناسبة نفس الشكل الذي حصلنا عليه في rltool ، الآن نختبر استجابة x_over_fic
step(x_over_fic)

1 لاحظ أننا نضع المعدل قبل محرك الجنيحات مباشرة وليس بعد جهاز القياس كما في الشكل (12)



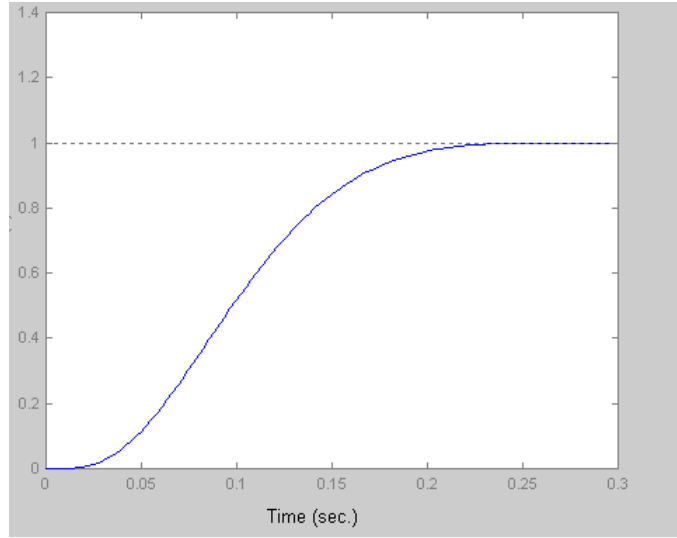
الشكل (31)

نلاحظ أن القيمة تساوي 2. وليس أقل من 1. كما قررنا ، لذا نعيد الحل لقيمة KK جديدة (ولا داعي لاعادة rltol فالمشكلة الحقيقية في x_over_fic وليس في fi_over_fic ، لذا نعيد من خطوة KK=)
 لكن لنفرض أننا قبلنا بهذا الحل ، وأردنا تقليل القمة بجعل الفلتر مثبت 1 ، لذا نعيد من خطوة
 أي ، Gf=

```
t_f = .05
Gf = tf(Kf,[t_f , 1])
fi_over_fic = G_close*Gf
x_over_fic = minreal(tf([1 0],1)*fi_over_fic/p_over_x)
step(fi_over_fic)
```

فيظهر الشكل

¹ تذكر أن أحد مشاكل الاعتماد على الفلتر المثبت بدل المعدل المناسب ، هو سوء استجابة النظام المغلق للمؤثرات الخارجية مثل الريح .
² اخترتها بعد عدة تجارب

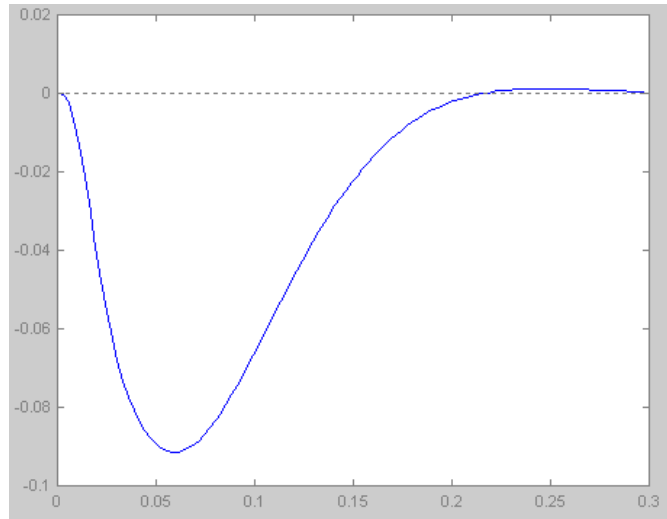


الشكل (32)

وما زال مقبول
والمهم الآن هو

`step(x_over_fic)`

والشكل



الشكل (33)

نلاحظ أن القمة انخفضت إلى أقل من 0.1 ، وهذا ما نريده
إذن نعتد الفلتر المثبط ذو اقتران التحويل التالي

$$G_f(s) = \frac{1}{0.05s + 1}$$

والمعدل المكبر (الموضوع قبل محرك الجنيحات) ، ذو اقتران التحويل التالي

$$G_c(s) = 25$$

أثر تناقص السرعة على صفات الاستجابة

عند التصميم في هذه الوحدة يجب افتراض قيمة للسرعة U ، لكننا نعلم أن السرعة تتناقص مع الزمن لذا يجب بعد الانتهاء من التصميم أن نتأكد أن صفات الاستجابة لا تسوء كثيرا عند تغير السرعة ، فإن كان الاثر كبير لا بد من إعادة التصميم .

خطوات اختبار أثر U ¹

(1) نكتب القيم التي اعتمدها في التصميم للطيران العمودي (1) ، لـ
 ARw ART $CD0$ m l lcp lt S St A Iy ro a
 h fz_max

(2) نكتب قيمة U التي نريد اختبار المواصفات عندها ، ثم نحسب القيم الجديدة التالية

```
Mach = U/343;
Cla_w = 2*pi*ARw/(2+sqrt(4+ARw^2*(1+Mach^2))) ;
Cla_t = 2*pi*ART/(2+sqrt(4+ART^2*(1+Mach^2))) ;
Q = .5*ro*U^2;
Cla = (S*Cla_w+St*Cla_w)/S;
zw = -(Cla+CD0)*Q*S/m/U;
zh = -(Cla_t*Q*St)/m;
mw = -(lcp*Q*S*Cla)/U/Iy;
mh = -(Cla_t * Q*St*lt)/Iy;
mq = -(Cla_t * Q*St*lt^2)/Iy/U;
f_over_h = tf([zh -(zh*mq) U*(mh*zw-mw*zh)], [1 -(zw+mq) (zw*mq-U*mw)]);
q_over_h = tf([mh (mw*zh-mh*zw)], [1 -(zw+mq) (zw*mq-U*mw)]);
a_over_h = tf([zh (mh*U-zh*mq)]/U, [1 -(zw+mq) (zw*mq-U*mw)]);
qdot_over_h = tf([mh (mw*zh-mh*zw) 0], [1 -(zw+mq) (zw*mq-U*mw)]);
```

(3) نكتب القيم التي اعتمدها في التصميم للطيران العمودي (2) ، لـ
 c Gs Ha Gc Gf

(4) نحسب القيم الجديدة التالية

```
qdot_over_f = minreal(qdot_over_h/f_over_h)
G = minreal( Gs*f_over_h );
H = minreal( Ha*( 1-c*qdot_over_f ) );
f_over_com= feedback( minreal(G*Gc),H ) ;
h_over_com= minreal(f_over_com/f_over_h);
a_over_com= minreal(a_over_h*h_over_com);

f_over_fc = minreal( f_over_com*Gf );
```

¹ ولن أشير إلى معاني الرموز لأنها تكرر لما هو في الأمثلة والدروس الثلاث السابقة.

$h_over_fc = \minreal(h_over_com * Gf);$
 $a_over_fc = \minreal(a_over_com * Gf);$
 (5) نختبر استجابة h ، للأمر $fc=fz_max$ ،
 $step(a_over_fc * fz_max , h_over_fc * fz_max)$
 وسنلاحظ ان قيم الزوايا h القصوى أعلى من الذي افترضناه ، لذا نريد البحث عن قيمة fc التي لن تزيد قيم الزوايا h القصوى عن الذي افترضناه ، نقدرها من الرسم ، ونعيد رسم الاستجابة عندها ،

$step(a_over_fc * fc , h_over_fc * fc)$
 ونتأكد أن المشكلة حُلَّت

وهذه القيمة يجب أن لا يُصدر الموجه أمر أعلى منها عند تلك السرعة ، ثم نحسب استجابة التسارع f_over_fc عند fc التي اعتمدها

$step(f_over_fc * fc)$
 ومن رسمة الاستجابة نقرر إن كان لا يزال بالإمكان الطيران عند هذه السرعة (مثلاً أن يكون التسارع النهائي أكبر من g بمقدار مقبول ، حتى يطير الصاروخ على ارتفاع ثابت فوق سطح الأرض ، مع إمكانية القليل من الدوران) ، فإن كان الطيران ممكن ننقل إلى دراسة التغير على استجابة العطوف (الخطوات التالية)

(6) نكتب القيم التالية التي توصلنا إليها في التصميم للعطوف ،

St_star a_star R Art_star $a_$ Ix H
 Gc Gf

(7) نحسب القيم الجديدة التالية

$Cla_t_star = 2 * pi * Art_star / (2 + sqrt(4 + Art_star^2 * (1 + Mach^2))) ;$
 $Lx = -Q * Cla_t * St * (R + a_/4)$
 $Lp = -Q/U * (Cla_w * S * (R^2 + R * A/2 + A^2/12) + Cla_t * St * (R^2 + R * a_/2 + a_^2/12) + Cla_t_star * St_star * (R^2 + R * a_star/2 + a_star^2/12))$
 $Ta = -Ix/Lp$
 $p_over_x = tf(-Lx/Lp , [Ta \ 1])$
 $G = \minreal(-Gs * p_over_x * tf(1 , [1 \ 0]))$
 $G_close = feedback(G * Gc , H)$
 $fi_over_fic = G_close * Gf$
 $x_over_fic = \minreal(tf([1 \ 0], 1) * fi_over_fic / p_over_x)$

(8) نختبر استجابة fi

$step(fi_over_fic)$

ونرى إن كانت سرعة الاستجابة لا تزال مقبولة ، ثم نختبر استجابة xi

$step(x_over_fic)$

ونرى إن كانت القمة لا تزال أقل من xi القصوى التي صممنا لأجلها

مثال 4

لو فرضنا أن سرعة الصاروخ انخفضت إلى 50 ، نريد دراسة أثر هذا التغير في السرعة
(1) من مثال 1 نأخذ القيم التالية

```
ARw = 2;  
ARt = 2;  
CD0 = .1;  
m = 10;  
g=9.8;  
fz_max = 29.4;  
l = 1;  
lcp=.1;  
lt = .5851  
ro = 1.16;  
S = .1343  
St = .0697  
A = .5182  
B = .2591  
Iy = .625;  
U = 50;  
a = .2;  
h = .1;
```

(2) نكتب قيمة U الجديدة

```
U = 50
```

ثم نحسب التالي

```
Mach = U/343;  
Cla_w = 2*pi*ARw/(2+sqrt(4+ARw^2*(1+Mach^2))) ;  
Cla_t = 2*pi*ARt/(2+sqrt(4+ARt^2*(1+Mach^2))) ;  
Q = .5*ro*U^2;  
Cla = (S*Cla_w+St*Cla_w)/S;  
zw = -(Cla+CD0)*Q*S/m/U;  
zh = -(Cla_t*Q*St)/m;  
mw = -(lcp*Q*S*Cla)/U/Iy;  
mh = -(Cla_t * Q*St*lt)/Iy;  
mq = -(Cla_t * Q*St*lt^2)/Iy/U;  
wn = sqrt(zw*mq-U*mw)  
f_over_h = tf([zh -(zh*mq) U*(mh*zw-mw*zh)] , [1 -(zw+mq) (zw*mq-U*mw)]);  
q_over_h = tf([mh (mw*zh-mh*zw)] , [1 -(zw+mq) (zw*mq-U*mw)]);  
a_over_h = tf([zh (mh*U-zh*mq)]/U , [1 -(zw+mq) (zw*mq-U*mw)]);  
qdot_over_h = tf([mh (mw*zh-mh*zw) 0] , [1 -(zw+mq) (zw*mq-U*mw)]);
```

(3) نكتب القيم التي اعتمدها في مثال 2 —

```
c= +.1;  
Gs = tf(226.8 , [ 1 180 32400]);
```

```

Ha = tf(1,1);
Gc = tf(1.7012*[ 1 8 ], [ 1 52.0078] );
Gf = tf( 2.925 , [.15 1] );

```

(4) نحسب

```

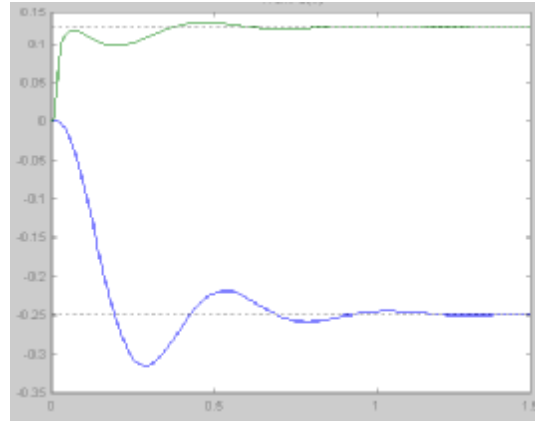
qdot_over_f = minreal(qdot_over_h/f_over_h)
G = minreal( Gs*f_over_h );
H = minreal( Ha*( 1-c*qdot_over_f ) );
f_over_com= feedback( minreal(G*Gc),H );
h_over_com= minreal(f_over_com/f_over_h);
a_over_com= minreal(a_over_h*h_over_com);

f_over_fc = minreal( f_over_com*Gf );
h_over_fc = minreal( h_over_com*Gf );
a_over_fc = minreal( a_over_com*Gf );

```

(5) نختبر استجابة a_{over_fc} h_{over_fc} عند أمر مقداره fz_max ،
`step(a_over_fc * fz_max , h_over_fc * fz_max)`

فيظهر الرسم التالي



الشكل (34)

ومنه نلاحظ أن سرعة الاستجابة قلت

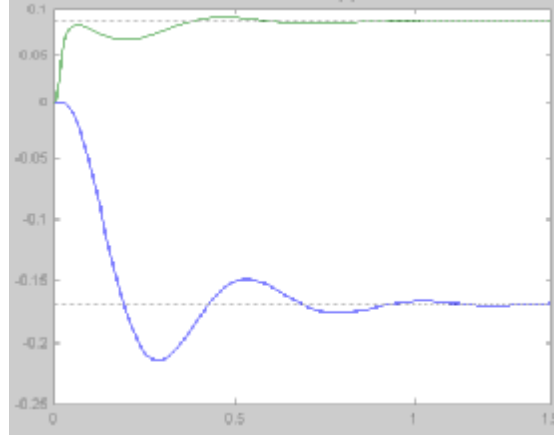
و أنه لو بقينا نصدر أمر مقداره fz_max ، فإن a ستكون أكبر من $2rad$ و h أكبر من $1rad$ ،

لذا نبحث عن fc التي لا يجوز للشخص الموجه أن يزيد عنها ، ومن الشكل السابق نقدر أنها حوالي ثلثي fz_max أي تقريبا

$fc = 20$

نتأكد من أن هذه القيمة مقبولة عن طريق إعادة الرسم عندها

`step(a_over_fc * fc , h_over_fc * fc)`



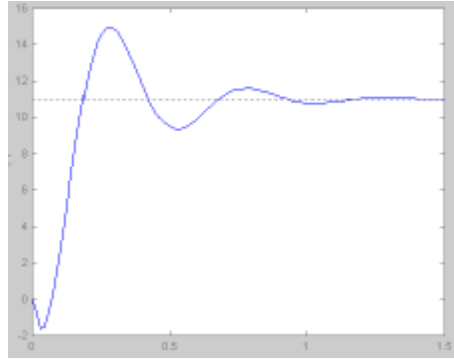
الشكل (35)

نلاحظ أنها مقبولة ، (لكن بقيت مشكلة سرعة الاستجابة التي انخفضت)

الآن نختبر استجابة f_{over_fc} عند هذه الـ fc

`step(f_over_fc * fc)`

فيظهر الرسم التالي



الشكل (35)

نلاحظ من الرسمة أن قيمة التسارع النهائية هي حوالي 11 ، أي أكبر بقليل من g ، ولن تقبل بسرعة أقل من هذه السرعة أبداً .

ونلاحظ أن الاستجابة بطيئة

الخلاصة أن مواصفات الاستجابة للطيران العمودي قد ساءت عند انخفاض السرعة ، وحللنا بعض مشاكلها (مثل فكرة تقليل fc) ، وبقيت مشاكل أخرى (مثل انخفاض سرعة الاستجابة) ، ولو قبلنا بهذا الوضع ننتقل إلى الخطوة التالية (اختبار العطوف)

(6) نكتب القيم التالية التي توصلنا إليها في مثال 3

```
St_star = .02;
a_star = .2;
R = .05;
ARt_star = 2;
```

```

a_ = .3735
Ix = .0188
H = tf(1,1)
Gc = tf(25,1)  Gf = tf(1,[.05 1])

```

(7) نحسب القيم الجديدة التالية

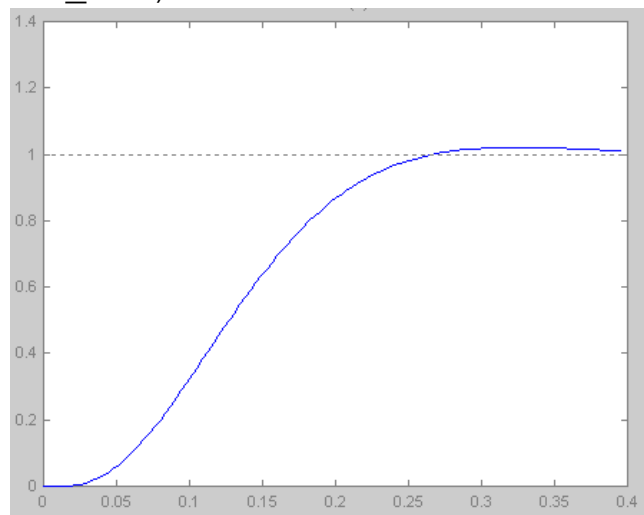
```

Cla_t_star = 2*pi*ART_star/(2+sqrt(4+ART_star^2*(1+Mach^2))) ;
Lx = -Q * Cla_t * St * (R + a_/4)
Lp = -Q/U*(Cla_w*S*(R^2+R*A/2+A^2/12)+ Cla_t*St*(R^2+R*a_/2+a_^2/12)+
Cla_t_star*St_star*(R^2+R*a_star/2+a_star^2/12))
Ta = -Ix/Lp
p_over_x = tf( -Lx/Lp , [Ta 1])
G = minreal ( -Gs * p_over_x * tf(1 , [1 0]) )
G_close = feedback(G*Gc,H)
fi_over_fic = G_close*Gf
x_over_fic = minreal(tf([1 0],1)*fi_over_fic/p_over_x)

```

(8) نختبر الاستجابة التالية

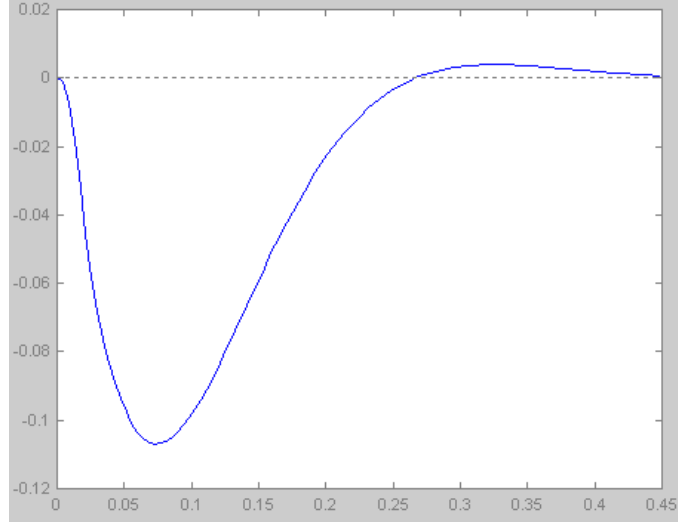
```
step(fi_over_fic)
```



الشكل (37)

ونلاحظ أن سرعة الاستجابة لا تزال مقبولة ، ثم نختبر الاستجابة

```
step(x_over_fic)
```



الشكل (38)

ونلاحظ أن قيمة القمة قريبة من 1rad. (X القصوى التي صممنا لها)، وهي مقبولة
 إذن استجابة العطوف لم تتأثر كثيراً
 انتهى المثال

لاحظنا من المثال أن الاستجابة ساءت بسبب تغير U (وللعلم قدرت الزمن¹ الذي
 انخفضت فيه U من 75 إلى 50 فكان 1.7sec ، والمسافة المقطوعة² فكانت 200m) ،
 وبعض الحلول لهذه المشكلة هي :

1. التصميم (من بداية هذه الوحدة) للسرعة المتوسطة (أي 62.5 في أمثلتنا)
2. استخدام معدلات رقمية تتغير صفاتها مع الزمن بصورة مناسبة
3. تقليل الاحتكاك ومقاومة الهواء قدر الامكان
4. تصميم محرك الدسر الصاروخي بطريقة تجعل هناك القليل من الاحتراق و الدسر
 (بعد الاحتراق الرئيسي) ، بصورة تكفي للتغلب على الاحتكاك والمقاومة الهوائية

$$^1 \text{ بواسطة المعادلة } t \sim \frac{2m}{rSC_D} \left(\frac{1}{U_f} - \frac{1}{U_i} \right) \text{ حيث}$$

$$C_D = C_{D0} + C_{Da} \approx C_{D0} + C_{la} \frac{a_{\max}}{2} \text{ حيث } r \text{ هي كثافة الهواء}$$

$$^2 \text{ بواسطة المعادلة } \Delta x \approx t \times \frac{U_f + U_i}{2}$$

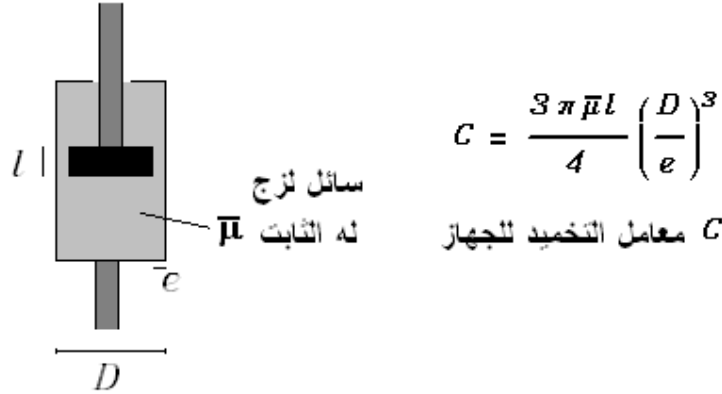
صناعة جهاز قياس التسارع

هناك عدة أنواع لمقاييس التسارع ، وسوف نشرح صناعة جهاز الـ accelerometer ، لكن الموضوع بحاجة للمزيد من البحث

مقياس التسارع¹ يقيس التسارع ويعطي فرق جهد كهربائي ، ويتكون من زنبرك ، وكتلة ، وجهاز تخميد (fluid damper) ، ومجزئ جهد (potiniometer)

K ثابت الزنبرك ، ويعتمد على طول الزنبرك ونوعه ، (ويمكن تعديل قيمته عن طريق وضع الزنبركات بجانب بعض أو فوق بعض أو)

C معامل التخميد لجهاز التخميد (fluid damper) ، ومن الأمثلة عليه الشكل التالي²

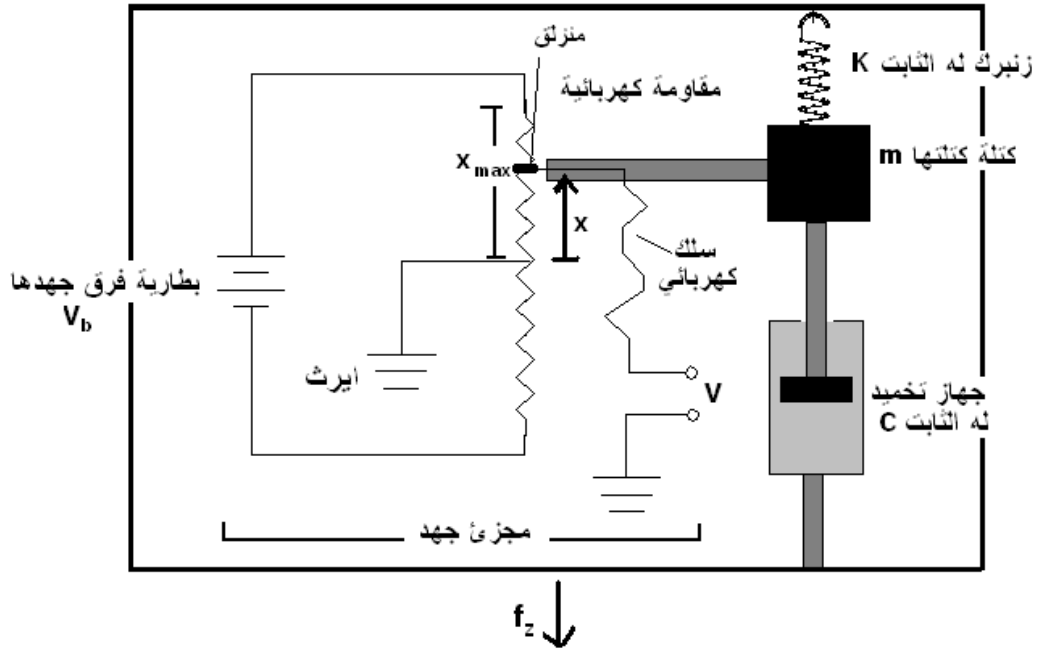


الشكل (39)

والشكل التالي يوضح مقياس التسارع الذي سوف نتكلم عنه ، والرموز مبينة فيه

¹ أعني الـ accelerometer

² ولا بد من الرجوع للكتب ذات العلاقة بالموضوع ، لصناعة جهاز تخميد أكثر فاعلية



الشكل (40)

واقتران التحويل له هو

$$H_a(s) = \frac{V_b}{2x_{\max}} \times \frac{1}{s^2 + \frac{C}{m}s + \frac{K}{m}}$$

حيث المدخل هو f_z ¹ والمخرج هو V

ملاحظات :

• w_n m التي درسناها في وحدة 4 ، تعطى بالعلاقات التالية

$$w_n = \sqrt{K/m}$$

$$m = \frac{C}{2mw} = \frac{C}{2\sqrt{Km}}$$

• للحصول على استجابة سريعة ، فيجب أن تكون w_n عالية (حيث) ، لكن المشكلة أن

w_n عالية تعني x صغيرة عند f_z معينة (حيث $\left(\frac{x}{f_z}\right)_{f_z \rightarrow \infty} = \frac{1}{w_n^2}$) وبالتالي قراءة

1 بل لو أردنا الدقة في الكلام ، المدخل هو $f_z - c$ ، كما بينا في درس التصميم للطيران العمودي (2)

مجزئ الجهد لن تكون دقيقة، وتحل هذه المشكلة باستخدام نظام بكرات أو مسننات لربط الكتلة مع المنزلق بصورة تجعل ازاحة المنزلق أكبر من ازاحة الكتلة .

• ويجب أن تكون قيمة m قريبة من 5-7. ، للحصول على استجابة جيدة

$$\frac{V}{V_b} = \frac{x}{2x_{\max}}$$



• المكان الصحيح لتوصيل الايثرث مع المقاومة ، هو ليس في نصف المقاومة

،بل عند نقطة استقرار الكتلة دون وجود تسارع ،وعندها يكون مرجع لـ x

مثال 5

صمم مقياس تسارع له $m \sim 0.6$ ، $w_n \sim 30$ ، حيث \bar{m} للزيت تساوي 0.07.

أحد الحلول:

نجرب زنبرك له $K = 90$

من المعادلة $w_n = \sqrt{K/m}$ نحسب الكتلة m ، أي

$$m = \frac{K}{w_n^2} = \frac{90}{30^2} = 0.1 \text{Kg}$$

ومن المعادلة $m = \frac{C}{2\sqrt{K m}}$ ، نحسب C ، أي

$$C = 2m\sqrt{K m} = 2 * 0.6 * \sqrt{90 * 0.1} = 3.6$$

أم جهاز التخמיד فنحرب له

$$l = 3 \text{cm} = 0.03 \text{m}$$

$$e = 1 \text{mm} = 0.001 \text{m}$$

ومن المعادلة $C = \frac{3p\bar{m}l}{4} \left(\frac{D}{e}\right)^3$ ، نحسب D ، أي

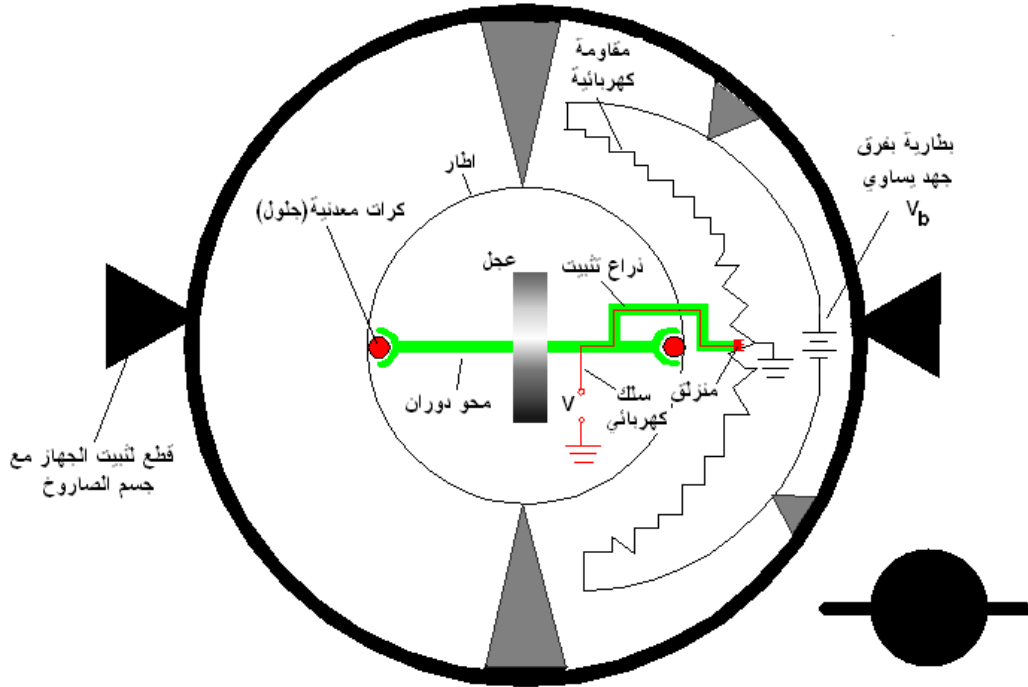
$$D = \sqrt[3]{\frac{4C}{3p\bar{m}l}} e = \sqrt[3]{\frac{4 * 3.6}{3p * 0.07 * 0.03}} * 0.001 = 0.009 \text{m} = 0.9 \text{cm}$$

ثم نحرب الجهاز عمليا (إن قبلناه نظريا)، فقد يكون هناك بعض الأمور التي لم نأخذها بالحسبان.

¹ لاحظ أن \bar{m} لا علاقة لها بـ m

جايروسكوب العطوف (roll gyro)

وهو جهاز يستخدم لقياس زاوية انفتال الصاروخ حول محوره الطولي (الزاوية f) والشكل التالي يوضح نموذج لجايروسكوب العطوف ، وهو عبارة عن جسم (عجل أو كرة) له (I) moment of inertia ، ويدور بسرعة زاوية w حول محور الدوران¹، هذا المحور حر الدوران خلال اطار (بواسطة استخدام كرات معدنية(جلول)) ، هذا الاطار مثبت مع الصاروخ (في الشكل التالي الاطار مثبت مع جسم الجهاز وجسم الجهاز مثبت مع الصاروخ من الداخل)

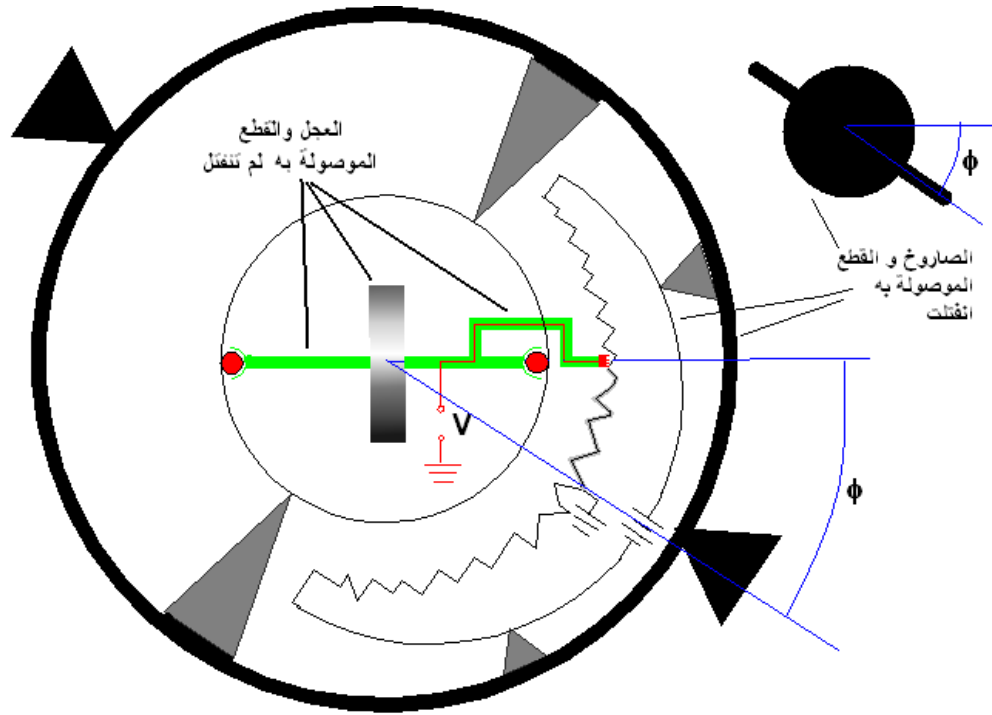


الشكل (41)

وعند انفتال الصاروخ حول محوره الطولي ، فإن العجل - والأجزاء المثبتة به - لا ينفصل بسبب زخمه الزاوي $I*w^2$ ، كما في الشكل التالي

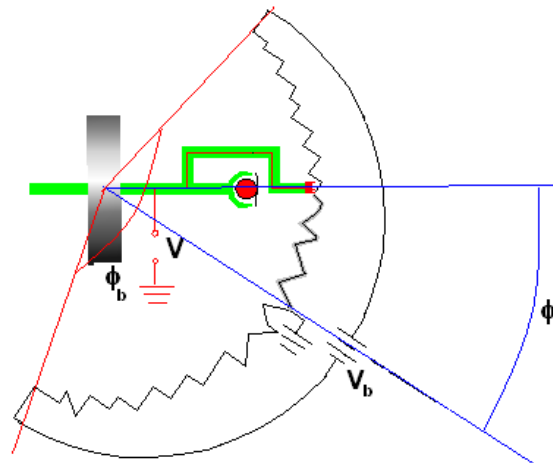
¹ سبب الدوران هو محرك كهربائي أو طرق أخرى ، وهو غير موضح في الشكل.

² ،حيث يعمل الزخم الزاوي نوع من المقاومة (القصور) للانفتال



الشكل (42)

فيقوم مجزئ الجهد بقياس فرق الجهد V الذي يتناسب مع الزاوية f ، كما في الشكل والمعادلة التالية



الشكل (43)

$$\frac{\phi}{V} = \frac{\phi_b}{V_b}$$

أي اقتران التحويل لجايروسكوب العطوف هو

$$H_g(s) = \frac{f_b}{V_b}$$

مشكلة الـ drift

الوضع المثالي الذي شرحناه (عدم انفتال العجل ومحوره نهائيا عند انفتال الصاروخ) غير موجود، بسبب وجود احتكاك بين المحور والاطار .

فعند انفتال الصاروخ بزواوية معينة (0.4 rad مثلا) ، فإن العجل يفتل بزواوي صغيرة (0.02rad) . بدل أن يبقى ثابت ، ثم تاتي المشكلة الحقيقية عند رجوع الصاروخ إلى الزاوية (0 rad) حيث قد لا يرجع العجل إلى الزاوية (0 rad) ، بل قد يرجع إلى زاوية (0.01rad) ، أي أصبح لدينا خطأ في المرجع مقداره (0.01rad) ، وهكذا عند انفتال آخر، وهذه المشكلة تسمى drift .

ولا بد من حل هذه المشكلة¹ ، وبعض الحلول:

1. زيادة الزخم الزاوي $I \cdot \omega$ قدر الامكان
 2. تقليل الاحتكاك بين المحور و الاطار قدر الامكان (جلول ، تشحيم ...)
- لكن كل هذا سيقبل مشكلة الـ drift ولن يلغيها لذا لا بد من الحل الأخير
3. أن يقوم الشخص الموجه بالتصرف ، فلو لاحظ دوران الصاروخ نحو اليمين بالرغم من عدم اصداره ذلك الأمر فهذا يعني وجود drift ، وكل ما عليه هو اصدار الأمر بالانفتال نحو اليسار بالمقدار الكافي .

ملاحظة : نظام التوجيه (فوق تحت يمين يسار) \leftrightarrow - الذي يكون فيه 4 أجنحة و 4 جنيحات و 4 محركات - أفضل من نظام التوجيه (فوق تحت فتل) \curvearrowright الذي نستخدمه هنا .

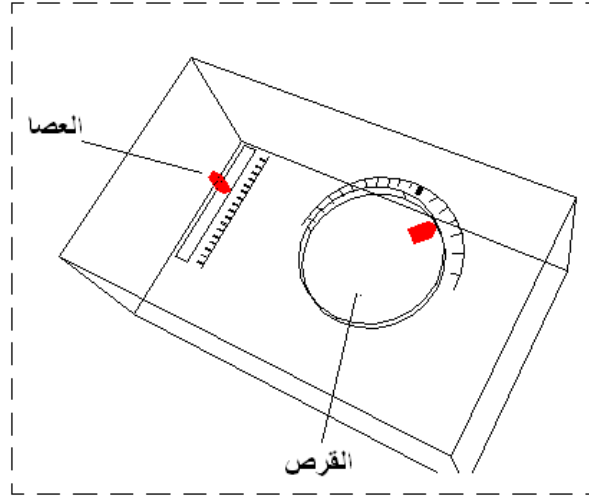
والسبب الرئيسي لعدم استخدامنا للنظام الأول هو مشكلة الـ drift في الجايروسكوب ، حيث لو لاحظنا أن الصاروخ يطير جانبا بصورة خاطئة فإن الحل في نظام (فوق تحت فتل) هو اصدار أمر الفتل بالجهة المعاكسة ، أما في نظام (فوق تحت يمين يسار) فإن الحل هو اصدار أمر الفتل بالجهة المعاكسة إن كان السبب هو drift ، أو إصدار أمر الطيران بالجهة المعاكسة إن كان السبب هو الضغط على عصا التحكم بالاتجاه الخاطئ ، مما يربك الشخص الموجه .

لذا عند صناعة جايروسكوب مهمل الـ drift ، يمكن تعديل نموذجنا بكل بساطة إلى نظام (فوق تحت يمين يسار) .

¹ جهاز الجايروسكوب مهم جدا في عملنا ، لذا لا بد من دراسته وبحثه بصورة جيدة (أي من كتب أخرى)

التوجيه

الهدف من هذا الصاروخ هو اصابة هدف ثابت أو بطيء ،عن طريق توجيه بشري،بواسطة
عصا التحكم المبينة في الشكل التالي



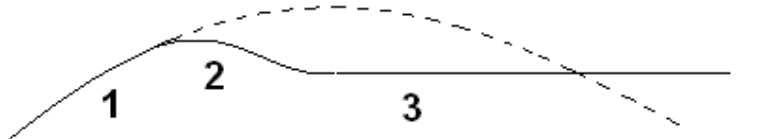
الشكل (44)

وأوامر التوجيه هي (فوق تحت فتل) أي ↕↔،حيث الأمر ↕ يضمن الارتفاع الصحيح ،
والأمر ↔ يضمن الوضع الأفقي الصحيح (الحركة لليمين واليسار).

↕ الأمر

↕ مثال على الأمر

نطلق الصاروخ بزاوية مناسبة ثم نرسل له أوامر تجعله يسير على ارتفاع ثابت،كما في
الشكل التالي



الشكل (45)

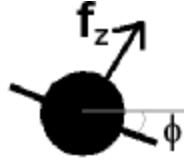
المنطقة 1 : هي منطقة الطيران الحر (مرحلة الاحتراق)، وهي دون توجيه ، (ولو بقي الصاروخ يسير عليها دون توجيه لساير بالمسار المرسوم بالخط المنقطع)



المنطقة 2 : أرسلنا الأمر بصورة كافية لتحضيره للمرحلة القادمة

المنطقة 3 : ونعطي فيها الأمر $f_z = -g$ ، أي قوة رفع مساوية للجاذبية حتى يطير على ارتفاع ثابت ، لكن مهما حاولنا فلن يطير على ارتفاع ثابت (إلا باستخدام نظام الدارة المغلقة بوجود جهاز داخلي لقياس الارتفاع، وهذا ما لن نفعله)، وذلك بسبب:

- قيمة الأمر $f_z = -g$ قد لا نستطيع إرسالها بدقة بواسطة عصا التحكم : قلت سيطير بالشكل ، ولو زادت سيطير بالشكل ، وقد تحل هذه المشكلة بجعل الأمر $f_z = -g$ يرسل من داخل الصاروخ.
- وجود سرعة ابتدائية : مثلا لو كانت $f_z = -g$ تماما ، لكن كان هناك سرعة ابتدائية للأسفل فإن الصاروخ سيطير بالمسار .
- مشكلة ال noise : وهي أن الأوامر الكهربائية (اللاسلكية خصوصا) لها دائما نذبذة ، فالأمر $f_z = -g$ قد يصل بالصورة .



- الأمر يجعل قيمة f_z بالاتجاه ϕ وليس باتجاه الأعلى ، فلو كانت $f_z = -g$ تماما ودار الصاروخ بزواوية مقدارها f فالمركبة للأعلى ستخفض للقيمة

$$f_z = \frac{-g}{\cos(f)} \text{ ، فيجب عنها ارسال الأمر } -f_z * \cos(f) = -g \cos(f)$$

نستنتج أن الطيران على ارتفاع ثابت يحتاج إلى تدريب وخبرة، بالإضافة إلى تحسين مواصفات الأجهزة.

توجيه التسارع

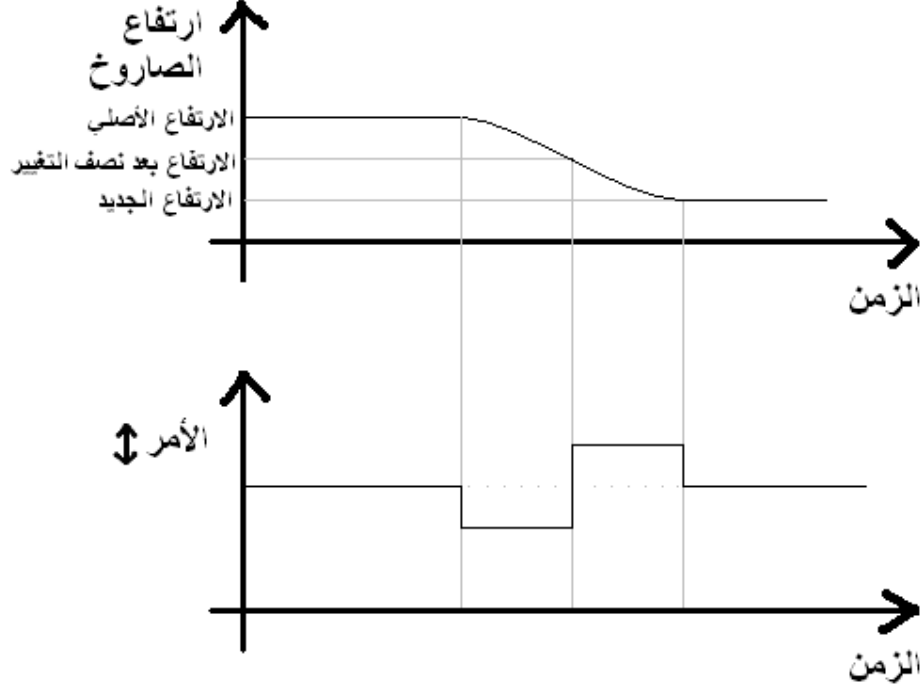
طريقة التوجيه التي نتبعها تسمى توجيه التسارع ، حيث ان الاوامر التي نرسلها هي أوامر التسارع f_z .

تغيير الارتفاع

¹ -g وليس +g ، والسبب هو نظام المحاور الذي اتبعناه حيث المحور z للأسفل.

لنفرض أن عندنا صاروخ مثالي¹، نوجهه بواسطة طريقة توجيه التسارع ، وكان يطير على ارتفاع ثابت معين، ثم أردنا خفض ارتفاعه بقيمة معينة (10م مثلاً) ، ثم يتابع على هذا الارتفاع الجديد.

فالطريقة هي ارسال الأمر ↓ إلى أن يتم نصف التصحيح (ينزل 5م) ثم ارسال الأمر ↑ بنفس الزمن والمقدار السابق (الأمريين السابقين نضيفهم فوق الأمر $fz=-g$ طبعاً) ، أنظر الشكل التالي .



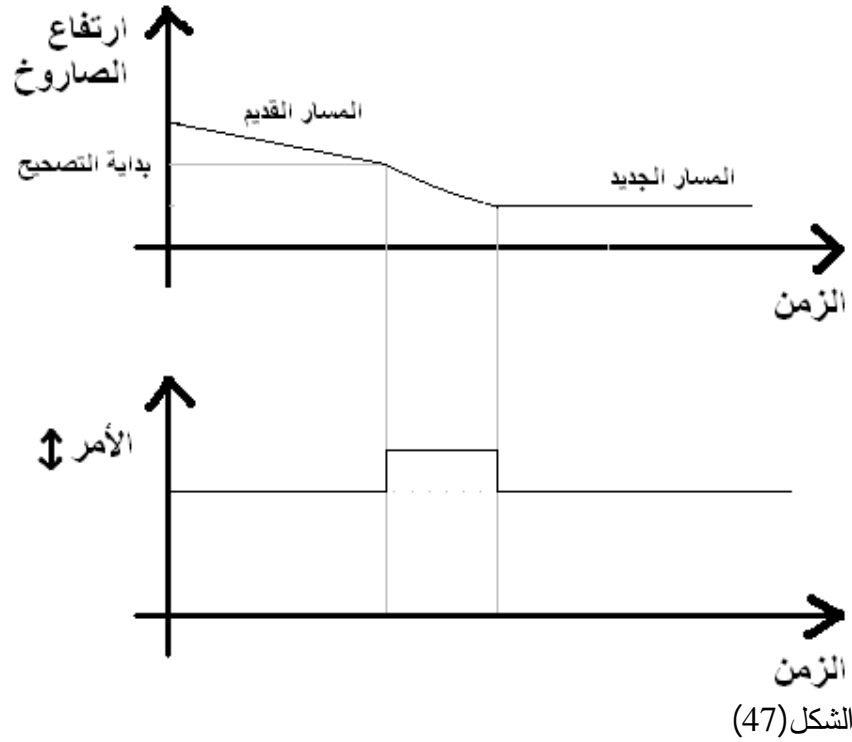
الشكل (46)

تصحيح الزاوية (فوق تحت)

لو كان عندنا صاروخ مثالي ، وعندنا $fz=-g$ تماما ، لكن كان يطير إلى الأسفل (أو الأعلى) بخط مستقيم → ، فالتصحيح المناسب هو الأمر ↓² بمقدار وزمن مناسب (إلى أن يتم التصحيح أو قبلة بقليل)، كما هو مبين في الشكل التالي

¹ فوري الاستجابة دون أخطاء

² مضافا إلى الأمر الأصلي ↑ $fz=-g$



ويجوز استخدام أوامر غير \square المبين في الشكل ، مثل الأمر \wedge أو الأمر \sim ، أو أوامر أخرى ، المهم أنه عندما يتم التصحيح يلغى الأمر فوراً.

↪ الأمر

والهدف منه هو تحريك الصاروخ لليمين واليسار ، لإصابة هدف متحرك أو تصحيح الاتجاه لإصابة هدف ثابت ، بالإضافة إلى حل مشكلة الـ drift لجيروسكوب العطوف.





ونفضل تقليل استخدام هذا الأمر قدر الامكان ، وعند استخدامه لا نبالغ في قيمة هذا الأمر لأسباب منها: (*) مشكلة الـ drift لجيروسكوب العطوف (*) التسارع للأعلى سيصبح

$$f_z = \frac{-g}{\cos(f)}$$

، مما سيسبب مشاكل في الارتفاع كما بينا سابقا.

ونقل الحاجة لهذا الأمر عن طريق التصويب الصحيح على الهدف الثابت ، وعلى المكان المتوقع للمتحرك ، واستخدام الأمر ↪ لتصحيح المسار فقط .

↪ آلية التوجيه للأمر

- لو أردنا تحريك صاروخ مثالي يمينا بمسار موازي للمسار الأصلي نرسل الأمر  إلى أن يتم تصحيح نصف المسافة بين المسارين ، ثم نرسل الأمر  بنفس المقدار والمدة السابقة ، ثم نرجع القرص إلى وضعه الأصلي ، تماماً كما شرحنا في الشكل(46)
- ولو أردنا تعديل الزاوية الأفقية لمسار الصاروخ ، فالطريقة هي الأمر  إلى أن يتم التصحيح، ثم الرجوع فوراً إلى  ، وذلك كما في الشكل(47)¹

ملاحظة : طريقة التوجيه التي شرحها تسمى توجيه التسارع ، وهناك طريق أسهل عمليا للتوجيه تسمى طريقة توجيه السرعة، لكن يلزمنا اضافة جهاز جايروسكوب موقع (position

gyro) ، من أجل قياس زاوية ميل الصاروخ a ، واستخدام نظام الدارة المغلقة، ولن نفعل هذا إلى حين صناعة جايروسكوب موقع دقيق ، (وهو بالمناسبة نفس جايروسكوب العطوف لكن محور دورانه باتجاه المحور الطولي للصاروخ)

----- انتهى الكتاب -----

¹ ويجوز استخدام أوامر غير \square المبين في الشكل ، مثل الأمر \sim أو الأمر \curvearrowright ، أو أوامر أخرى ، المهم أنه عندما يتم التصحيح يلغى الأمر فوراً.

مفتاحي العام الثاني لبرنامج اسرار المجاهدين النسخة الثانية:

```
#---Begin Al-Ekhlaas Network ASRAR El Moujahedeen V2.0 Public  
Key 2048 bit---  
pyHAf8xhSSD1F4oni8BCcTFtcU+Ab2H31KoW+zxRoPHBmEj9Lf  
CyfQL6RZM8NtkMcBrS/hKaZ11EQ6Es6J37eA1VsG19HBwPj9dl  
9IUCbJ15KJYt5DLNn/iZj5EcMMPpSxtgSFwngxGjeJAJ1XCGs  
uzNPmjrmgE/guFUIHC0Ncr+z94iJov5SYCfxZ46Tc2ZR1yTO1M  
exblu6qD9+gv0Q8x0Box9wkiXgAXS9e+qQUuvjS7NG+epcXKkj  
p1ua1C9Q8Kjzfbe7To6bwBN4XNYm0BAyPwTvLBUURojCZd2yMy  
Qiv6lHeXoBZAqsl9xrFGCnf0Ybcf2/5iDe87IGMNIKPGDWk2X  
U73juuxdTYYJxTgS1tWazLsHVNByE3eLPp9whZb4NUhAgKjjQ  
kgFxtMkfjCj3RcPFe4bLiTJ98U+otTLCKRMt93L7b7owGpW1Fs  
Ln4puIVaRB4BsJAcPcoWYLxw01GtpAMUdWSmdtPjmJ1rMURm6B  
sSvrBEs5mEcp/ObOGsPpaYmzNJCGrey8JvnSyasPudKEi5+umk  
sx  
  
#---End Al-Ekhlaas Network ASRAR El Moujahedeen V2.0 Public Key  
2048 bit---
```